

BP 2	Unity: Grundidee, Syntax und Semantik
8	<p>Unity: Grundlage für den Entwurf nebenläufiger Programme</p> <p><i>Chandy, K. M.; Misra, J.: Parallel Program Design - A Foundation. Addison-Wesley Publishing Company, Reading, Massachusetts, 1989.</i></p>
8.1	<p>Grundidee, Syntax und Semantik</p> <ul style="list-style-type: none"> □ Grundidee ◆ Beschreibung der "Aufgabe" reaktiver Programmsysteme durch Eigenschaften ihrer Abläufe und der zugehörigen Zustandsfolgen (sequentielle Konsistenz vorausgesetzt). □ Trennung zwischen Lösung des eigentlichen Problems und Fragen der Implementierung <ul style="list-style-type: none"> • Befehlszähler durch allgemeine Forderung an nebenläufige Aktionen ersetzen, alle Aktivitäten als zyklische Prozesse. • Ablaufplan "Fairness", d. h. in einem unendlichen Ablauf tritt jede Zuweisung unendlich oft auf.

BP 2	Unity: Grundidee, Syntax und Semantik
8.1.2	<p>Syntax von Unity-Programmen</p> <pre>program → Program program-name declare declare-section // Deklaration der Zustandsvariablen always always-section // Definition von Variablen als Funktion anderer initially initially-section // Prädikat, das der Anfangszustand erfüllen muß assign assign-section // Zuweisungen, die die Zustandsübergänge beschreiben end</pre>

BP 2	Unity: Grundidee, Syntax und Semantik
8.1.1	<p>Grundidee</p> <ul style="list-style-type: none"> □ Beschreibung der "Aufgabe" reaktiver Programmsysteme durch Eigenschaften ihrer Abläufe und der zugehörigen Zustandsfolgen (sequentielle Konsistenz vorausgesetzt). □ Trennung zwischen Lösung des eigentlichen Problems und Fragen der Implementierung <ul style="list-style-type: none"> • Befehlszähler durch allgemeine Forderung an nebenläufige Aktionen ersetzen, alle Aktivitäten als zyklische Prozesse. • Ablaufplan "Fairness", d. h. in einem unendlichen Ablauf tritt jede Zuweisung unendlich oft auf.
8.1.2	<p>Syntax von Unity-Programmen</p> <pre>program → Program program-name declare declare-section // Deklaration der Zustandsvariablen always always-section // Definition von Variablen als Funktion anderer initially initially-section // Prädikat, das der Anfangszustand erfüllen muß assign assign-section // Zuweisungen, die die Zustandsübergänge beschreiben end</pre>

BP 2	Unity: Grundidee, Syntax und Semantik
8.1.3	<p>Vereinbarungen</p> <p>Syntax ähnlich Pascal</p> <p>Beispiel: declare z: array[0 .. n] of integer</p>
8.1.4	<p>Zuweisungen</p> <p>◆ Mehrfachzuweisungen, zwei Schreibweisen:</p> <pre>x, y, z := f(x, y, z), g(x, y, z), h(x, y, z) oder x := f(x, y, z) y := g(x, y, z) z := h(x, y, z)</pre> <p>Auswertung: Erst alle rechten Seiten, dann Zuweisung</p> <p>Gesamter Vorgang atomar</p> <p>◆ Abkürzung durch "Quantifizierung":</p> <p>Anstelle von A[0] := B[0] A[1] := B[1] ... A[N] := B[N]</p> <p>quantifiziert < i: 0 ≤ i ≤ N :: A[i] := B[i] ></p>
8.3	13.07.01

BP 2	Unity: Grundidee, Syntax und Semantik
8	<p>Ziel: Bessere Verständlichkeit von Programmen und "Wiederverwendbarkeit" für verschiedene Architekturen</p> <ul style="list-style-type: none"> • Programmwicklung erfolgt stufenweise. <ul style="list-style-type: none"> ▪ Nach der Lösung des Grundproblems schrittweise Optimierung zur Nutzung der gegebenen Hardware-Möglichkeiten durch "Transformationen" <p>Zentrale Eigenschaften:</p> <ul style="list-style-type: none"> ◆ Indeterminismus ◆ In frühen Phasen der Programmwicklung keine Aussage über die Abarbeitungsreihenfolge. ◆ Kontrollflusskontrolle ◆ Sicht auf Programme ist nicht mehr von vornherein sequentiell. ◆ Synchronität und Asynchronität ◆ Beides kann im Modell erfasst werden. ◆ Zustände und Zuweisungen ◆ Modell basiert auf Theorie der Zustandsübergänge und auf Grundelementen von Programmiersprachen. ◆ Aber: Die traditionelle von-Neumann-Sicht (Befehlszähler, nur ein Speichertransfer zu jedem Zeitpunkt) wird aufgegeben.
8.1	<p>Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV/F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p>
8.2	13.07.01

