

# Verlässliche Echtzeitsysteme

## Härtung von Daten und Kontrollfluss

**Peter Ulbrich**

Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg  
Lehrstuhl Informatik 4 (Verteilte Systeme und Betriebssysteme)  
[www4.informatik.uni-erlangen.de](http://www4.informatik.uni-erlangen.de)

05. Mai 2014



- vergangene Woche: „grob-granulare“ Redundanz
  - auf Ebene **kompletter Rechenknoten** und Prozessen
- ↪ zum Zweck der **Fehlermaskierung**
  - durch **einfache Replikation** im Falle von „fail-silent“-Verhalten
  - durch **Mehrheitsentscheid** falls **Fehler im Wertbereich** auftreten



Heute: „fein-granulare“ Redundanz

- auf der Ebene **einzelner Instruktionen** und Datenelemente
- ↪ zum Zweck der **Fehlererkennung** und **-maskierung**
  - ↪ Implementierung von „fail-silent“-Verhalten
- **arithmetische Codierung** von Werten und Berechnungen
  - Nutzung räumlicher Redundanz



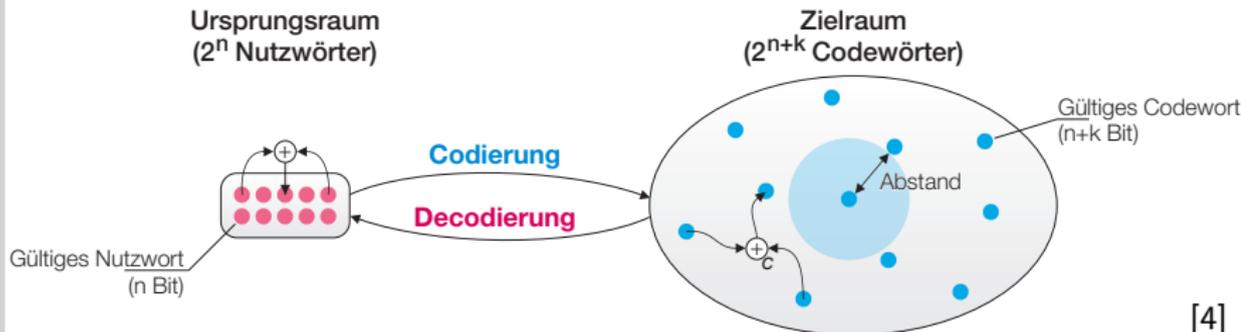
**kombinierter Einsatz** grob- und fein-granularer Redundanz

- Ergänzung der Stärken, Eliminierung der Schwächen



# Codierung: Einsatz von Informationsredundanz

Als Alternative oder Ergänzung zur redundanten Ausführung



[4]

- Koordinierter Einsatz von Informationsredundanz  $\leadsto$  Codierung
- Ausgangspunkt: Darstellung der Nutzdaten mithilfe von  $n$  Bits
- ☞ Ansatz: Hinzufügen von  $k$  Prüfbits führt zu Informationsredundanz
  - $\leadsto$  weiterhin  $2^n$  gültige Codeworte bei nunmehr  $2^{n+k}$  möglichen Worten
    - Überführung mittels Codierungsvorschrift
    - Fehlererkennung  $\leadsto$  Absoluttest (Konformität mit Vorschrift)
    - es genügt eine Instanz für die Fehlererkennung  $\neq$  Replikation



- **Schwere des Fehlers** spielt eine Rolle ( $\neq$  Replikation)
- Restfehlerwahrscheinlichkeit  $p_{sdc}$ , für **unerkannte Datenfehler** ist:
  - der Fehler überführt also eine gültige wieder in eine gültige Nachricht

$$p_{sdc} = \frac{\text{Anzahl gültiger Nachrichten}}{\text{Anzahl möglicher Worte}} \approx \frac{2^n}{2^{n+k}} = 2^{-k}$$

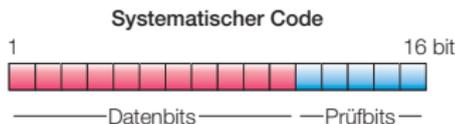
- sofern man eine Gleichverteilung der Fehler zugrunde legt
- ↪ Stärke der Absicherung hängt direkt an der Zahl  $k$  redundanter Bits
- betrachtet man die komplette Programmausführung, bedeutet dies:

$$p_{sdc}(x) = \left(1 - \frac{1}{2^k}\right)^{m-x} \left(\frac{1}{2^k}\right)^x \binom{m}{x}$$

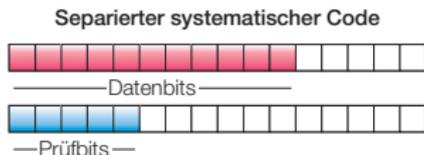
- von insgesamt  $m$  **Instruktionen** sind also  $x$  **fehlerhaft**
  - ↪ diese werden **nicht bemerkt**, es sind gültige Instruktionen (Nachrichten)



# Codierung: Darstellung der Codewörter



16 bit Codewort  
( $n = 11$ ,  $k = 5$ )



Getrennte Darstellung  
Nutz- / Prüfinformation

[4]

- für die Integration der Prüfbits gibt es verschiedene Möglichkeiten
- **systematischer** vs. **nicht-systematischer** Code
  - Speicherstellen der  $n$  Daten- und  $k$  Prüfbits sind trennbar vs. vermischt
  - Zugriff auf die Nutzdaten ohne Decodierung ist möglich vs. nicht möglich
- **separierter** Code: 2er-Tupel
  - **getrennte Berechnung** des funktionalen Anteils und der Prüfbits
  - **nicht-separierte Codes** berechnen beides mit **derselben Operation**
  - separierte Codes sind immer systematisch
- systematische, nicht-separierte Codierung ist attraktiv
  - Behandlung des funktionalen Anteils/der Prüfbits in derselben Operation
  - keine Dekodierung beim Zugriff auf den funktionalen Anteil



- Beispiel: Summation von drei Funktionsargumenten

```
int sum(int a, int b, int c) {  
    int result = a + b;  
    result = result + c;  
  
    return result;  
}
```

