

BP 1	Wahlalgorithmen: Übersicht
7	Wahlalgorithmen
7.1	Fragestellung
7.2	Ringbasierte Verfahren <ul style="list-style-type: none"> • Unidirektionaler Ring • Bidirektionaler Ring
7.3	Allgemeine Topologien <ul style="list-style-type: none"> • Bäume • Allgemeine Netze <ul style="list-style-type: none"> - Pfadverfahren - Kantenfärbung - Echo/Wahl-Algorithmen - Adoptionsverfahren - Warteverfahren
07.12.01	<small>Universität Erlangen-Nürnberg, Lehrstuhl für Informatik 4 (Verteilte Systeme und Betriebssysteme), F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</small> 7.1-1

BP 1	Wahlalgorithmen: Ringbasierte Verfahren
7.2	Ringbasierte Verfahren Unidirektionaler Ring: Chang-Roberts-Algorithmus Gewinner ist der Knoten, der unter allen die größte Identifikation besitzt. Algorithmus für i-ten Prozessor <pre>main() { typedef enum type {START, ELECT}; struct message { int source, target; type messagetype; int supposed_leader; }; int supposed_leader = -1; int I_am_leader = FALSE; message msg; </pre>
07.12.01	<small>Universität Erlangen-Nürnberg, Lehrstuhl für Informatik 4 (Verteilte Systeme und Betriebssysteme), F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</small> 7.2-2

BP 1	Wahlalgorithmen: Unidirektionaler Ring
	<pre>while (1) { receive(&msg); switch (msg.messagetype) case START: supposed_leader = i; send(i, next(i), ELECT, i); break; case ELECT: if (supposed_leader < msg.supposed_leader) { supposed_leader = msg.supposed_leader; send(i, next(i), ELECT, msg.supposed_leader); } else if (supposed_leader == i) { I_am_leader = TRUE; } } }</pre>
07.12.01	<small>Universität Erlangen-Nürnberg, Lehrstuhl für Informatik 4 (Verteilte Systeme und Betriebssysteme), F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</small> 7.2-3

BP 1	Wahlalgorithmen: Unidirektionaler Ring
	Bidirektionaler Ring: modifizierter Chang-Roberts-Algorithmus) <pre>main() { typedef enum type {START, ELECT}; struct message { int source, target; type messagetype; int supposed_leader; int d; /* +1 oder -1 als Richtungsangabe */ }; int d, supposed_leader = -1, I_am_leader = FALSE; message msg; </pre>
07.12.01	<small>Universität Erlangen-Nürnberg, Lehrstuhl für Informatik 4 (Verteilte Systeme und Betriebssysteme), F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</small> 7.2-4

BP 1 Wahlalgorithmen: Unidirektionaler Ring

```
while (1) {
    receive(&msg);
    switch (msg.messageType)
    case START:
        supposed_leader = i;
        d = mit_gleicher_Wahrsch_eine_der_Richtungen();
        send(i, next(i, d) , ELECT, i, d);
        break;
    case ELECT:
        if (supposed_leader < msg.supposed_leader) {
            supposed_leader = msg.supposed_leader;
            send(i,next(i,msg.d),ELECT,msg.supposed_leader,msg.d);
        } else if (supposed_leader == i)
            I_am_leader = TRUE;
    }
}
```