8.3	13.07.01
-----	----------

8.4	13.07.01
-----	----------

<h2>BP 2 Unity: Basisrelationen</h2> <p>8.2 Basisrelationen zur Beschreibung des Programmverhaltens</p> <p>8.2.1 Zuschterungstechnik nach Floyd-Hoare</p> <p>$\{p\} s \{q\}$ besagt, daß die Ausführung der Anweisung s in einem Zustand, der das Prädikat p erfüllt, zu einem Zustand führt, der das Prädikat q erfüllt.</p> <p>Einige wichtige Aussagen:</p> <ul style="list-style-type: none"> • $\{p\} s \{true\}$ • $\{false\} s \{q\}$ • $\frac{\{p\} s \{false\}}{\neg p}$ • $\frac{\{p\} s \{q\}, \{p' s \{q'\}\}}{\{p \vee p'\} s \{q \vee q'\}, \{p \wedge p'\} s \{q \wedge q'\}}$ • $\left\{ b_0 \Rightarrow q_{e_0}^x \right\} \wedge \dots \wedge \left\{ b_n \Rightarrow q_{e_n}^x \right\} \wedge ((\neg b_0 \wedge \dots \wedge \neg b_n) \Rightarrow q)$ • $x := e_0 \text{ if } b_0 \sim \dots \sim e_n \text{ if } b_n \quad \{q\}$ <p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p> <p>8.9 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p>	<h2>BP 2 Unity: Basisrelationen</h2> <p>8.2.2 Die Relation unless</p> <p><input type="checkbox"/> Definition der Relation unless</p> <p>◆ Quantifizierung über die Anweisungen eines Programms</p> <p>F sei ein Programm</p> <ul style="list-style-type: none"> • $\langle \forall s : s \in F \Rightarrow \{p\} s \{q\} \rangle$ soll zum Ausdruck bringen, daß für alle Anweisung s des Programms F die Aussage $\{p\} s \{q\}$ zutrifft. • $\langle \exists s : s \in F \Rightarrow \{p\} s \{q\} \rangle$ soll zum Ausdruck bringen, daß auf wenigstens eine Anweisung des Programms F die Aussage $\{p\} s \{q\}$ zutrifft. <p>◆ F sei ein Programm, s eine Anweisung</p> <p>Definition: $p \text{ unless } q \equiv \langle \forall s : s \in F :: \{p \wedge \neg q\} s \{p \vee q\} \rangle$</p> <p>Informell: Wenn p erst einmal gültig ist, dann bleibt es mindestens bis zum Eintreten von q gültig.</p> <p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p> <p>8.10 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p>
<h2>BP 2 Unity: Basisrelationen</h2> <p>8.2.3 Die Relation ensures</p> <p><input type="checkbox"/> Definition der Relation ensures</p> <p>p ensures q $\equiv (p \text{ unless } q \wedge \langle \exists s : s \in F :: \{p \wedge \neg q\} s \{q\} \rangle)$</p> <p>◆ Beispiel: Der Wert der Variablen x ist unbegrenzt monoton wachsend</p> <p>$x = k \text{ unless } x > k$</p> <p>◆ Spezialfälle:</p> <p>stable p $\equiv p \text{ unless false}$</p> <p>Invariant q $\equiv (\text{initial condition } \Rightarrow q) \wedge q \text{ is stable}$</p> <p>◆ Bemerkung:</p> <p>stable p ist äquivalent zu $\forall s : s \in F \Rightarrow \{p\} s \{p\}$, d. h. p wird von jeder Anweisung des Programms bewahrt.</p> <p>◆ Der Always-Abschnitt eines Programms kann als Definition einer Invarianten angesehen werden.</p> <p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p> <p>8.11 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p>	<h2>BP 2 Unity: Basisrelationen</h2> <p>8.2.3 Die Relation ensures</p> <p><input type="checkbox"/> Definition der Relation ensures</p> <p>p ensures q $\equiv (p \text{ unless } q \wedge \langle \exists s : s \in F :: \{p \wedge \neg q\} s \{q\} \rangle)$</p> <p>◆ Beispiel: Der Wert der Variablen x ist unbegrenzt monoton wachsend</p> <p>$x = k \text{ ensures } x > k$</p> <p>◆ Spezialfälle:</p> <p>stable p $\equiv p \text{ unless false}$</p> <p>Invariant q $\equiv (\text{initial condition } \Rightarrow q) \wedge q \text{ is stable}$</p> <p>◆ Bemerkung:</p> <p>stable p ist äquivalent zu $\forall s : s \in F \Rightarrow \{p\} s \{p\}$, d. h. p wird von jeder Anweisung des Programms bewahrt.</p> <p>◆ Der Always-Abschnitt eines Programms kann als Definition einer Invarianten angesehen werden.</p> <p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p> <p>8.12 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p>

BP 2	Unity: Basisrelationen
<p>8.2.4 Die Relation leads-to (\rightarrow)</p> <p>Definition der Relation leads-to Es gilt $p \rightarrow q$ genau dann, wenn es auf Grund des folgenden Regelsystems ableitbar ist:</p> $\frac{p \text{ ensures } q}{p \rightarrow q}$ <p>(Transitivität)</p> $\frac{p \rightarrow q, q \rightarrow r}{p \rightarrow r}$ <p>(Disjunktivität)</p> $\frac{\forall m(m \in W \Rightarrow p(m) \rightarrow q)}{\langle \exists m(m \in W \wedge p(m)) \rangle \rightarrow q}$ <p>wobei W eine Menge möglicher Argumente für $p(x)$ ist</p>	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.13 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p>

BP 2	Unity: Basisrelationen
<p>8.2.5 Fixpunkt</p> <p>Sei R eine zu einer Ausführungsfolge gehörige Zustandsfolge.</p> <p>Dann besitzt jedes Element R_i von R eine Komponente $R_i.state$, die den Zustand der Variablen darstellt, und eine Komponente $R_i.label$, die die Zuweisung charakterisiert, die zu $R_{i+1}.state$ führt.</p> <p>$R_0.state$ bezeichnet den Anfangszustand.</p> <p>Das Fixpunktprädikat FP eines Programms G ist folgendermaßen definiert:</p> $\forall s(s \text{ in } G \wedge s \text{ is } X := E \Rightarrow (X = E))$ <p>oder im Zustandsmodell</p> $FP[R_i] \equiv \langle \forall j(j \geq i \Rightarrow R_i.state = R_j.state) \rangle.$	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.14 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p>

BP 2	Unity: Basisrelationen
<p>8.2.6 Die Relationen detects und until</p> <p>Definitionen</p> <p>$p \text{ detects } q \equiv (p \Rightarrow q) \wedge (q \rightarrow p)$</p> <p>$p \text{ until } q \equiv (p \text{ unless } q) \wedge (p \rightarrow q)$</p>	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.15 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p>