- Was kann hier alles schief gehen?
  - unter der Voraussetzung, dass das Programm korrekt ist
  - ↪ keine der Additionen erzeugt einen Ganzzahlüberlauf



transiente Fehler können folgende Fehler hervorrufen

## 1 Operandenfehler

- der Wert des Operanden wird verfälscht oder ist veraltet
- der Operand selbst wird verfälscht ↪ falsche(s) Speicherstelle/Register

## 2 Berechnungsfehler

- die Operation erzeugt ein falsches Ergebnis

## 3 Operatorfehler

- der Programmzähler/die Instruktion wird verfälscht
- ↪ Ausführung einer falschen Instruktion



## 1 Überblick

## 2 Arithmetisches Codierung

- AN-Codes
- ANB-Codierung
- ANB-Codierung
- Arithmetische Codierung des Kontrollflusses
- Implementierungen der ANBD-Codierung

## 3 Combined Redundancy – CoRed

## 4 Zusammenfassung



- **arithmetische Codierung** zum Schutz von Berechnungen geeignet
- die Codierung überführt den Wert  $v$  in einen codierten Wert  $v_c$ :

$$v_c = A \cdot v; \quad A > 1$$

- codierte Werte sind also immer Vielfache von  $A$ 
  - ein unerkannter Fehler müsste abermals ein Vielfaches von  $A$  erzeugen
  - ↪ Absicherung gegen Fehler im Wertbereich
- zurück kommt man durch **Modulo-Operation** und **Ganzzahldivision**

$$v_c \bmod A = 0 \quad v = v_c / A$$

- **Modulo-Operation** prüft die Korrektheit der Nachricht
- **Ganzzahldivision** extrahiert den funktionalen Teil von  $v_c$

↪ die AN-Codierung ist also **nicht-systematisch** und **nicht-separiert**



# Restfehlerwahrscheinlichkeit: Wähle ein geeignetes $A$ !

Die Binärdarstellung stellt besondere Anforderungen.

- **Bitkipper** erzeugen evtl. gültige Codewörter  $\rightsquigarrow p_{sdc}$ 
  - die Wahrscheinlichkeit hängt vom Abstand der Codewörter ab
  - ist jedoch nie Null
- der Codierungsschlüssel  $A$  bestimmt die **Robustheit**
  - aus mathematischer Sicht sinnvoll: **große Primzahlen**
  - Codierte Datenströme sollen möglichst Teilerfremd sein
- In der Praxis entscheidend: **robuste Bitmuster**
  - für binär-codierte Daten hängt dies von der **Hammingdistanz**  $d_h$  ab

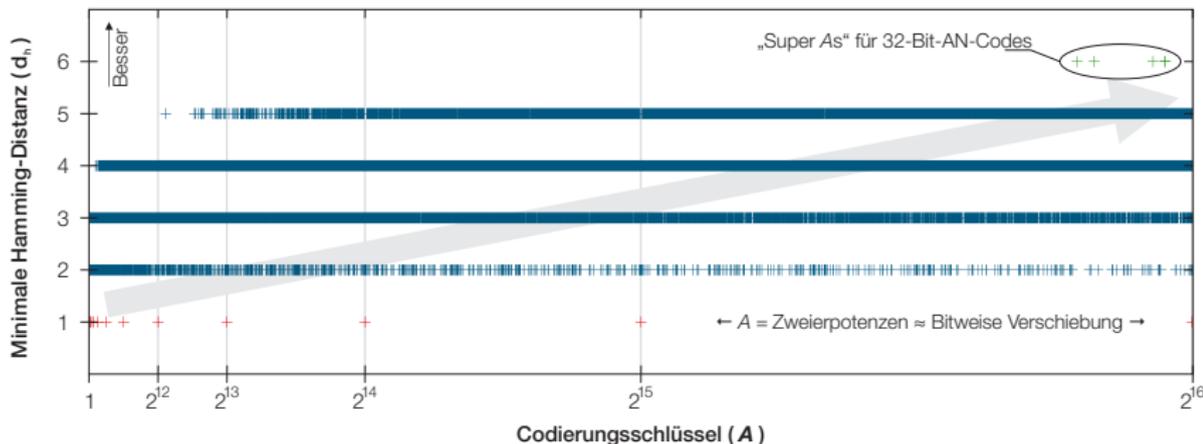
$\rightsquigarrow$  an wievielen Bits unterscheiden sich zwei Nachrichten

  - Erfreuliche Eigenschaft:  $d_h - 1$  Bitfehler werden sicher erkannt



# Wähle ein geeignetes $A!$ (Forts.)

## Experimentelle Bestimmung der Hamming-Distanz



[4]

- betrachte alle gültigen Codewörter  $A \cdot v \rightsquigarrow$  min. Hamming-Distanz
  - große Schwankungen  $\rightsquigarrow$  größer ist nicht automatisch besser
  - Primzahlen sind gut, die Besten sind jedoch zusammengesetzte Zahlen
    - $\rightsquigarrow$  Super As mit  $d_h = 6$ : 58659, 59665, 63157, 63859 und 63877
    - für 32-Bit-AN-Codes mit 16-Bit-Schlüsseln



- die Codierung eines Programms erfolgt vor dessen Laufzeit
    - zur Laufzeit muss also keine Schlüssel  $A$  gefunden werden
    - **Konstanten** können **während der Übersetzung** codiert werden
    - **Eingangsdaten** werden beim **Eintritt in das Programm** explizit codiert
- ↪ im Programm selbst wird **nur mit codierten Werten** gearbeitet



für jede Rechenoperation  $\circ$  ist eine codierter Operator  $\circ_c$  nötig

- diese muss sowohl die Prüfbits als auch den funktionalen Teil  $v$  umfassen
  - Rechenoperationen finden immer **direkt auf den codierten Werten statt**
    - dessen en- und decodieren hinterlasse den „**nackten, verwundbare Wert**“  $v$
- codierte Operatoren für **grundlegende Arithmetik**

Operation	codierter Op.	Implementierung	Bedeutung
Addition	$z_c = x_c +_c y_c$	$Az = Ax + Ay$	$A(x + y)$
Subtraktion	$z_c = x_c -_c y_c$	$Az = Ax - Ay$	$A(x - y)$
Multiplikation	$z_c = x_c \cdot_c y_c$	$Az = (Ax \cdot Ay) / A$	$A(x \cdot y)$
Division	$z_c = \lfloor x_c /_c y_c \rfloor$	$Az = \lfloor (A \cdot Ax) / Ay \rfloor$	$A \lfloor x / y \rfloor$