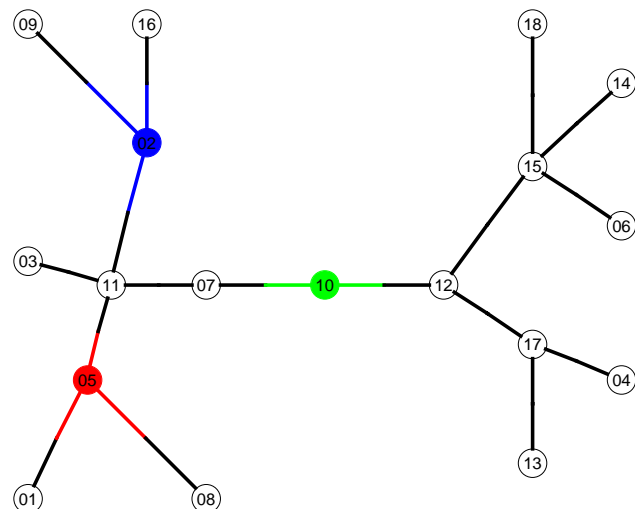
BP 1 Wahlalgorithmen: Wahl auf Bäumen

7.3 Allgemeine Verfahren

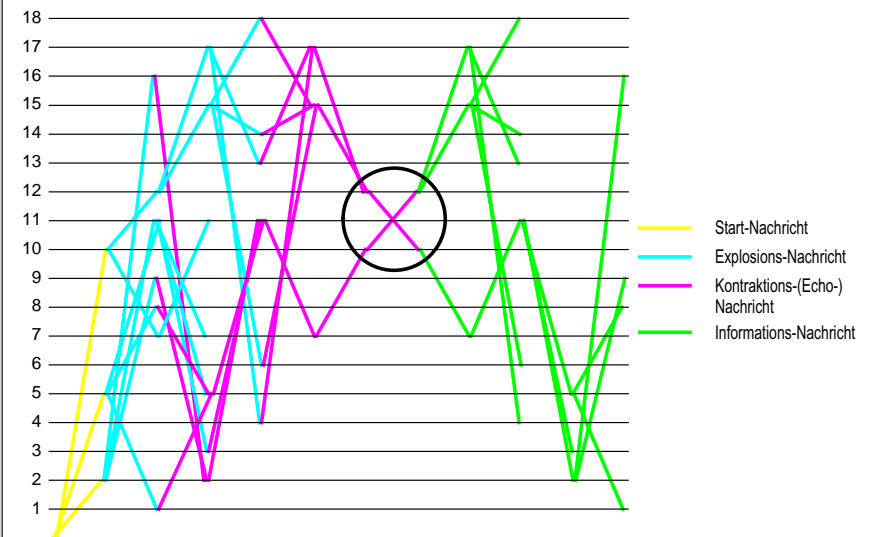
7.3.1 Wahl auf Bäumen: Gesucht ist der Knoten mit der größten Identitätsnummer

1. Ein Starter sendet *Explosionsnachrichten* in alle Richtungen.
2. Ein (innerer) Knoten, der erstmalig eine Explosionsnachricht erhält, sendet eine solche in alle anderen Richtungen.
3. Ein Blattknoten, der eine Explosionsnachricht erhält, sendet eine *Kontraktionsnachricht* mit seiner eigenen Identität zurück.
4. Ein innerer Knoten, der von allen bis auf einen Nachbarn eine Kontraktionsnachricht erhalten hat, sendet eine Kontraktionsnachricht mit dem Maximum aus den empfangenen Identitäten und seiner eigenen Identität über die restliche Kante.
5. Erhält ein Knoten eine Kontraktionsnachricht nach dem Versenden seiner eigenen Kontraktionsnachricht, so sendet er das Maximum der damit erhaltenen Information und der ihm bereits bekannten Information in Form von *Informationsnachrichten* in alle anderen Richtungen.
6. Erhält ein Knoten eine Informationsnachricht, so propagiert er diese über alle anderen Kanten.