BP 2	Unity: Basisrelationen
<p>8.2.7 Wichtige Theoreme</p> <p>unless</p> <ul style="list-style-type: none"> Reflexivität $p \text{ unless } p$ Antireflexivität $p \text{ unless } \neg p$ Abschwächung der Nachbedingung $\frac{p \text{ unless } q, q \Rightarrow r}{p \text{ unless } r}$ <p>Konjunktion und Disjunktion</p> $\frac{p \text{ unless } q, p' \text{ unless } q'}{(p \wedge p') \text{ unless } (p \wedge q') \vee (p' \wedge q) \vee (q \wedge q')}$ $\frac{(p \vee p') \text{ unless } (\neg p \wedge q) \vee (\neg p' \wedge q) \vee (q \wedge q')}{(p \vee p') \text{ unless } (\neg p \wedge q) \vee (\neg p' \wedge q)}$ <p>Kürzung</p> $\frac{p \text{ unless } q, q \text{ unless } r}{p \vee q \text{ unless } r}$	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.16 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p>

BP 2	Unity: Basisrelationen
<input type="checkbox"/> ensures <ul style="list-style-type: none"> • Reflexivität • $p \text{ ensures } p$ • Abschwächung der Nachbedingung $\frac{p \text{ ensures } q, q \Rightarrow r}{p \text{ ensures } r}$ • Unmöglichkeit $\frac{p \text{ ensures false}}{\neg p}$ • Konjunktion $\frac{p \text{ unless } q, p' \text{ ensures } q'}{p \wedge p' \text{ ensures } (p \wedge q') \vee (p' \wedge q) \vee (q \wedge q')}$ • Disjunktion $\frac{p \text{ ensures } q}{p \vee r \text{ ensures } q \vee r}$ 	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p>

BP 2	Unity: Basisrelationen
<input type="checkbox"/> leads-to <ul style="list-style-type: none"> • Implikation $\frac{p \Rightarrow q}{p \vdash q}$ • Unmöglichkeit • Disjunktion $\frac{p \vdash \text{false}}{\neg p}$ • Kürzung $\frac{p \vdash q \vee b, b \vdash r}{p \vdash q \vee r}$ <p>Für jede Menge W gilt:</p> $\frac{\langle \forall m \in W \Rightarrow p(m) \vdash q(m) \rangle}{\langle \exists m \in W \wedge p(m) \rangle \vdash \langle \exists m \in W \wedge q(m) \rangle}$	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p>

BP 2	Unity: Basisrelationen
<input type="checkbox"/> Fixpunkt <ul style="list-style-type: none"> • Stabilität im Fixpunkt <p>Für jedes Prädikat p ist $(FP \wedge p)$ stabil.</p>	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p>

BP 2	Unity: Basisrelationen
<input type="checkbox"/> leads-to (Fortsetzung) <ul style="list-style-type: none"> • PSP-Theorem (Progress-Safety-Progress) <p>$\frac{p \vdash q, r \text{ unless } b}{p \wedge r \vdash (q \wedge r) \vee b}$</p> <p>• Fertigstellung</p> <p>Gegeben seien endliche Mengen von Prädikaten p_i und q_i</p> $\frac{\langle \forall i (p_i \vdash q_i \vee r) \rangle \quad \langle \forall i (q_i \text{ unless } r) \rangle}{\langle \forall i (p_i) \rangle \vdash \langle \forall i (q_i) \rangle \vee r}$	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p>

BP 2	Unity: Basisrelationen
	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p>

BP 2	Unity: Basisrelationen
	<p>8.19</p>

BP 2	Unity: Basisrelationen
	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p>

BP 2	Unity: Basisrelationen
	<p>8.20</p>

	BP 2 Unity: Erfassung der Systemarchitektur	
8.3	Erfassung der Systemarchitektur Mappings beschreiben informell Eigenschaften der Architektur des Rechensystems und ihre Auswirkung auf UNITY-Programme.	
8.3.1	Asynchrone Prozessoren mit lokal gemeinsamen Speichern (Multiprozessoren)	
	<p>1. Jede Anweisung wird einem bestimmten Prozessor zugeordnet.</p> <p>2. Jede Variable wird einem bestimmten Speicher zugeordnet.</p> <p>3. Für jeden Prozessor wird die Reihenfolge festgelegt, in der er die Anweisungen ausführt.</p>	<p><input type="checkbox"/> Diese Abbildung unterliegt folgenden Einschränkungen:</p> <p>1. Alle Variablen auf der linken Seite einer Zuweisung sind in Speichern hinterlegt, deren Inhalt von dem Prozessor, dem die Zuweisung zugeordnet ist, modifiziert werden kann.</p> <p>2. Alle Variablen auf der rechten Seite einer Zuweisung sind in Speichern hinterlegt, deren Inhalt von dem Prozessor, dem die Zuweisung zugeordnet ist, gelesen werden kann.</p> <p>3. Für jeden Prozessor stellt die Ausführungsreihenfolge sicher, daß jede ihm zugewiesene Anweisung unendlich oft zur Ausführung kommt.</p>
13.07.01	Universität Erlangen-Nürnberg, IMA/IV/F, Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt	8.21
	BP 2 Unity: Erfassung der Systemarchitektur	
8.3.2	Verteilte Systeme (Prozessoren mit lokalem Speicher und Verbindungskanälen)	
	1. Jede Zuweisung wird einem bestimmten Prozessor zugeordnet.	
	2. Jede Variable wird dem lokalen Speicher oder einem Kanal zugeordnet.	
	3. Für jeden Prozessor wird die Reihenfolge festgelegt, in der er die Anweisungen ausführt.	<p><input type="checkbox"/> Diese Abbildung unterliegt folgenden Einschränkungen:</p> <p>1. Jedem Kanal ist höchstens eine Variable zugeordnet und diese Variable ist vom Typ Sequenz (IFO-Kanal).</p> <p>2. Eine Variable, die einem Kanal zugeordnet ist, kommt nur in Anweisungen zweier Prozessoren vor und diese haben eine der folgenden Formen:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Anweisungen eines der Prozessoren modifizieren die Variable durch Anfügen eines Wertes, solange die Sequenz eine bestimmte Länge (Pufferlänge) nicht überschreitet. • Anweisungen des anderen Prozessors modifizieren die Variable durch Entfernen des ersten Wertes der Sequenz, falls ihre Länge größer als null ist. • Die Variable wird auf keine andere Weise benutzt.
13.07.01	Universität Erlangen-Nürnberg, IMA/IV/F, Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt	8.22
	BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung	
8.4	Anwendungsbeispiel: Verteilte Terminierungsentdeckung	
8.4.1	Definition des generischen Entdeckungsproblems	
	Programmüberlagerungen	
	Durch Überlagerung entstehe daraus ein Programm mit einer neuen Variablen <i>claim</i> , so daß gilt: <i>claim</i> detects <i>W</i> .	
	Unter Überlagerung wird verstanden:	
	Hinzufügen von Variablen, einschließlich ihrer Initialisierung, Erweitern der Zuweisungen durch neue parallele Zuweisungen und wobei die neuen Zuweisungen keine Variablen von <i>W</i> verändern.	
	F wird als das unterlegende Programm bezeichnet.	<ul style="list-style-type: none"> • Folgerung claim detects (count > 10)
13.07.01	Universität Erlangen-Nürnberg, IMA/IV/F, Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt	8.23
	BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung	
8.4.1.1	Anwendungsbeispiel: Verteilte Terminierungsentdeckung	
8.4.1.2	Definition des generischen Entdeckungsproblems	
	Programmüberlagerungen	
	Geben sei ein Programm <i>F</i> und eine stabile Eigenschaft <i>W</i> dieses Programms.	
	Durch Überlagerung entstehe daraus ein Programm mit einer neuen Variablen <i>claim</i> ,	
	so daß gilt: <i>claim</i> detects <i>W</i> .	
	Unter Überlagerung wird verstanden:	
	Hinzufügen neuer Zuweisungen,	
	wobei die neuen Zuweisungen keine Variablen von <i>W</i> verändern.	
	F wird als das unterlegende Programm bezeichnet.	<ul style="list-style-type: none"> • Folgerung claim detects (count > 10)
13.07.01	Universität Erlangen-Nürnberg, IMA/IV/F, Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt	8.24