- **Beachte:** Die Operation erfolgt immer auf codierten Werten!
  - Beispiel: Multiplikation  $Az = (Ax \cdot Ay)/A$ 
    - zuerst wird  $Ax \cdot Ay$  bestimmt
    - dann wird durch  $A$  dividiert
  - Gründe: würde man  $A$  sofort kürzen  $\rightsquigarrow (Ax \cdot y)$  oder  $(x \cdot Ay)$ 
    - lägen wieder die „**nackten, verwundbaren Werte**“  $x$  oder  $y$  offen
    - die Operation **kennt  $x$  und  $y$  nicht**, nur die codierte Nachrichten  $Ax$  und  $Ay$
- **Beachte:** Multiplikation und Division benötigen **Korrekturen**
  - erfordern zusätzliche Multiplikation bzw. Division mit bzw. durch  $A$
  - Addition und Subtraktion kommen hingegen ohne Korrektur aus

$\rightsquigarrow$  Korrekturen sind potentiell immer **teure Operationen**
- **Beachte:** die codierten Operatoren sind nur Implementierungsskizzen
  - sie sind nur aus mathematischer Sicht korrekt
  - sie beachten aber keine Feinheiten wie Über- oder Unterlauf



## ■ Operationen der booleschen Aussagenlogik

Operation	codierter Op.	Implementierung	Bedeutung
Oder	$z_c = x_c \parallel_c y_c$	$z_c = x_c +_c y_c -_c x_c \cdot y_c$	$A(x \parallel y)$
Und	$z_c = x_c \&\&_c y_c$	$z_c = x_c \cdot_c y_c$	$A(x \cdot y)$
Negation	$z_c = !_c x_c$	$z_c = 1_c -_c x_c$	$A(1 - x)$

↪ diese einfachen Operationen erfordern bereits teure Multiplikation

## ■ verschiedene Operatoren können nicht direkt codiert werden:

- **Schiebeoperationen:**  $x_c \ll_c y_c$  und  $x_c \gg_c y_c$
- **bitweise boolesche Operatoren:**  $x_c |_c y_c$ ,  $x_c \&\&_c y_c$  und  $\sim_c x_c$
- **Fließkommaarithmetik:** erfordert **Softwareemulation**

- getrennte Behandlung von Vorzeichen, Exponent und Mantisse
- können jeweils auf Ganzzahlarithmetik abgebildet werden

↪ auch hier werden **teure Berechnungsverfahren** nötig

- diese greifen auf die codierten Standardoperatoren zu



- die AN-Codierung deckt Fehler im Wertebereich ab
- manche Fehler führen jedoch dennoch zu einem gültigen Codewort
  - **Operandenfehler**  $\leadsto$  Verwendung eines falschen Operanden
    - falls z. B. die Adresse beim Laden einer Speicherstelle verfälscht wird
    - die Operation läuft korrekt ab, auch das Ergebnis ist prinzipiell richtig $\leadsto$  es wird aber der **semantisch falsche Wert** berechnet
  - **Operatorfehler**  $\leadsto$  Verwendung des falschen Operators
    - falls z. B. beim Laden der Operation ein Bit verfälscht wird
    - auch hier läuft die Operation korrekt ab $\leadsto$  auch hier wird aber der **semantisch falsche Wert** berechnet



## Erweiterung der Prüfbits

- sie sollen mehr semantische Informationen umfassen
  - Welche Operanden gehen in die Operation ein?
  - Welcher Operator ist für die Berechnung vorgesehen?

$\leadsto$  ANB-Codierung



- Erweiterung der AN-Codierung um **statische Signaturen**:

$$v_c = A \cdot v + B_v; \quad A > 1 \wedge B_v < A$$

- die Signatur  $B_v$  ist spezifisch für die Variable  $v_c$ 
  - sie wird durch eine **statische Analyse** vorab bestimmt
  - der Quelltext der zu schützenden Anwendung muss bekannt sein
- Fehlerüberprüfung und Dekodierung

$$v_c \bmod A = B_v \quad v = v_c / A$$

- Addition:  $z_c = x_c +_c y_c = A(x + y) + B_x + B_y = A(x + y) + B_z$ 
  - die Signatur  $B_z = B_x + B_y$  von  $z_c$  hängt von  $x_c$  und  $y_c$  ab
    - Signaturen für Eingangswerte werden zur Übersetzungszeit bestimmt
    - Signaturen für berechnete Werte werden daraus abgeleitet
  - auch hier muss gelten:  $B_z = B_x + B_y < A$
- die Signatur von Berechnungsergebnisse ist abhängig von
  - der Signatur der Operanden  $\rightsquigarrow$  Eingabe für deren Bestimmung
  - der durchgeführten Operation  $\rightsquigarrow$  ihre Bestimmung selbst
  - wie die AN-Codierung ist auch die ANB-Codierung nicht-separiert
    - die Signatur  $B_z$  wird direkt bei der Addition  $x_c +_c y_c$  bestimmt



## ■ Beispiel: codierte Summation dreier Summanden

```
1 int sum(int a_c, int b_c, int c_c) {  
2     int result_c = a_c + b_c;  
3     result_c = result_c + c_c;  
4  
5     return result;  
6 }
```

- Berechnungsergebnisse und entsprechende Signaturen

Zeile 2  $a_c + b_c = A(a + b) + B_a + B_b$

Zeile 3  $a_c + b_c + c_c = A(a + b + c) + B_a + B_b + B_c$

## ■ angenommen es würden folgende Fehler auftreten:

- statt  $a_c$  wird  $x_c$  verwendet
  - ↪ die Signatur würde sich ändern:  $B_x + B_b + B_c$
  - ↪ eine Erkennung des Fehlers ist gewährleistet
- Subtraktion statt einer Addition in Zeile 3
  - ↪ die Signatur würde sich ändern:  $B_a + B_b - B_c$
  - ↪ eine Erkennung des Fehlers ist gewährleistet