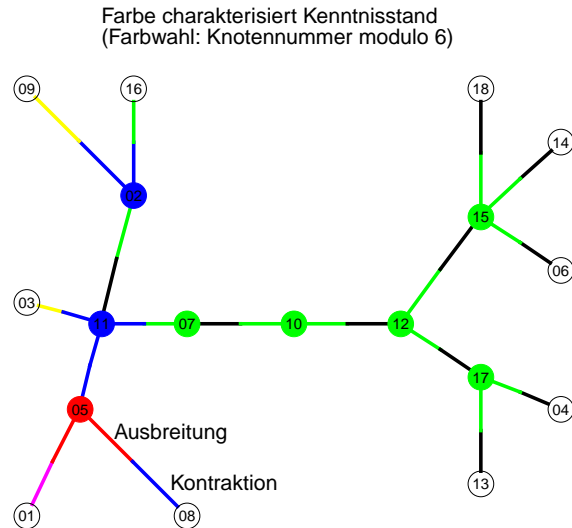
BP 1 Wahlalgorithmen: Wahl auf Bäumen



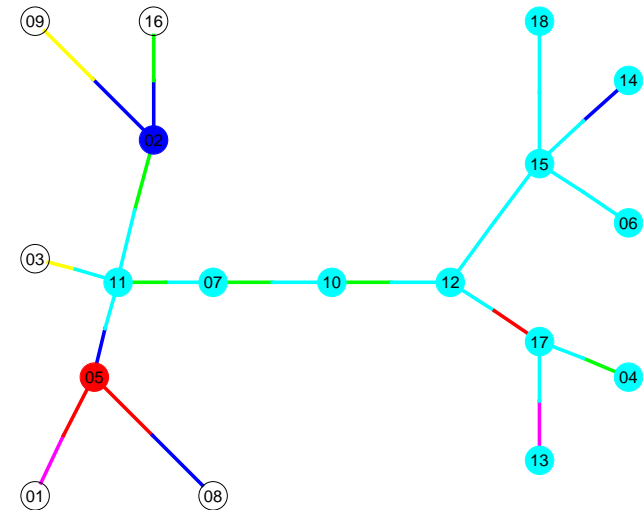
BP 1 Wahlalgorithmen: Wahl auf Bäumen



BP 1 Wahlalgorithmen: Wahl auf Bäumen



BP 1 Wahlalgorithmen: Wahl auf Bäumen



BP 1 Wahlalgorithmen: Das Pfadverfahren

7.4 Allgemeine Netze: Gesucht ist Starter mit größter Identitätsnummer

7.4.1 Das Pfadverfahren (depth first)

Das Token enthält den Pfad zurück zum Initiator und die Angabe des Initiators.

Die Knoten kennen ihre Nachbarn, halten ihren jeweiligen Kenntnisstand bezüglich des Gewinners fest und notieren, welchen Nachbarn sie ihren neuesten Kenntnisstand schon bekannt gemacht haben.

Nachrichten: $m = (\text{Empfänger}, \text{Pfad}, \text{Initiator})$

Lokale Variable: Gewinner = -1; // Nach bisherigem Kenntnisstand der Gewinner

1. Ein Knoten erhält ein Startsignal:

Falls bislang nicht besucht (sonst Wahl schon laufend):

```
if (Gewinner < eigene_Nummer) {
    Gewinner = eigene_Nummer;
    Sende(irgend_einem_Nachbarn, Pfad(eigene_Nummer),
        eigene_Nummer);
}
```

BP 1 Wahlalgorithmen: Das Pfadverfahren

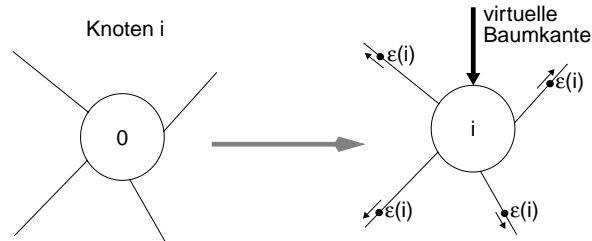
2. Ein Knoten erhält die Nachricht m :

```
Vorgänger = m.pfad.first();
if (m.Initiator >= Gewinner) {
    Gewinner = m.Initiator;
    if (noch_nicht_an_alle_Nachbarn_mit_Ausnahme_des_
        _Vorgängers_jetziges_Gewinner_bekannt_gemacht) {
        Sende(einem_dieser_Nachbarn,
            eigene_Nummer + m.Pfad,
            m.Initiator);
    } else if (m.Pfad != LEERER_PFAD) { // Zyklus im Graphen
        Sende(Vorgänger, m.Pfad.tail(), m.Initiator);
    } else {
        Dieser_Knoten_ist_Gewinner_der_Wahl;
    }
}
```