<h3>BP 2</h3> <h4>Unity: Terminierungsentdeckung</h4>	<p>8.4.2 Heuristiken</p> <p>1. Direkte Implementierung der Entdeckung</p> <p>(I) $x \text{ detects } e$, wobei x eine überlagerte Variable ist und e ein stabiles Prädikat über dem zugrundeliegenden Programm.</p> <ul style="list-style-type: none"> - Anfangs: <ul style="list-style-type: none"> - Genaу ein hinzugefügter Befehl: $x := e$ <p>Beweis:</p> <ol style="list-style-type: none"> Nachweis für invariant $x \Rightarrow e$ <p>Aussage am Anfang richtig.</p> <p>Kann nur falsch werden, wenn e falsch wird oder x wahr.</p> <p>Da e stabil, erstes nicht möglich.</p> <p>Letzteres nur durch Befehl $x := e$;</p> <p>Nachbedingung ist $x = e$, also gilt $x \Rightarrow e$.</p>	<p>13.07.01</p>	<p>Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p>	<p>8.25</p>	<p>b) Nachweis für $e \mapsto x$</p> <p>(stable $e \Leftrightarrow e \text{ unless false}$) $\Rightarrow e \text{ unless } x$ und somit</p> $\{e \wedge \neg x\}x := e\{x\},$ <p>also e ensures x und damit $e \mapsto x$.</p> <p>(II) Implementierung von $(x \geq k) \text{ detects } (e \geq k)$, wobei x überlagerte Variable ist und e ein monoton wachsender ganzzahliger Ausdruck.</p> <ul style="list-style-type: none"> - Anfangs $x = (\text{Anfangswert von } e)$. - Genaу ein hinzugefügter Befehl: $x := e$ <p>Beweis:</p> <p>Mit der Bemerkung, daß die Spezifikation die Eigenschaft invariant $x \leq e$ und $(e = k) \mapsto (x \geq k)$ besitzt, erfolgt der Beweis analog dem vorangehenden.</p>	<p>13.07.01</p>	<p>Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p>	<p>8.26</p>
<h3>BP 2</h3> <h4>Unity: Terminierungsentdeckung</h4>	<p>8.4.3 Anwendungsbeispiel für die Heuristiken</p> <p>Ausführung des vorangehenden Programms in einem verteilten System</p> <p>Aufspaltung des Zählers nach (III), dazu:</p> <ol style="list-style-type: none"> Einführung einer überlagerten Variablen $u.m$ für jeden Prozessor u zur Zählung der lokalen Befehlausführungen. Einführung einer weiteren überlagerten Variablen n, der von Zeit zu Zeit die Summe der $u.m$ zugewiesen wird unter Verwendung von (II). Mittels claim count > 10 festgestellt nach (I). count > 10 ist stabil, weil n monoton steigend ist. <p>Formale Beschreibung</p> <p>invariant $u.m = (\text{Anzahl der Befehlausführungen in Prozeß } u)$</p> <p>$(\text{count} > k) \text{ detects } ((+ u :: u.m) > k)$</p> <p>claim detects ($\text{count} > 10$)</p>	<p>13.07.01</p>	<p>Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p>	<p>8.27</p>	<p>2. Nutzung der Transitivität von detects</p> <p>(III) Implementierung von claim detects $W(d)$, wobei es ineffizient ist, $W(d)$ auf der gegebenen Architektur direkt festzustellen (z. B. weil d eine verteilte Datenstruktur ist)</p> <ul style="list-style-type: none"> Auffinden eines günstigeren festzustellenden Prädikats $p(d')$ über einer geeigneten Datenstruktur d'. Gestaltung des Programms so, daß claim detects $p(d')$ und $p(d)$ detects $W(d)$. <p>Die Invariante, die d' beschreibt, ist normalerweise schwächer als die von d, die Fortschritt-Bedingung stärker.</p> <p>Beweis:</p> <p>Transitivität von detects folgt aus der von \mapsto.</p>	<p>13.07.01</p>	<p>Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p>	<p>8.28</p>