# The Vital Coded Processor (VCP, [2])

Bislang vollständigste Variante der arithmetischen Codierung

- Forin erweitert den Ansatz um Zeitstempel  $D \rightsquigarrow$  veraltete Daten
- ursprünglich: ein durch ANBD-Codierung geschützter Prozessor
  - teilweise werden Elemente **direkt in Hardware** implementiert
    - En- bzw. Dekodieren der ursprünglichen bzw. codierten Nachricht
    - Überprüfung der Nachrichten und entsprechende Ausgangssteuerung
    - basierend auf dem Motorola 68000, später dem Motorola 68020
  - **codierte Operationen** wurden **in Software** umgesetzt
- Einsatz in **automatischen und halb-automatischen Zugführungssystemen**
  - Paris, Linie „RER A“, System „SACEM“
  - Lyon, Metrolinie „D“, System „MAGGALY“
  - Chicago, Flughafen, System „VAL“



# Operationen auf veralteten Daten

- wird eine Variable **nicht aktualisiert**, wird dies bisher nicht erkannt
  - die Berechnung findet also mit veralteten Daten statt

☞ das „Alter“ eines Datums wird durch einen **Zeitstempel D** gesichert

$$v_c = A \cdot v + B_v + D; \quad A > 1 \wedge B_v + D < A$$

- dieser Zeitstempel überwacht die **Anzahl der Variablenaktualisierungen**
  - der Zeitstempel muss **dynamisch zur Laufzeit** bestimmt werden
  - für die Überprüfung des Codeworts muss der erwartete Wert bekannt sein
- die Signatur  $B_v$  und  $A$  werden aber auch hier **statisch** bestimmt

☞ alle auf Folie 6 angenommen Fehler werden abgedeckt

- Operandenfehler, Operationsfehler und Operatorfehler



- keine direkte Codierung der Division
  - Emulation durch wiederholte Subtraktion oder Rückfall zur AN-Codierung
  - Addition, Subtraktion und Multiplikation werden unterstützt
- mehr aufwendige Korrekturoperationen sind erforderlich
  - für die Multiplikation gilt beispielsweise

$$\begin{aligned}x_c \cdot_c y_c &\neq A \cdot x \cdot y + B_x \cdot B_y \\ &= A^2 \cdot x \cdot y + A \cdot x \cdot B_y + A \cdot y \cdot B_x + B_x \cdot B_y\end{aligned}$$

- Was passiert eigentlich bei Fehlern im Kontrollfluss?
  - der falsche Grundblock im Kontrollflussgraphen wird angesprungen
    - weil z. B. die Entscheidung eines bedingten Sprungs verfälscht wird
  - einige Instruktionen werden übersprungen
    - weil z. B. der Instruktionszähler (engl. *program counter*) verfälscht wird



# Direkte Codierung des Kontrollflusses nach Forin [2]

**Requires:**  $B_x, B_y, B_{true}, B_{false} \rightsquigarrow$  Konstante Signaturen für Operanden und Zweige

**State:**  $x_c, y_c, B_{cond}$

```
1 if (DECODE( $x_c$ )  $\geq$  DECODE( $y_c$ )) then  $B_{cond} \leftarrow B_{true}$  else  $B_{cond} \leftarrow B_{false}$ 
2
3 if (DECODE( $x_c$ )  $\geq$  DECODE( $y_c$ )) then
4    $y_c \leftarrow x_c - y_c$   $\rightsquigarrow$  Signatur:  $B_x - B_y$ 
5 else
6    $y_c \leftarrow x_c + y_c$   $\rightsquigarrow$  Signatur:  $B_x + B_y$ 
7    $y_c \leftarrow y_c - (B_x + B_y) + (B_x - B_y)$   $\rightsquigarrow$  Signaturanpassung:  $B_x - B_y$ 
8    $y_c \leftarrow y_c - B_{false} + B_{true}$   $\rightsquigarrow$  Verzweigung signieren
9 end if
10
11  $y_c \leftarrow y_c + B_{cond}$   $\rightsquigarrow$  Signaturanpassung, Sollwert:  $B_x - B_y + B_{true}$ 
```

- Idee: Kontrollflussabhängige Signaturanpassung
  - Ziel ist der Sollwert in Zeile 11 (true-Fall +  $B_{true}$ )
  - Anpassung im else-Fall
- Nachteil: Gemeinsamer Operanden (hier:  $y_c$ ) und Berechnungen in beiden Zweigen notwendig



# Indirekte Codierung des Kontrollflusses [3]

- Idee: auch der Grundblock  $x$  bekommt eine Signatur  $BB_x$ 
  - $BB_x$  umfasst die Summe aller im Grundblock  $x$  bestimmten Signaturen
- ☞ die Signatur wird zur Laufzeit durch einen „Watchdog“ überwacht
  - er besitzt ein Feld  $s$  der zu erwartenden Signaturen  $BB_x$
  - die Anwendung teilt den dynamisch bestimmten Wert für  $BB_x$  mit
- ☞ die Anwendung enthält eine Zählvariable  $acc$ 
  - die sie zur Bestimmung von  $BB_x$  verwendet
  - Wert am Beginn des Grundblocks:  $acc = s[i] - BB_x - x_{id}$ 
    - $s[i]$  enthält den erwarteten Wert nach dem Grundblock  $x$
    - die statisch bestimmte Signatur  $BB_x$  wird abgezogen
    - ebenso eine eindeutige ID  $x_{id} \rightsquigarrow$  bedingte Sprünge (s. Folie V/23)
  - $acc$  wird kontinuierlich um die jeweils bestimmte Signatur inkrementiert
  - für den nachfolgenden Grundblock wird  $acc$  neu initialisiert
    - hierfür speichert das codierte Programm ein Feld  $delta[i] = s[i + 1] - s[i]$
    - am Ende eines Grundblocks wird dieser Wert addiert  $\rightsquigarrow acc = s[i + 1] - x_{id}$
    - dann werden Signatur bzw. ID addiert/subtrahiert  $\rightsquigarrow acc = s[i] - BB_y - y_{id}$



# Codierung sequentieller Instruktionsfolgen

Wie sieht das aus? Erläuterung anhand eines Beispiels aus [3].