7.4.2 Allgemeine Netze: Das Echo-Wahlverfahren

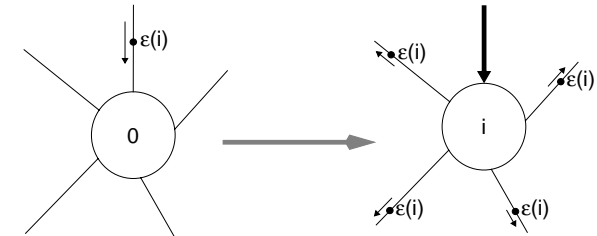
Gewinner ist der Initiator, der die größte Identifikation besitzt

(1) Ein freier Knoten i wird spontan zum Initiator:

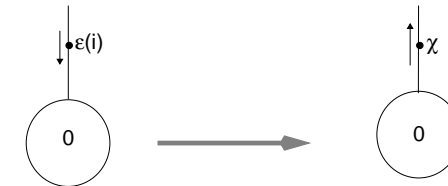


(2) Ein freier Knoten wird von einem Explorer $\varepsilon(i)$ erreicht:

a) Der Knoten besitzt einen Grad größer als 1:

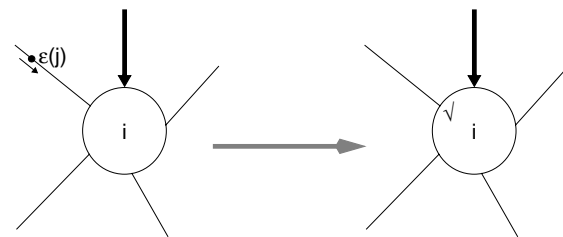


b) Der Knoten besitzt den Grad 1:



(3) Ein Explorer $\varepsilon(j)$ trifft auf einen bereits mit i markierten Knoten (mit Grad größer 1):

a) $j = i$, d. h. zwei Explorer identischer Markierung begegnen sich

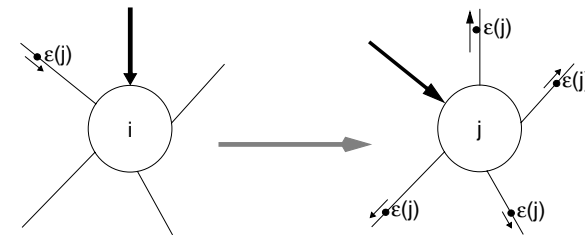


Falls die letzte Nicht-Baumkante als erledigt festgestellt wird, wird ein Echo über die Baumkante verschickt.

b) $j < i$, d. h. der eintreffende Explorer ist kleiner als der zuletzt versandte:

Es erfolgt keine Zustandsänderung!

c) $j > i$, d. h. Knoten wird von stärkerem Initiator erobert



Falls ein Initiator erobert wird, entfällt damit dessen virtuelle Baumkante.

BP 1

Wahlalgorithmen: Echo-Wahlverfahren

(4) Es trifft ein Echo ein:

Falls die letzte Nicht-Baumkante als erledigt festgestellt wird, wird ein Echo über die Baumkante verschickt.

07.12.01

Universität Erlangen-Nürnberg, Lehrstuhl für Informatik 4 (Verteilte Systeme und Betriebssysteme), F. Hofmann
 Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.4-17

BP 1

Wahlalgorithmen: Echo-Wahlverfahren

(5) Zurücksenden eines Echos:

Falls es sich um einen Initiator handelt, d. h. die Baumkante ist virtuell, so ist er der (vorläufige) Gewinner.

07.12.01

Universität Erlangen-Nürnberg, Lehrstuhl für Informatik 4 (Verteilte Systeme und Betriebssysteme), F. Hofmann
 Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.4-18

BP 1

Wahlalgorithmen: Echo-Wahlverfahren

07.12.01

Universität Erlangen-Nürnberg, Lehrstuhl für Informatik 4 (Verteilte Systeme und Betriebssysteme), F. Hofmann
 Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

