

## Zeit

### Motivation

- Konvergenz-Algorithmus CNV
- Network Time Protocol (NTP)
- Logische Uhren



## Konvergenz-Algorithmus CNV

- Problemstellung
  - Uhrensynchronisation trotz fehlerhafter Protokollteilnehmer
  - Fehlermodell
    - Bis zu  $f$  der insgesamt  $n$  Rechner können *byzantinisch* fehlerhaft sein
    - Fehlerhafte Rechner senden eventuell (absichtlich) falsche Zeitwerte
  - Abweichung der Uhren korrekter Rechner soll höchstens  $\delta$  betragen
- Konvergenz-Algorithmus CNV
  - Periodische Kombination der Uhrzeiten verschiedener Rechner
  - Bestimmung der Uhrzeit eines entfernten Rechners
    - Abschätzung der Differenz zwischen der lokalen und der entfernten Uhr
    - Berechnung des absoluten Werts bei Bedarf: Aktuelle lokale Zeit + Differenz
  - Für Korrektheit erforderliche Anzahl an Teilnehmern:  $n > 3f$
- Literatur
  - Leslie Lamport and P. M. Melliar-Smith  
**Synchronizing clocks in the presence of faults**  
*Journal of the ACM*, 32(1):52–78, 1985.



- Zeit als Mittel zur Reihenfolgebestimmung (Beispiele)
  - Erkennung von Modifikationen an Dateien (z. B. bei make)
  - Protokollierung von Ereignissen zu Debugging-Zwecken
- Problem: Völlig identische physikalische Uhren existieren nicht
  - Unterschiedliche Offsets bei der Initialisierung
  - Abweichende Ganggeschwindigkeiten (Frequenzfehler)
  - Umgebungseinflüsse (z. B. Bauteilalterung, Temperaturschwankungen)
- Beobachtungen in Bezug auf verteilte Systeme
  - Regelmäßige Synchronisierung von Uhren erforderlich
  - Physikalische Zeitstempel für manche Anwendungsfälle zu grobgranular
- Herausforderungen
  - Wie lassen sich physikalische Uhren möglichst präzise synchronisieren?
  - Wie können Ereignisse ohne physikalische Zeitstempel geordnet werden?



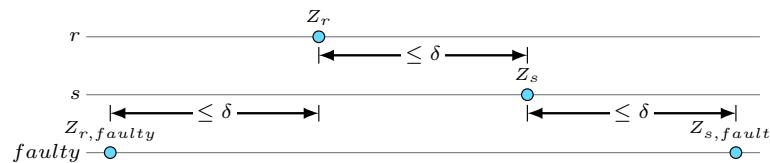
## Funktionsweise

- Variablen
  - $Z_r$  Lokale Uhrzeit des Rechners  $r$
  - $Z_{r,s}$  Sicht von Rechner  $r$  auf die aktuelle Uhrzeit von Rechner  $s$
- Annahmen
  - Initial: Die Uhrzeiten aller Rechner unterscheiden sich um höchstens  $\delta$
  - Vernachlässigbar
    - Ausführungszeit des Algorithmus
    - Taktratenunterschiede zwischen den Uhren korrekter Rechner
    - Ungenauigkeit beim Auslesen der Uhrzeit eines korrekten Rechners
- Algorithmus für einen Rechner  $r$ 
  - Aktualisierung der Sicht auf die Uhrzeiten  $Z_{r,i}$  jedes anderen Rechners  $i$
  - Identifizierung und Unterdrückung von Ausreißern
    - Kategorisierung als Ausreißer, falls  $|Z_r - Z_{r,i}| > \delta$
    - Ersetzen durch lokale Uhrzeit:  $Z_{r,i} := Z_r$
  - Aktualisierung der eigenen Uhrzeit durch Mittelwertbildung:  $Z_r := \frac{\sum_i Z_{r,i}}{n}$



## Korrektheit

- Abweichungen zwischen den Sichten korrekter Rechner  $r$  und  $s$ 
  - Sicht auf die Uhr eines korrekten Rechners:  $Z_{r,correct} \approx Z_{s,correct}$
  - Sicht auf die Uhr eines fehlerhaften Rechners:  $|Z_{r,faulty} - Z_{s,faulty}| \leq 3\delta$