## ■ uncodierter Grundblock:

- zur Vereinfachung direkt in einer maschinencodeähnlichen Darstellung

```
1 bb1 :  
2   x = a + b           - eine Addition gefolgt von einer Subtraktion  
3   y = x - d           - unbedingter Sprung zu einem weiteren Grundblock  
4   br bb2
```

## ■ Codierung des Grundblocks:

```
1 bb1 :  
2   x_c = a_c + b_c  
3   acc += x_c % A  
4   y_c = x_c - d_c  
5   acc += y_c % A  
6  
7   send(acc, bb1_id)  
8   acc += delta[i]  
9   i++  
10  acc += bb1_id  
11  acc -= BB_b2  
12  acc -= bb2_id  
13  br bb2
```

- 1 Codierung der Berechnungen
- 2 Bestimmung der Signatur  $BB_{bb1}$  in acc
  - zu Beginn gilt:  $acc = s[i] - BB_{bb1} - bb1_{id}$
  - Zeile 3:  $acc = s[i] - BB_{bb1} - bb1_{id} + B_a + B_b$
  - Zeile 5:  $acc = s[i] - bb1_{id}$
- 3 Signatur an den „Watchdog“ senden (Zeile 7)
- 4 Vorbereitungen für den Grundblock bb2
  - Zeile 8:  $acc = s[i + 1] - bb1_{id}$
  - Zeile 12:  $acc = s[i] - BB_{bb2} - bb2_{id}$



# Codierung bedingter Sprünge [3]

- **Herausforderung:** Übertragung des Konzepts für sequentiellen Code  
~> Wie funktioniert hier die Umschaltung zwischen Grundblöcken?
  - Welcher der nächste Grundblock ist, hängt ja vom bedingten Sprung ab ...

- **Außerdem:** es gibt neue Möglichkeiten für Fehler
  - das **Ergebnis der Entscheidung** könnte verfälscht werden
  - der **bedingte Sprung** selbst könnte verfälscht werden

☞ man muss das Ergebnis der Entscheidung absichern

~> hier hilft es, dieses Ergebnis arithmetisch zu kodieren

☞ man muss sicherstellen, dass der bedingte Sprung korrekt ist

~> hier helfen die IDs der angesprungenen Grundblöcke

- sind vorab bekannt ~> geben an, in welchem Grundblock man sein muss

- uncodierter Grundblock:

```
1 bb1 :  
2   cond = ...           - cond speichert die Sprungentscheidung  
3   br cond bbt bbf     - br springt dann zu bbt (wahr) oder bbf (falsch)
```



# Codierung bedingter Sprünge (Forts.)

Wie sieht das aus? Erläuterung anhand eines Beispiels aus [3].

```
1 bb1:
2   cond_c = ...
3   acc += cond_c % A
4   send(acc, bb1_id)
5
6   acc += delta[i]
7   i++
8   acc += bb1_id - BB_bbt - bbt_id - (A * 1 + B_cond)
9
10  cond = cond_c % A
11  acc += cond_c
12  br cond bbt bbf_cor
```

1 anfangs:  $acc = s[i] - BB_{bb1} - bb1_{id}$

2 Zeile 2: die Bedingung wird codiert  $\rightsquigarrow cond_c$

■ wahr  $\rightsquigarrow cond_c = A \cdot 1 + B_{cond}$  und falsch  $\rightsquigarrow A \cdot 0 + B_{cond}$

3 Zeile 4: sende  $acc = s[i] - BB_{bb1} - bb1_{id} + B_{cond}$  an den „Watchdog“

4 Zeile 6-8: bereite acc für den Sprung auf bbt vor

$\rightsquigarrow$  nun gilt  $acc = s[i] - BB_{bbt} - bbt_{id} - (A \cdot 1 + B_{cond})$

5 Zeile 10-12: extrahiere Wert von  $cond_c \rightsquigarrow$  aktualisiere acc und springe

$\rightsquigarrow$  nun gilt  $acc = s[i] - BB_{bbt} - bbt_{id} - (A \cdot 1 + B_{cond}) + cond_c$



# Codierung bedingter Sprünge (Forts.)

Wie sieht das aus? Erläuterung anhand eines Beispiels aus [3].

```
1 bb1:                                1 bbt:
2   cond_c = ...                       2   ...
3   acc += cond_c % A                   3
4   send(acc, bb1_id)                   4   bbf_cor:
5                                       5   acc += A
6   acc += delta[i]                     6   acc += BB_bbt + bbt_id
7   i++                                  7   acc -= BB_bbf - bbf_id
8   acc += bb1_id - ...                  8   br bbf
9                                       9
10  cond = cond_c % A                    10  bbf:
11  acc += cond_c                        11  ...
12  br cond bbt bbf_cor
```

**6** für  $cond = \text{wahr}$  bleibt nichts zu tun, schließlich gilt  $cond_c = A \cdot 1 + B_{cond}$

↪ insgesamt gilt:  $acc = s[i] - BB_{bbt} - bbt_{id}$ , der Anfangswert für den Grundblock bbt

**7** für einen Sprung zu bbf ist aber eine Korrektur notwendig

- schließlich wurde  $acc$  für einen Sprung zu bbt vorbereitet

**8** Zeile 4: eingangs gilt  $acc = s[i] - BB_{bbt} - bbt_{id} - A \cdot 1$

- hier gilt  $cond_c = A \cdot 0 + B_{cond} = B_{cond}$

↪ korrigiert:  $acc = s[i] - BB_{bbf} - bbf_{id}$ , der Anfangswert für des Grundblocks bbf

**9** nun kann weiter zu bbf gesprungen werden



- interpretiert binäre Maschinencodeabbilder eines Programms
  - Zielsystem ist der DLX-Prozessor
    - ein RISC-Prozessor für akademische Anwendungsgebiete
  - Konstanten, Speicheradressen etc. werden zur Ladezeit codiert
  - codierte Operationen sind in Software implementiert