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung
<ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Formale Beschreibung (Wiederholung) <p>invariant $u.m = (\text{Anzahl der Befehlausführungen in Prozeß } u)$</p> <p>$(\text{count} > k) \text{ detects } (\langle + u :: u.m \rangle > k)$</p> <p>claim detects (count > 10)</p> <input type="checkbox"/> Korrektheitsbeweis der Lösungsstrategie <p>Aus claim detects (count > 10)</p> <p>und (count > k) detects (⟨ + u :: u.m⟩ > k)</p> <p>folgt wegen der Transitivität von detects</p> <p>claim detects (⟨ + u :: u.m⟩ > 10)</p> 	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.29</p>

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung
<ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Hier wird deutlich wie die Invariante abgeschwächt und die Fortschritt-Bedingung verstärkt wird: <p>claim detects (⟨ + u :: u.m⟩ > 10)</p> <p>ist äquivalent zu</p> <p>claim $\Rightarrow (\langle + u :: u.m \rangle > 10)$</p> <p>und $(\langle + u :: u.m \rangle > 10) \rightarrow (\text{count} > 10)$</p> <p>Ersteres wird abgeschwächt zu claim detects (count > 10)</p> <p>letzteres verstärkt zu (⟨ + u :: u.m⟩ > k) $\rightarrow (\text{count} > k)$</p> 	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.30</p>

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung
<ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Ableitung des Programms <pre>Program {superposition} P2 initially count = 0 [] claim = false [] for each processor u transform each statement s in processor u to s u.m := u.m + 1 add count := ⟨ + u :: u.m ⟩ [] claim := (count > 10) end {P2}</pre> 	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.4.4 Weitere Anwendung der Heuristiken</p> <ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Vorgehensweise <ol style="list-style-type: none"> Aufspaltung der Summation über nicht-lokale Variablen in eine Summation über lokale Kopien der Variablen. Dazu: Einführung weiterer überlagerter Variablen u.r, die Kopien der Variablen u.m darstellen (II) und lokal zum entdeckenden Prozessor sind. Variable count erhält die Summe dieser Zwischenvariablen. Dadurch Entdeckung mit Zwischenschritt (III). <p>Formale Beschreibung</p> <p>invariant $u.m = (\text{Anzahl der Befehlausführungen in Prozeß } u)$</p> <p>$(u.r > k) \text{ detects } (u.m > k)$ (für alle u)</p> <p>claim detects (count > 10)</p> <p>Folgerung: $(\langle + u :: u.r \rangle > k) \text{ detects } (\langle + u :: u.m \rangle > k)$</p> <p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.31</p>

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung
<ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Korrektheitsbeweis der Lösungsstrategie <input type="checkbox"/> Zweimalige Anwendung der Transitivität von <code>detects</code>. <input type="checkbox"/> Ableitung des Programms <pre>Program {superposition} P3 initially n = 0 [] claim = false [] u :: u.m, u.r = 0, 0) transform for each processor u, transform each statement s in processor u to s u.m := u.m + 1 add n := <+ u :: u.r> [] claim := (n > 10) [] <[] u :: u.r := u.m> end {P3}</pre>	<p>8.4.6</p> <p>Heuristik I</p> <pre>Program {superposition on R0} R1 initially claim = false add claim := <\u :: u.idle> end {R1}</pre> <p>Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Änderung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>13.07.01</p>

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung
<ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Sequentielle Architektur <input type="checkbox"/> Heuristik I <pre>Program {superposition on R0} R1 initially claim = false add claim := <\u :: u.idle> end {R1}</pre> <p>Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Änderung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>13.07.01</p>	<p>8.4.6</p> <p>Heuristik I</p> <pre>Program {superposition on R0} R1 initially claim = false add claim := <\u :: u.idle> end {R1}</pre> <p>Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Änderung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>13.07.01</p>

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung
<ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Spezifikation der Terminierungsentdeckung <input type="checkbox"/> Das zugrunde gelegte Programm wird repräsentiert durch einen gerichteten Graphen $G = (V, E)$, wobei V eine (konstante) Menge von Knoten ist, die die Prozesse darstellen, und E eine (konstante) Menge von Pfeilen, die unidirektionale Verbindungskanäle zwischen den Prozessen darstellen. <input type="checkbox"/> Mit jedem Knoten u ist ein Prädikat $u.idle$ verbunden, das anzeigt, ob der entsprechende Prozeß passiv ist. <input type="checkbox"/> Programmstruktur (synchrone Modelle!) <pre>Program {structure of the underlying program} R0 assign <[] u, v :: (u, v) \in E :: v.idle := u.idle \wedge v.idle> [] <[] u :: u \in V :: u.idle := true> end {R0}</pre> <p>8.4.5</p> <p>Stabiles Prädikat W, das entdeckt werden soll:</p> $W \equiv \langle \wedge u : u \in V :: u.idle \rangle$	<p>8.4.5</p> <p>Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Änderung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>13.07.01</p>

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung
<ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Asynchrone Architektur mit lokal gemeinsamen Speichern <input type="checkbox"/> Informelle Beschreibung <ol style="list-style-type: none"> Einführung einer Variablen d, definiert als die Menge der inaktiven Prozesse. Bei Änderungen des Prozesszustandes wird d entsprechend aktualisiert. Wenn d alle Prozesse enthält, ist das Programm terminiert. <p>8.4.7</p> <p>Formale Beschreibung</p> <pre>invariant d = {u u.idle} claim detects (d = V)</pre> <p>Korrektheitsbeweis</p> <p>Trivial mit $W \equiv (d = V)$.</p>	<p>8.4.7</p> <p>Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Änderung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>13.07.01</p>