7.4-19

BP 1

Wahlalgorithmen: Adoptionsverfahren

7.4.3 Das Adoptionsverfahren

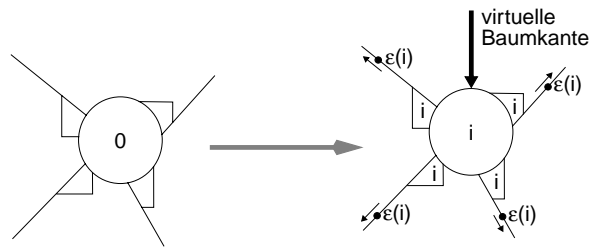
Die Idee

07.12.01

Universität Erlangen-Nürnberg, Lehrstuhl für Informatik 4 (Verteilte Systeme und Betriebssysteme), F. Hofmann
 Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

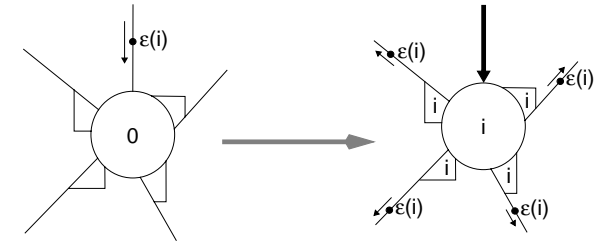
7.4-20

(1) Ein freier Knoten i wird spontan zum Initiator:

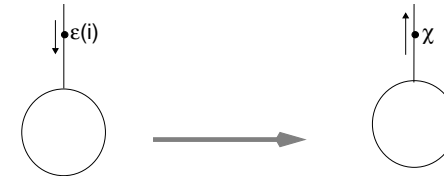


(2) Ein freier Knoten wird von einem Explorer $\varepsilon(i)$ erreicht:

a) Der Knoten besitzt einen Grad größer als 1:

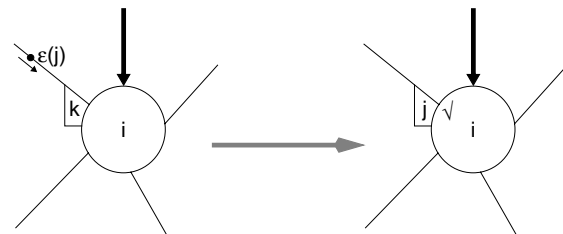


b) Der Knoten besitzt den Grad 1:



(3) Ein Explorer $\varepsilon(j)$ trifft auf einen bereits mit i markierten Knoten (mit Grad größer 1). Die Eingangskante sei mit k markiert:

a) $k = j$, d. h. zwei Explorer identischer Markierung begegnen sich

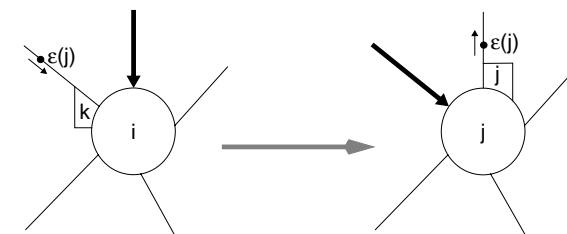


Falls die letzte Nicht-Baumkante als erledigt festgestellt wird, wird ein Echo über die Baumkante verschickt.

b) $k > j$, d. h. der eintreffende Explorer ist kleiner als der in Gegenrichtung zuletzt versandte:

Es erfolgt keine Zustandsänderung!

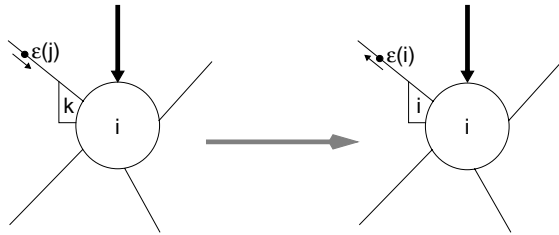
c) $k < j$ und $j > i$



Falls ein Initiator erobert wird (dessen virtuelle Baumkante damit entfällt) wird ebenfalls ein Echo zurückgeschickt.