Fehlerinjektion  $\rightsquigarrow$  Fehlererkennungsrate ist sehr gut

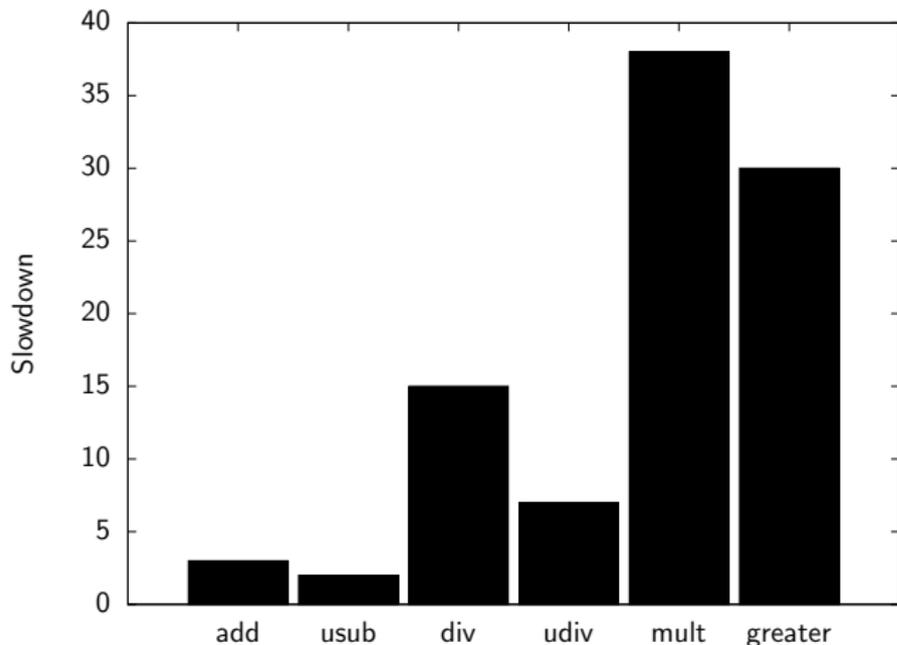
- codierter Interpreter: keine fehlerhaften Ergebnisse
  - nicht-codierte Ausführung:
    - interpretiert: 4% der Ergebnisse fehlerhaft
    - native Ausführung: 9% der Ergebnisse fehlerhaft
- $\rightsquigarrow$  Interpreter verdeckt bereits diverse Fehler



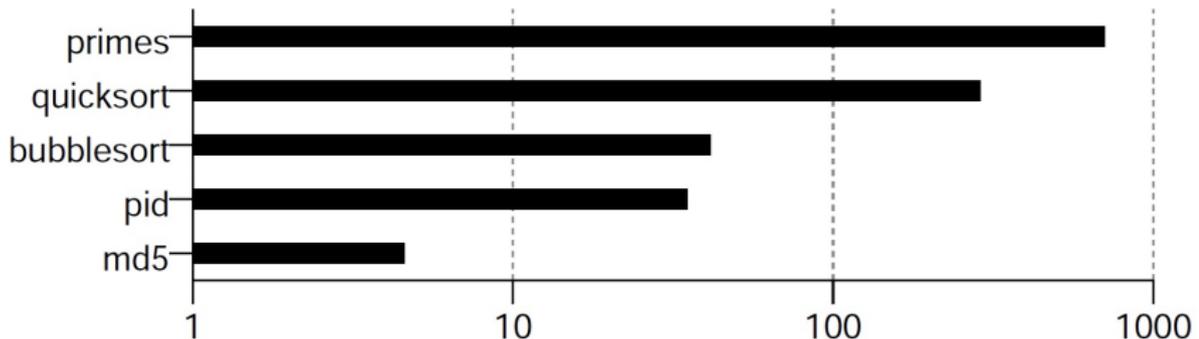


sehr hohe Laufzeitkosten interpretierter codierter Operationen

- im Vergleich zu interpretierten aber nicht-codierten Operationen
- eine Multiplikation dauert 38-mal so lange ...



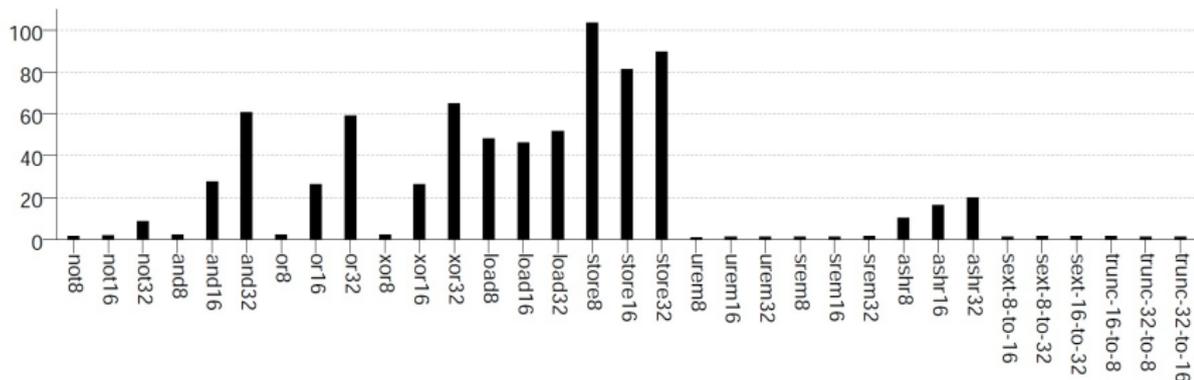
- Codierung wird **vor der Laufzeit durch einen Compiler** durchgeführt
  - nicht mehr zur Laufzeit durch einen Interpreter
- ☞ hierfür muss aber der **Quelltext** vorhanden sein
  - Nur in **Binärform** vorliegende Bibliotheken stellen ein Problem dar!
- ↪ hier kommen **Hüllfunktionen** (engl. *wrapper*) zum Einsatz
  - diese extrahieren die eigentlichen Werte der codierten Variablen
  - die Berechnung selbst findet dann nicht-codiert also ungeschützt statt
- ☞ allerdings sind die Geschwindigkeitszugewinne beträchtlich:
  - Beschleunigung im Vergleich zum interpretierenden SEP