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung
<ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Ableitung des Programms <pre>Program {the transformed program} R2 initially claim = false [] d = {u u.idle} assign ⟨[] (u, v) :: v.idle := u.idle ∧ v.idle d := d - {v} if ¬u.idle ⟩ [] ⟨[] u :: u.idle := true d := d ∪ {u} if u.idle ⟩ end {R2}</pre>	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.37</p>

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung
<ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Ableitung der Modifikationen <p>8.4.7.1 Erste Entkopplung der Modifikationen</p> <ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Informelle Beschreibung <p>1. Abschwächung der Invariante dahingehend, daß d eine Teilmenge der inaktiven Prozesse ist (III).</p> <p>2. Verstärkung der Fortschritt-Bedingung: Endliche Zeit, nachdem alle Prozesse inaktiv sind, enthält d alle Prozesse.</p> <p>3. Prozesse werden zu d asynchron hinzugefügt, nachdem sie inaktiv geworden sind.</p> <ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Formale Beschreibung <p>invariant $d \subseteq \{u \mid u.\text{idle}\}$</p> <p>$W \rightarrow (d = V)$ (Fortschrittbedingung)</p> <p>claim detects ($d = V$) (Entdeckungsbedingung)</p>	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.38</p>

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung
<ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Korrektheitsbeweis <p>($d = V \Rightarrow W$, wegen der ersten Invariante ($d = V$) detects W, wegen der Fortschrittbedingung</p> <p>claim detects W, wegen der Entdeckungsbed. und der Transitivität von <code>detects</code></p> <ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Ableitung des Programms <pre>Program {the transformed program} R2' initially claim = false [] d = {u u.idle} assign ⟨[] (u, v) :: v.idle := u.idle ∧ v.idle d := d - {v} if ¬u.idle ⟩ [] ⟨[] u :: u.idle := true d := d ∪ {u} if u.idle ⟩ end {R2'}</pre>	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.39</p>

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung
<ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Weitere Entkopplung der unterliegenden und der überlagerten Berechnung <ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Informelle Beschreibung <p>1. Einführung einer neuen Variablen b zusammen mit lokalen Variablen u.delta.</p> <p>2. Dadurch Entdeckung mit Zwischenschritt (III).</p> <ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> Formale Beschreibung <p>Die Relation <code>chain</code> zwischen Prozessen sei zu jedem Zeitpunkt der Berechnung definiert durch:</p> <p>$u \text{ chain } v \equiv \text{Im unterliegenden Graphen G existiert ein Pfad von } u \text{ nach } v \text{ derart, daß für jede Kante } (u', v') \text{ auf diesem Pfad } v' \in u'.\text{delta} \text{ ist.}$</p> <p>invariant $v \in b \Rightarrow [(v.\text{delta} = \text{empty}) \wedge v.\text{idle}] \vee \langle \exists u: u \notin b :: u \text{ chain } v \rangle$</p> <p>stable $b = V$ (Fortschrittbedingung)</p> <p>claim detects ($b = V$) (Entdeckungsbedingung)</p>	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.40</p>

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung
<p><input type="checkbox"/> Korrektheitsbeweis der Lösungsstrategie</p> <p>$(b = v) \Rightarrow w$ wegen der Invariante, da die zweite Alternative nicht zutreffen kann</p> <p>$(b = v) \text{ detects } w$ wegen der vorangehenden Beziehung und der Fortschritt-Bedingung</p> <p>claim detects w wegen der Transitivität von <code>detects</code></p>	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.41</p>

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung
<p><input type="checkbox"/> Das modifizierte Programm</p> <pre>Program {the transformed program} R3 initially claim = false [] b = empty [] assign ⟨[] (u, v) :: v.idle := u.idle ∧ v.idle u.delta := u.delta ∪ {v} if ¬u.idle) [] ⟨[] u :: u.idle := true) [] ⟨[] u :: b, u.delta := b ∪ {u} - u.delta, empty if u.idle) [] claim := (b = v) end {R3}</pre>	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.42</p>

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung		
<p><input type="checkbox"/> Korrektheitsbeweis des Programms</p> <p>(i) invariant $v \in b \Rightarrow (v.\delta = \text{empty}) \wedge v.\text{idle} \vee \exists u: u \notin b \wedge u \text{ chain } v$</p> <p>Im Anfangszustand erfüllt, da dort $b = \text{empty}$ gilt.</p> <p>Beweisstruktur:</p> <p>Feststellung der Zustandsübergänge, die die Invariante ungültig machen könnten und Untersuchung entsprechender Anweisungen</p> <table border="0"> <tr> <td style="vertical-align: top;"> Vorbedingung <ul style="list-style-type: none"> (1) $v \notin b$ (2) $v.\delta = \text{empty} \wedge v.\text{idle}$ (3) $v.\delta = \text{empty} \wedge v.\text{idle}$ (4) $\exists u (u \notin b \wedge u \text{ chain } v)$ </td> <td style="vertical-align: top;"> Nachbedingung <ul style="list-style-type: none"> $v \in b$ $v.\delta \neq \text{empty}$ $\neg v.\text{idle}$ $\forall u (u \notin b \Rightarrow \neg(u \text{ chain } v))$ </td> </tr> </table> <p>(1) Nur durch Befehl $b, v.\delta := b \cup \{v\} - v.\delta, \text{empty} \text{if } v.\text{idle}$. Erhält die Invariante.</p>	Vorbedingung <ul style="list-style-type: none"> (1) $v \notin b$ (2) $v.\delta = \text{empty} \wedge v.\text{idle}$ (3) $v.\delta = \text{empty} \wedge v.\text{idle}$ (4) $\exists u (u \notin b \wedge u \text{ chain } v)$ 	Nachbedingung <ul style="list-style-type: none"> $v \in b$ $v.\delta \neq \text{empty}$ $\neg v.\text{idle}$ $\forall u (u \notin b \Rightarrow \neg(u \text{ chain } v))$ 	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.43</p>
Vorbedingung <ul style="list-style-type: none"> (1) $v \notin b$ (2) $v.\delta = \text{empty} \wedge v.\text{idle}$ (3) $v.\delta = \text{empty} \wedge v.\text{idle}$ (4) $\exists u (u \notin b \wedge u \text{ chain } v)$ 	Nachbedingung <ul style="list-style-type: none"> $v \in b$ $v.\delta \neq \text{empty}$ $\neg v.\text{idle}$ $\forall u (u \notin b \Rightarrow \neg(u \text{ chain } v))$ 		