BP 1 Wahlalgorithmen: Adoptionsverfahren

d) $k < j$ und $j \leq i$

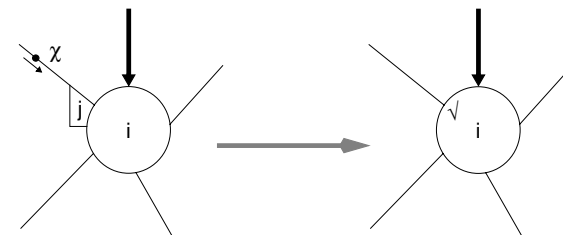


Falls $i = j$ ist, gilt die Baumkante als erledigt.

Handelt es sich dabei um die letzte Nicht-Baumkante wird ein Echo über die Baumkante verschickt.

BP 1 Wahlalgorithmen: Adoptionsverfahren

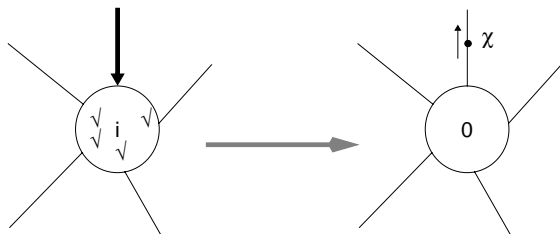
(4) Es trifft ein Echo ein:



Falls die letzte Nicht-Baumkante als erledigt festgestellt wird, wird ein Echo über die Baumkante verschickt.

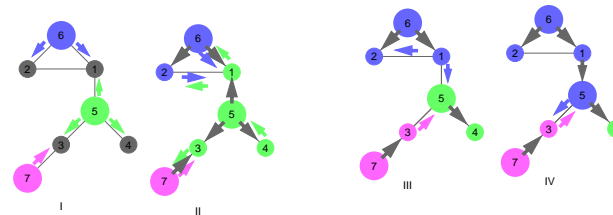
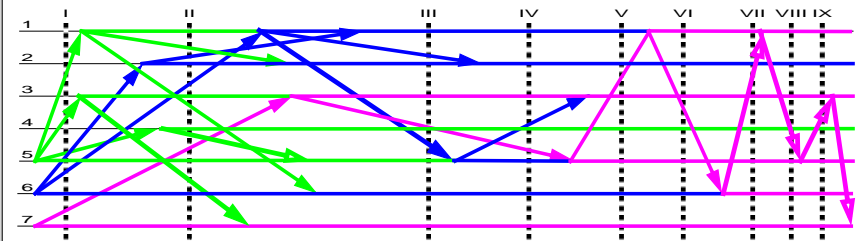
BP 1 Wahlalgorithmen: Adoptionsverfahren

(5) Zurücksenden eines Echos:



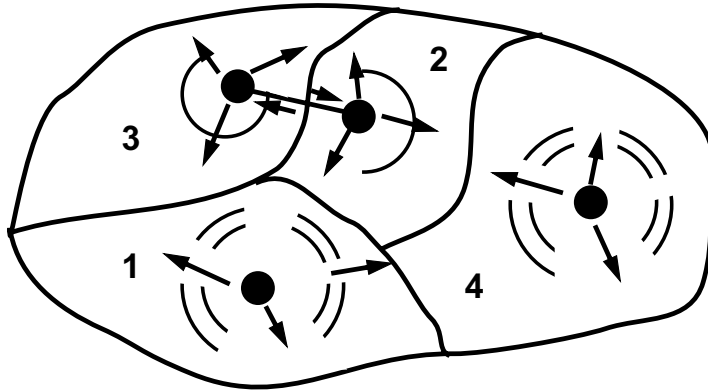
Falls es sich um einen Initiator handelt, d. h. die Baumkante ist virtuell, so ist er der Gewinner.