- Vergleich mit nativ ausgeführten Operationen

↪ fördert die **wahren Laufzeitkosten** zutage

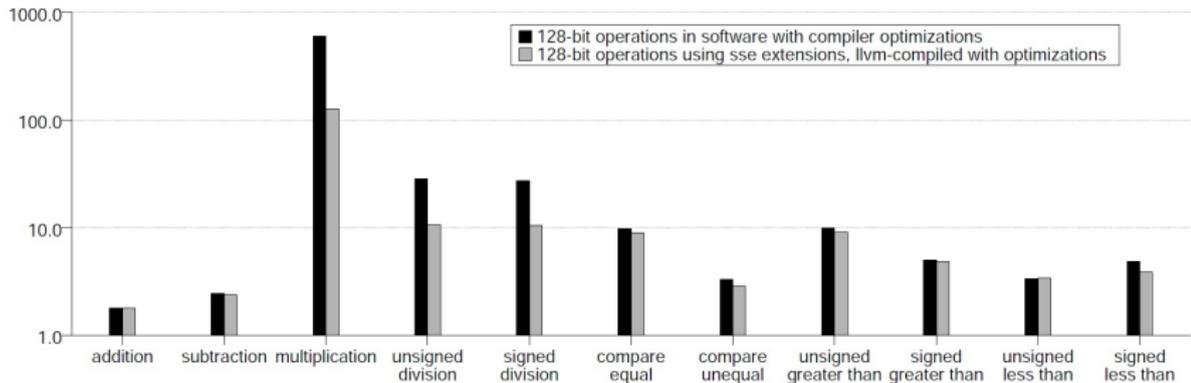
- Operationen, die nicht direkt kodierbar sind:



- das Speichern eines 8 Bit großen Wortes ist bis zu 100x langsamer
  - diese Operation besteht aus diversen Einzelschritten
  - ↪ Laden, bitweises Und, Schiebeoperation, ...
  - ↪ all das muss in codierter Form ablaufen, all das ist teuer



## ■ direkt kodierbare arithmetische Operationen



- auch hier sind Laufzeitkosten zum Teil beträchtlich
  - Addition und Subtraktion sind vergleichsweise günstig
  - einfache Vergleichsoperationen sind aber relativ teuer
- einzig Multiplikation und Division benötigen 128-bit Operationen
  - sie profitieren aber enorm von den SSE-Erweiterungen heutiger Prozessoren



## 1 Überblick

## 2 Arithmetisches Codierung

- AN-Codes
- ANB-Codierung
- ANB-Codierung
- Arithmetische Codierung des Kontrollflusses
- Implementierungen der ANBD-Codierung

## 3 Combined Redundancy – CoRed

## 4 Zusammenfassung

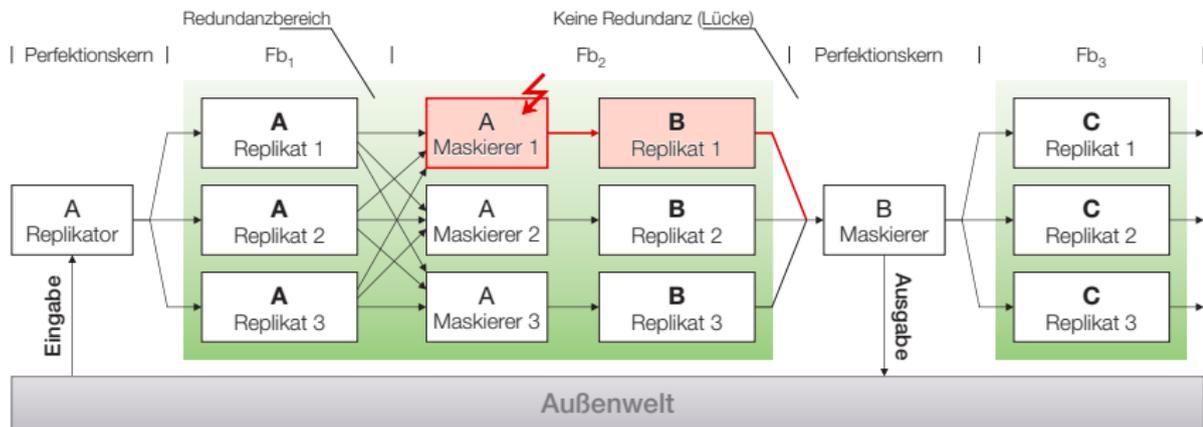


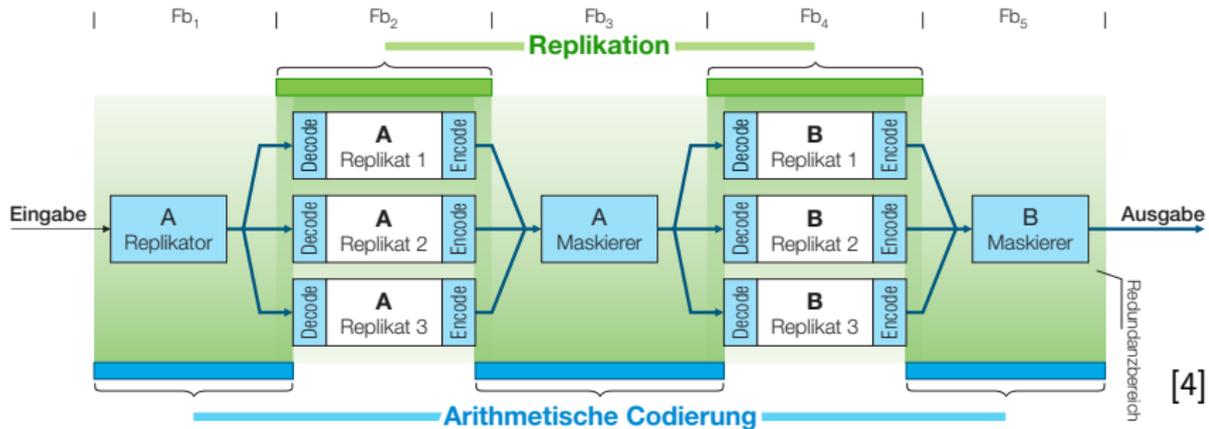
## Probleme der arithmetischen Codierung

- die codierte Ausführung kompletter Programme ist derzeit **zu teuer**
- Fehlerfortpflanzung über Berechnungen möglich
- hohe Bandbreite für die Fehlerdiagnose (fehlerfreie Prüfinstanz?)