BP 2	Unity: Terminierungsentdeckung
<p><input type="checkbox"/> Das modifizierte Programm</p> <pre>Program {the transformed program} R3 initially claim = false [] assign ⟨[] (u, v) :: v.idle := u.idle ∧ v.idle u.delta := u.delta ∪ {v} if ¬u.idle) [] ⟨[] u :: u.idle := true) [] ⟨[] u :: b, u.delta := b ∪ {u} - u.delta, empty if u.idle) [] claim := (b = v) end {R3}</pre>	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.42</p>

<p>BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung</p> <p>(4) Zwei Fälle</p> <ol style="list-style-type: none"> Kette hat Verbindungsstück das unterbrochen wird: Vor Übergang (u chain x) \wedge ($y \in x.\deltaelta$) \wedge (y chain v). danach ($y \notin x.\deltaelta$) \wedge (y chain v). Nur durch Befehl b, $x.\deltaelta := b \cup \{x\} - x.\deltaelta$, empty if $x.\idle$. Danach y \notin b und damit $v \notin b$ für $y = v$ und $y \notin b \wedge (\mathbf{y chain v})$ für $y \neq v$. Also Invariante gesichert. Kettenanfang u wird in b aufgenommen: Vor Übergang: ($y \in \mathbf{delta}$) \wedge (y chain v). Nach Übergang: ($y \in b$) \wedge (y chain v). Nur durch Befehl b, $u.\deltaelta := b \cup \{u\} - u.\deltaelta$, emptyif $u.\idle$. Nach Ausführung $y \in b$ und damit $v \notin b$ für $y = v$ und $y \notin b \wedge (\mathbf{y chain v})$ für $y \neq v$. Also Invariante gesichert. <p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Änderung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.45</p>	<p>BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung</p> <p>(ii) Fortschritt-Bedingung W \mapsto (b = v)</p> <p>Wenn W gilt, dann können nur die Befehle $\langle \emptyset :: b, u.\deltaelta := b \cup \{u\} - u.\deltaelta, \text{emptyif } u.\idle \rangle$</p> <p><input type="checkbox"/> claim := (b = v) den Zustand ändern. Daraus folgt:</p> <ul style="list-style-type: none"> <input type="checkbox"/> W \mapsto ($v.\deltaelta = \text{empty}$) <input type="checkbox"/> stable W \wedge ($v.\deltaelta = \text{empty}$) <input type="checkbox"/> ($W \wedge \forall v :: v.\deltaelta = \text{empty} \mapsto (u \in b)$) <input type="checkbox"/> stable W \wedge ($\forall v :: v.\deltaelta = \text{empty} \wedge u \in b$) <p>Aus (a) und (b): W \mapsto ($\forall v :: v.\deltaelta = \text{empty}$) und daraus mit (c) und (d): W \mapsto ($\forall u :: u \in b$).</p> <p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Änderung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>8.46</p>
--	--

<h3>BP 2</h3> <h4>Unity: Terminierungsentdeckung</h4> <p><input type="checkbox"/> Programstruktur (asynchrones verteiltes Modell!)</p> <pre> Program {structure of the underlying program} DS assign { u sends message m along channel (u, v).c if u is active} ([] u, v : (u, v) ∈ E :: (u, v).c := (u, v).c; m if ~u.idle) { v becomes active by receiving a message along channel (u, v)} ([] ([] u, v : (u, v) ∈ E :: v.idle, m, (u, v).c := false, head((u, v).c), tail((u, v).c) if (u, v).c ≠ null) [] [] u :: u.idle := true) end {DS} </pre>	<p>Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehztzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>13.07.01</p> <p>8.49</p>
<h3>BP 2</h3> <h4>Unity: Terminierungsentdeckung</h4> <p><input type="checkbox"/> Informelle Beschreibung der Lösungsstrategie</p> <ul style="list-style-type: none"> Jeder Prozeß des Systems mit gemeinsamem Speicher wird einem Prozeß des verteilten Systems samt seiner sendenden Kanäle gleichgesetzt. Ein inaktiver Prozeß des Systems mit gemeinsamem Speicher entspricht im verteilten System einem inaktiven Prozeß mit leeren sendenden Kanälen. Um festzustellen, ob ein Kanal leer ist, werden Bestätigungsnachrichten (acknowledge messages) verwendet. Für jeden Prozeß u wird ein Prädikat u.e vorausgesetzt mit <p>u.e detects $\forall v ((u, v) \in E \Rightarrow ((u, v).c = \text{null}))$,</p> <p>d.h. jeder Prozeß kann feststellen, ob alle seine Nachrichten angekommen sind.</p> <p>Einführung der Variablen b analog vorangehender Vorgehensweise mit folgender Invarianten:</p> <p>invariant $v \in b \Rightarrow ((v.\delta = \text{empty}) \wedge v.\text{idle} \wedge v.e) \vee (\exists u: u \notin b \wedge u \text{ chain } v))$</p>	<p>Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehztzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>13.07.01</p> <p>8.51</p>