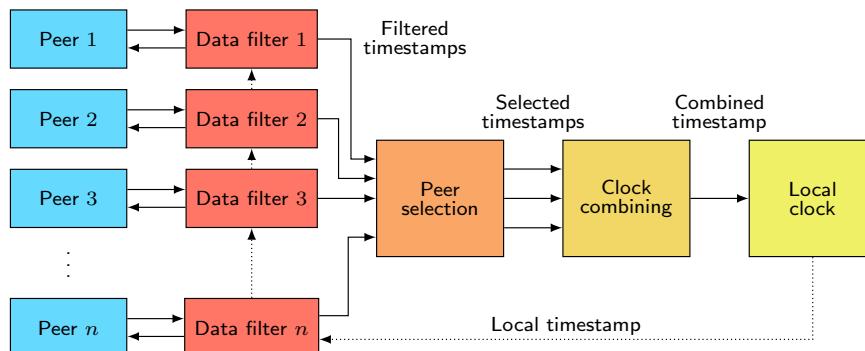
- Maximale Abweichung der lokalen Uhrzeiten nach der Aktualisierung

$$\begin{aligned} |Z_r - Z_s| &= \left| \frac{(n-f) \cdot Z_{r,correct} + f \cdot Z_{r,faulty}}{n} - \frac{(n-f) \cdot Z_{s,correct} + f \cdot Z_{s,faulty}}{n} \right| \\ &\approx \left| \frac{f \cdot Z_{r,faulty}}{n} - \frac{f \cdot Z_{s,faulty}}{n} \right| = \frac{f}{n} \cdot |Z_{r,faulty} - Z_{s,faulty}| \\ &\leq \frac{f}{n} \cdot 3\delta = \frac{3f}{n} \cdot \delta \end{aligned}$$

$\Rightarrow$  Für  $n > 3f$ :  $|Z_r - Z_s| < \delta$

## Architektur

- Austausch von Zeitstempeln mit mehreren Referenz-Servern (Peers)
- Verarbeitung von Zeitstempeln
  - Bestimmung eines Referenzzeitstempels pro Peer durch Filterung
  - Auswahl (vermeintlich) präziser Peers
  - Kombination der selektierten Informationen
- Aktualisierung des Regelmechanismus der lokalen Uhr



## Network Time Protocol (NTP)

- Network Time Protocol (NTP)

### ■ Genauigkeit

- Lokales Netz  $< 1$  ms
- Weitverteiltes Netz  $\sim 10$  ms

### ■ Implementierung

- Einsatz von 64-Bit-Zeitstempeln
- Kommunikation per UDP

### ■ Zusammenschluss von Referenz-Servern auf mehreren Hierarchiestufen (Strata)

- Stratum 0 Zeitgeber (z. B. Atomuhren)
- Stratum 1 Primäre NTP-Server
- Stratum  $i > 1$  Abhängige NTP-Server

### ■ Fehlertoleranz durch Interaktion mit mehreren Referenz-Servern

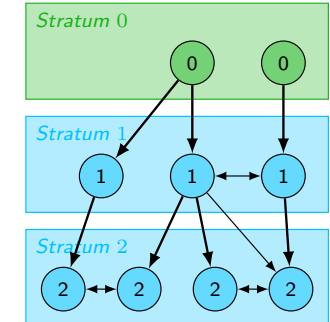
### ■ Literatur



David L. Mills

Internet time synchronization: The network time protocol

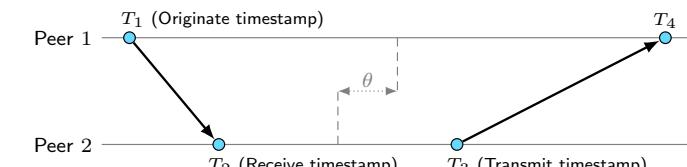
IEEE Transactions on Communications, 39(10):1482–1493, 1991.



## Sammlung und Aufbereitung von Messdaten

- Durchführung von Messungen

- Weitergabe von Zeitstempeln per Nachrichtenaustausch zwischen Peers
- Bestimmung der Nachrichtenlaufzeit  $\delta = (T_4 - T_1) - (T_3 - T_2)$
- Abschätzung der Uhrenabweichung
  - Offset zwischen zwei Uhren:  $\theta = \frac{T_2+T_3}{2} - \frac{T_1+T_4}{2}$
  - Exakter Wert, falls Laufzeiten in beide Richtungen identisch
  - Maximaler Fehler bei asymmetrischen Laufzeiten:  $\frac{\delta}{2}$