BP 1 Wahlalgorithmen: Adoptionsverfahren

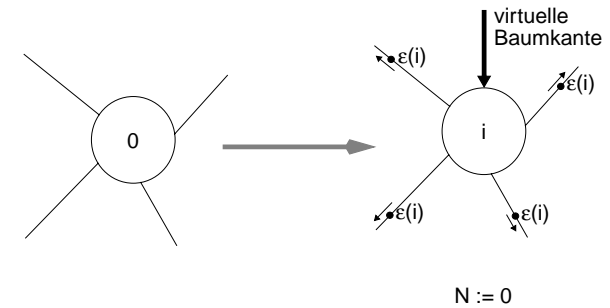


7.4.4 Das Warteverfahren

Die Idee

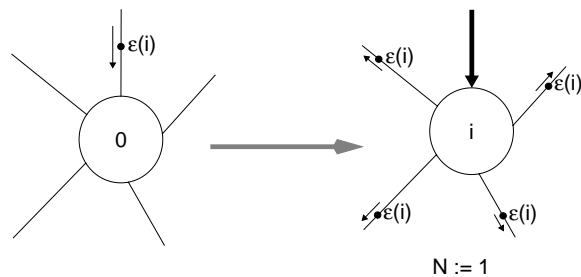


(1) Ein freier Knoten i wird spontan zum Initiator:



(2) Ein freier Knoten wird von einem Explorer $\epsilon(i)$ erreicht:

a) Der Knoten besitzt einen Grad größer als 1:



b) Der Knoten besitzt den Grad 1:



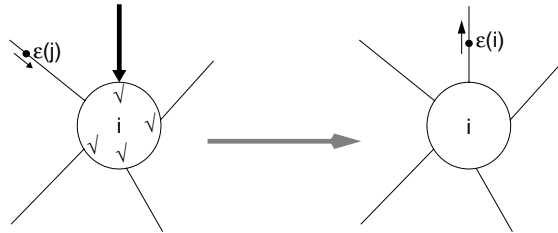
BP 1 Wahlalgorithmen: Warteverfahren

(3) Ein Explorer $\varepsilon(j)$ trifft auf einen bereits mit i markierten Knoten.
In diesem Fall wird zunächst generell N um 1 erhöht.

a) Grad des Knotens = N , es wartet kein Explorer vor dem Knoten,
die Baumkante ist eine virtuelle Kante:

Der Knoten hat die Wahl gewonnen.

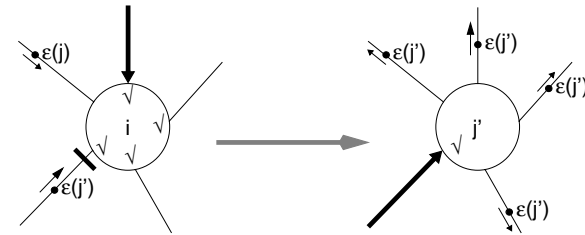
b) Grad des Knotens = N , es wartet kein Explorer vor dem Knoten,
die Baumkante ist echte Kante:



BP 1 Wahlalgorithmen: Warteverfahren

c) Grad des Knotens = N , es wartet bereits ein Explorer $\varepsilon(j')$ vor dem Knoten:

N = Wartezähler;
Wartezähler = 0;
 $j' = 0$;



d) Grad des Knotens $\neq N$:

Keine Zustandsänderung

BP 1 Wahlalgorithmen: Warteverfahren

(4) Ein Explorer $\varepsilon(j)$ trifft auf einen mit $i > j$ markierten Knoten:
Keine Zustandsänderung. (Explorer läuft auf)

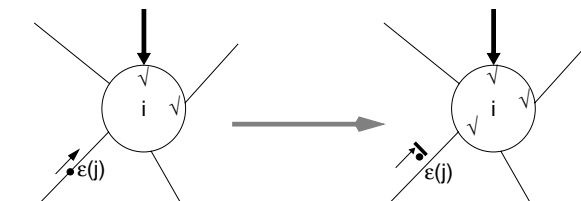
(5) Ein Explorer $\varepsilon(j)$ trifft auf einen mit $i < j$ markierten Knoten:

a) Knotengrad = 1: Reaktion wie im Fall 2b.

b) Knotengrad > 1

α) $N = 1$ und Initiator: Wie 2

β)



$N++$;
if ($j > j'$) { Wartezähler = 1; $j' = j$; }
else if ($j == j'$) { Wartezähler++; }

Gegebenenfalls noch 3c.

BP 1 Wahlalgorithmen: Warteverfahren