<h3>BP 2</h3> <h4>Unity: Terminierungsentdeckung</h4> <p><input type="checkbox"/> Stabiles Prädikat W, das entdeckt werden soll:</p> $W \equiv \langle \wedge u : u \in V :: u.\text{idle} \wedge (u, v).c = \text{null} \rangle$ <p><input type="checkbox"/> Kanalüberlagerung</p> <p>Rückwirkungsfreie Mitbenutzung der vorhandenen Kanäle</p> <ul style="list-style-type: none"> Durch Getypete Nachrichten (vergleichbar den 'message queues' von Unix), der Typ legt fest, ob eine Nachricht zum überlagerten oder darunterliegenden Programm gehört. Die unterliegende Programmausführung ignoriert überlagerte Nachrichten. Es wird sichergestellt, daß eine Nachricht des unterliegenden Programms nicht unendlich lange durch überlagerte Nachrichten blockiert wird. 	<p>Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehztzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>13.07.01</p> <p>8.50</p>
<h3>BP 2</h3> <h4>Unity: Terminierungsentdeckung</h4> <p><input type="checkbox"/> Abgeleitetes Programm</p> <p>Program {distributed termination detection - transformed program} R4</p> <p>initially</p> <p>claim = false [] b = empty [] [] u :: u.delta = empty)</p> <p>assign</p> <p>[u sends message m along channel (u,v).c if u is active, and u.delta is updated]</p> <p>[] (u, v) :: (u, v).c, u.delta := (u,v).c;m, u.delta ∪ {v} [u receives a message along channel (u, v) after which it becomes active]</p> <p>[] [] (u, v) :: v.idle, m, (u, v).c := false, head((u, v).c), tail((u, v).c) [added statements]</p> <p>[] [] u :: b, u.delta := b ∪ {u} - u.delta, empty [] u :: b, u.delta := b ∪ {u} - u.delta, empty if u.idle ∧ u.e</p> <p>end {R4}</p>	<p>Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehztzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig</p> <p>13.07.01</p> <p>8.52</p>

<h3>BP 2 Unity: Byzantinische Verständigung</h3> <p>8.5 Beschreibung (Spezifikation) eines Problems durch Gleichungen</p> <p>Beispiel: Byzantinische Verständigung</p> <ul style="list-style-type: none"> □ Notation: <ul style="list-style-type: none"> • u, v, w bezeichnen fehlerfreie Prozessoren • x, y, z bezeichnen fehlerhafe Prozessoren • g bezeichnet den Anführer □ Spezifikation 1 $\begin{aligned} \text{byz}[u] &= \text{byz}[v] \\ \text{byz}[u] &= d^0[g] \text{ if reliable}(g) \end{aligned}$ <p>Dabei ist $d^0[g]$ der Anfangswert einer bestimmten Variablen des Anführers.</p> <p>Zu konstruieren ist ein Gleichungssystem, das den Bedingungen des initialen Abschnitts genügt und somit unmittelbar ein Programm zur Lösung des Verständigungsproblems liefert, das im Hinblick auf verschiedene Architekturen modifiziert werden kann.</p> 	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMA/IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p> <p>8.53 Universität Erlangen-Nürnberg, IMA/IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p>	<h3>BP 2 Unity: Byzantinische Verständigung</h3> <p>8.54 Universität Erlangen-Nürnberg, IMA/IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p>
<h3>BP 2 Unity: Byzantinische Verständigung</h3> <p>8.5 Spezifikation 2</p> <ul style="list-style-type: none"> • t Anzahl der fehlerhaften Prozesse • $\text{con}^r[u, x]$ enthält den Wert, den in der r-ten Runde x an u gesandt hat. • $d^r[u]$ ist der Wert, den u in der r-ten Runde für den Einigungswert hält. <p>Definition: $\text{con}^r[u, *] = \langle +x : \text{con}^r[u, x] :: 1 \rangle$</p>	<p>(B1) $\langle \wedge u : u \neq g :: -d^0[u] \rangle \wedge \langle \wedge u, x :: -\text{con}^0[u, x] \rangle$</p> <p>(A1) $\text{con}^r[u, v] = d^{r-1}[v]$</p> <p>(A2) $\text{con}^{r-1}[u, x] \Rightarrow \text{con}^r[v, x]$</p> <p>(E1) $d^r[u] = [d^{r-1}[u] \vee (\text{con}^r[u, *] \geq r \wedge \text{con}^r[u, g])]$</p> <p>(E2) $\text{byz}[u] = d^{t+1}[u]$</p> <p>♦ Nachweisbar ist: Spezifikation 2 \Rightarrow Spezifikation 1</p> <p>♦ Spezifikation 2 kann als Lösung mittels beglaubigter Nachrichten angesehen werden.</p>	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMA/IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p> <p>8.54 Universität Erlangen-Nürnberg, IMA/IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p>
<h3>BP 2 Unity: Byzantinische Verständigung</h3> <p>8.5 Spezifikation 2</p> <ul style="list-style-type: none"> • Für alle u und v gilt $d^{t+1}[u] = d^{t+1}[v]$. • Beweis unter Verwendung obigen Ergebnisses sowie (E1), (A1) und (A2). <p>a) Sei $r = 1$</p>	<p>$d^1[u] = [d^0[u] \vee (\text{con}^1[u, *] \geq 1 \wedge \text{con}^1[u, g])]$ (E1)</p> <p>$\text{con}^1[u, g] \Rightarrow \text{con}^1[u, *] \geq 1$ Definition</p> <p>$\text{con}^1[u, g] = d^0[g]$ (A1)</p> <p>$u = g : d^1[u] = (d^0[g] \vee d^0[g]) = d^0[g]$ Substitution</p> <p>$u \neq g : d^1[u] = (\text{false} \vee d^0[g]) = d^0[g]$ (B1)</p> <p>$d^1[u] = (d^0[u] \vee d^0[g])$ Folge der beiden vorigen Zeilen</p>	<p>13.07.01 Universität Erlangen-Nürnberg, IMA/IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p> <p>8.55 Universität Erlangen-Nürnberg, IMA/IV F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors untersagt</p>