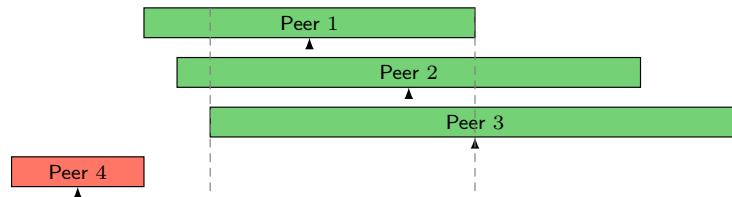
### ■ Filterung von Messwerten für jeden Peer

- Betrachtung der letzten 8 Wertpaare ( $\delta, \theta$ )
- Bevorzugung von Messergebnissen mit kürzeren Nachrichtenlaufzeiten
- Benachteiligung älterer Werte bei Abschätzung von Messfehlern

# Auswahl und Kombination von Messdaten

## Auswahl präziser Peers

- Trennung genauer Knoten („truechimers“) von ungenauen („falsechimers“)
- Berücksichtigung von Messfehlern durch Einsatz von Konfidenzintervallen
- Suche nach einem Intervall  $X$  mit folgenden Eigenschaften
  - $X$  ist vollständig in jedem Konfidenzintervall genauer Knoten enthalten
  - $X$  enthält alle Mittelpunkte der Konfidenzintervalle genauer Knoten
- Abbruch, falls weniger als die Hälfte der Knoten als „genau“ eingestuft



## Kombination der ausgewählten Zeitstempel

- Bevorzugung von Peers mit kleinem Stratum
- Berechnung eines gewichteten Mittelwerts der Offsets selektierter Peers

# Lamport-Uhren

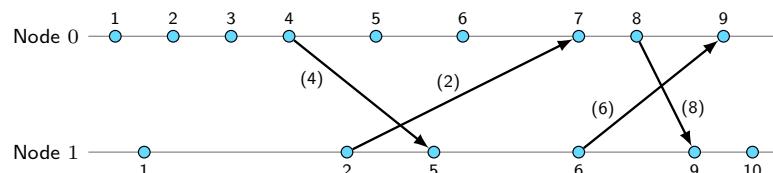
## Funktionsweise

### Annahmen

- Jeder Knoten  $i$  im System verfügt über einen Zähler  $C_i$  („Uhr“)
- Relevante Ereignisse: Versand / Empfang von Nachrichten, lokale Aktionen

### Algorithmus

- Lokale Aktionen führen jeweils zur Erhöhung des Zählers um 1
- Ereignis  $s$ : Versand einer Nachricht durch Knoten  $i$ 
  - Erhöhung des Zählers  $C_i := C_i + 1$
  - Hinzufügen eines Sendezeitstamps  $C(s) := C_i$  zur Nachricht
- Ereignis  $e$ : Empfang einer Nachricht mit Zeitstempel  $C(s)$  auf Knoten  $j$ 
  - Ermittlung eines Empfangszeitstamps  $C(e) := \max(C_j, C(s)) + 1$
  - Setzen der lokalen Uhr auf  $C_j := C(e)$



# Logische Uhren

## Problemstellung

- Erstellung einer Ordnung auf Ereignisse in einem verteilten System
- Annahme: Physikalische Zeitstempel zu ungenau

## Lösungsansatz: Einsatz von *logischen Uhren*

- Einführung einer „ereignete sich vor“-Relation „ $\rightarrow$ “ („happened before“)
- Bedingungen für verschiedene Ereignisse  $a$ ,  $b$  und  $c$ 
  - Falls sich  $a$  auf demselben Knoten wie  $b$  und vor  $b$  ereignete, dann  $a \rightarrow b$
  - Falls  $a$  das Senden einer Nachricht ist und  $b$  ihr Empfang, dann  $a \rightarrow b$
  - Falls  $a \rightarrow b$  und  $b \rightarrow c$  gilt, dann muss auch  $a \rightarrow c$  gelten
- Ereignisse  $a$  und  $b$  sind *nebenläufig*, falls  $a \not\rightarrow b$  und  $b \not\rightarrow a$  gilt
- Praktische Umsetzung in Form von *Lamport-Uhren*

## Literatur

Leslie Lamport

Time, clocks, and the ordering of events in a distributed system  
Communications of the ACM, 21(7):558–565, 1978.