## Probleme der Replikation

- kritische Fehlerstellen in der Infrastruktur (s. Folie IV/??)
- Unvollständigkeit (Lücken) der Redundanz (**Redundanzbereich**)

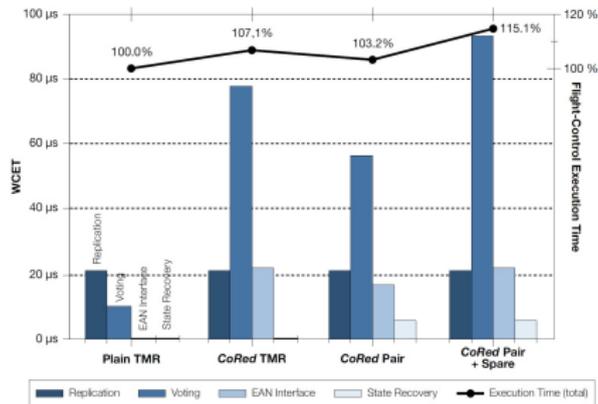




selektiver Einsatz der Codierung erscheint hingegen vielversprechend genau diesen Weg beschreitet CoRed

- die eigentlich Berechnung wird durch Redundanz geschützt
- die kritischen Bruchstellen werden arithmetisch codiert
- weitere redundante Rechenschritte sind hier nicht die optimale Lösung
  - d. h. redundante Einigungen und Mehrheitsentscheide
  - ~ sie reduzieren zwar die Fehlerwahrscheinlichkeit
  - ~ bringen aber immer weitere kritische Bruchstellen hervor





## CoRed

selektive Anwendung von arithmetischer Codierung

↪ sehr gute Fehlertoleranz

↪ bei vertretbaren Kosten

- Balkengrafik gibt **nur die Mehrkosten** der einzelnen Komponenten an
  - also Mehrkosten für die replizierte Ausführung, Mehrheitsentscheid, ...
  - der Aufwand für den Mehrheitsentscheid steigt durch Codierung enorm
    - das sind die Datensätze „Plain TMR“ und „CoRed TMR“
- die Kurve bezieht sich auf die **gesamte Ausführungszeit**
  - „CoRed TMR“ benötigt hier also nur 7,1% mehr Zeit als „Plain TMR“
  - ↪ würde man alles kodieren, wäre man hier bei mehreren 100%
  - ↪ selektive Anwendung arithmetischer Codierung bringt Kostenvorteile

## 1 Überblick

## 2 Arithmetisches Codierung

- AN-Codes
- ANB-Codierung
- ANB-Codierung
- Arithmetische Codierung des Kontrollflusses
- Implementierungen der ANBD-Codierung

## 3 Combined Redundancy – CoRed

## 4 Zusammenfassung



Fehlererkennung möglichst ohne redundante Ausführung

- Erkennung von Operanden-, Berechnungs- und Operatorfehlern
- ↳ Einsatz räumlicher Redundanz durch Prüfbits

arithmetisch Codierung

- (nicht-)systematisch und (nicht-)separiert

AN-Codierung ↳ Fehler im Wertbereich

- Codierung: Multiplikation mit einem konstanten Faktor  $A$
- codierte Addition, Subtraktion, Multiplikation, Division
- Aussagenlogik, Schiebeoperatoren, Fließkommaarithmetik

ANBD-Codierung erweitert die AN-Codierung

- um statische Signaturen und dynamische Zeitstempel
- Codierung des Kontrollflusses ↳ Signaturen für Grundblöcke

CoRed-Ansatz ↳ selektive Anwendung der ANBD-Codierung

- durchgehende arithmetische Codierung wäre zu teuer



- [1] FETZER, C. ; SCHIFFEL, U. ; SÜSSKRAUT, M. :  
AN-Encoding Compiler: Building Safety-Critical Systems with Commodity Hardware.  
In: BUTH, B. (Hrsg.) ; RABE, G. (Hrsg.) ; SEYFARHT, T. (Hrsg.): *Proceedings of the 28th International Conference on Computer Safety, Reliability, and Security (SAFECOMP '09)*.  
Heidelberg, Germany : Springer-Verlag, 2009. –  
ISBN 978-3-642-04467-0, S. 283–296
- [2] FORIN, P. :  
Vital coded microprocessor principles and application for various transit systems.  
In: *Selected Papers from the IFAC/IFIP/IFORS Symposium on Control, computers, communications in transportation*.  
Oxford, UK : Pergamon Press, Sept. 1989. –  
ISBN 008037025X, S. 79–84
- [3] SCHIFFEL, U. ; SCHMITT, A. ; SÜSSKRAUT, M. ; FETZER, C. :  
ANB- and ANBDMem-encoding: detecting hardware errors in software.  
In: SCHOITSCH, E. (Hrsg.): *Proceedings of the 29th International Conference on Computer Safety, Reliability, and Security (SAFECOMP '10)*.  
Heidelberg, Germany : Springer-Verlag, 2010. –  
ISBN 978-3-642-15650-2, S. 169–182



- [4] ULBRICH, P. :  
*Ganzheitliche Fehlertoleranz in eingebetteten Softwaresystemen*,  
Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg, Diss., 2014
- [5] ULBRICH, P. ; HOFFMANN, M. ; KAPITZA, R. ; LOHMANN, D. ;  
SCHRÖDER-PREIKSCHAT, W. ; SCHMID, R. :  
Eliminating Single Points of Failure in Software-Based Redundancy.  
In: *Proceedings of the 9th European Dependable Computing Conference (EDCC '12)*.  
Washington, DC, USA : IEEE Computer Society Press, Mai 2012. –  
ISBN 978-1-4673-0938-7, S. 49-60
- [6] WAPPLER, U. ; FETZER, C. :  
Software Encoded Processing: Building Dependable Systems with Commodity  
Hardware.  
In: SAGLIETTI, F. (Hrsg.) ; OSTER, N. (Hrsg.): *Proceedings of the 26th International  
Conference on Computer Safety, Reliability, and Security (SAFECOMP '07)*.  
Heidelberg, Germany : Springer-Verlag, 2007. –  
ISBN 978-3-540-75100-7, S. 356-369