# Lamport-Uhren

## Ordnungen

### Eigenschaften

- Erzeugung einer **partiellen** Ordnung auf der Menge aller Ereignisse
- Existenz von „gleichzeitigen“ Ereignissen möglich
- Zeitstempel (potentiell) kausal abhängiger Ereignisse
  - Annahme: Ereignis  $a$  hat Ereignis  $b$  beeinflusst
  - Folge:  $C(a) < C(b)$
- Kein Umkehrschluss von Zeitstempeln auf kausale Abhängigkeit möglich
  - Annahme: Für zwei Zeitstempel  $C(c)$  und  $C(d)$  gilt  $C(c) < C(d)$
  - Ereignis  $d$  kann von  $c$  (potentiell) beeinflusst worden sein oder auch nicht

### Erstellung einer **totalen** Ordnung

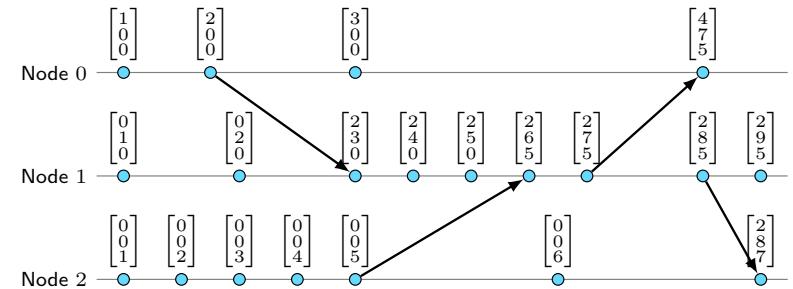
- Vergabe einer eindeutigen ID  $i$  für jeden beteiligten Knoten
- Zeitstempel  $(C_i, i)$ : Kombination aus lokaler Zeit und Knoten-ID
- Anordnung:  $(C_i, i) < (C_j, j) \Leftrightarrow C_i < C_j \vee (C_i = C_j \wedge i < j)$
- Anwendungsbeispiel: *Lamport-Locks*

[Siehe 6. Übungsaufgabe]

- Problem bei Lamport-Uhren
  - Nutzung derselben Zeitlinie durch alle beteiligten Knoten
  - Zeitstempel lassen keine Rückschlüsse auf mögliche Zusammenhänge zu
- Vektoruhren
  - Erweiterung des Lamport-Uhren-Prinzips
  - Verwaltung einer eigenen Zeitlinie für jeden beteiligten Knoten
- Literatur
  -  Colin J. Fidge  
**Timestamps in message-passing systems that preserve the partial ordering**  
*Proceedings of the 11th Australian Computer Science Conference (ACSC '88)*, S. 55–66, 1988.
  -  Friedemann Mattern  
**Virtual time and global states of distributed systems**  
*Parallel and Distributed Algorithms*, 1(23):215–226, 1989.



- Annahmen
  - $N$  ist die Anzahl der Knoten im System
  - Jeder Knoten  $i$  verfügt über einen Zähler-Vektor  $\vec{C}_i$  der Länge  $N$
- Hauptunterschiede zu Lamport-Uhren
  - Ereignisse auf Knoten  $i$  führen zur Erhöhung des  $i$ -ten Zählers  $\vec{C}_i[i]$
  - Komponentenweise Kombination von Zeitstempeln bei Empfang von  $\vec{C}(s)$ 
    - $\vec{C}_i[i] := \vec{C}_i[i] + 1$
    - $\vec{C}_i[x] := \max(\vec{C}_i[x], \vec{C}(s)[x])$  für  $0 \leq x \neq i < N$



- Vergleich von Vektoruhren
  - Einführung einer „ist kleiner als“-Relation „ $\prec$ “ für Vektoruhren
  - $\vec{C}_i \prec \vec{C}_j \Leftrightarrow (\forall x : \vec{C}_i[x] \leq \vec{C}_j[x]) \wedge (\exists x : \vec{C}_i[x] < \vec{C}_j[x])$
- Identifizierung (potentiell) kausal abhängiger Ereignisse möglich
  - $\vec{C}(a) \prec \vec{C}(b)$  Ereignis  $b$  wurde eventuell von Ereignis  $a$  beeinflusst
  - $\vec{C}(a) \not\prec \vec{C}(b)$  Ereignisse  $a$  und  $b$  sind unabhängig voneinander
- Bestimmung der **kausalen Vergangenheit** eines **Ereignisses**

