

Verlässliche Echtzeitsysteme

Härtung von Daten und Kontrollfluss

Peter Ulbrich

Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg
Lehrstuhl Informatik 4 (Verteilte Systeme und Betriebssysteme)
www4.informatik.uni-erlangen.de

08. Juni 2015



Gliederung

- 1 Überblick
- 2 Grundlagen der Datencodierung
- 3 Arithmetisches Codierung
 - AN, ANB, ANBD-Codes
 - Arithmetische Codierung des Kontrollflusses
 - Implementierungen
- 4 Combined Redundancy – CoRed
- 5 Zusammenfassung



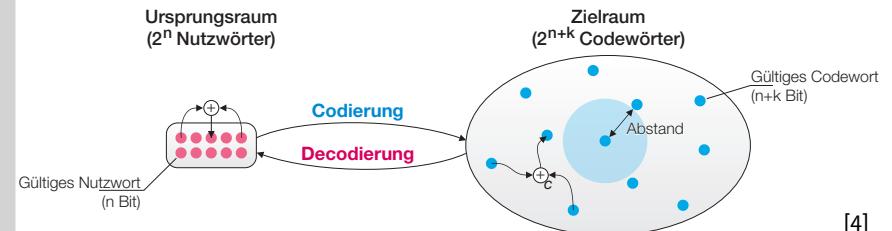
Überblick

- Letztes Kapitel: „grob-granulare“ Redundanz
 - Auf Ebene **kompletter Rechenknoten** (VIII/20) und **Prozessen** (VIII/30)
 - Zum Zweck der **Fehlermaskierung**
 - Durch **einfache Replikation** im Falle von „fail-silent“-Verhalten
 - Durch **Mehrheitsentscheid** falls Fehler im Wertebereich auftreten
- Heute: „fein-granulare“ Redundanz
 - Auf der Ebene **einzelner Instruktionen** und **Datenelemente**
 - Zum Zweck der **Fehlererkennung** und **-maskierung**
 - Implementierung von „fail-silent“-Verhalten
 - **Arithmetische Codierung** von Werten und Berechnungen
 - Systematische Nutzung von **Informationsredundanz**
- **Kombinierter Einsatz** grob- und fein-granularer Redundanz
 - Ergänzung der Stärken, Eliminierung der Schwächen



Codierung: Einsatz von Informationsredundanz

Als Alternative oder Ergänzung zur redundanten Ausführung



- Koordinierter Einsatz von Informationsredundanz \leadsto Codierung
- **Ausgangspunkt:** Darstellung der Nutzdaten mithilfe von **n Bits**
- **Ansatz:** Hinzufügen von **k Prüfbits** führt zu **Informationsredundanz**
 - Weiterhin 2^n gültige Codeworte bei nunmehr 2^{n+k} möglichen Wörtern
 - Überführung mittels **Codierungsvorschrift**
 - Fehlererkennung \leadsto **Absoluttest** (Konformität mit Vorschrift)
 - Es genügt **eine Instanz** für die Fehlererkennung \neq Replikation



Codierung: Restfehlerwahrscheinlichkeit

Fehler bleiben unentdeckt, wenn ...

- ⚠ Schwere des Fehlers spielt entscheidende Rolle (\neq Replikation)
- ☞ Restfehlerwahrscheinlichkeit p_{sdc} , für unerkannte Datenfehler ist:
 - Der Fehler überführt also eine gültige wieder in eine gültige Nachricht
 - $$p_{sdc} = \frac{\text{Anzahl gültiger Nachrichten}}{\text{Anzahl möglicher Worte}} \approx \frac{2^n}{2^{n+k}} = 2^{-k}$$
 - Sofern man eine Gleichverteilung der Fehler zugrunde legt
→ Stärke der Absicherung hängt direkt an der Zahl k redundanter Bits
- Bezogen auf die Programmausführung bedeutet dies:

$$p_{sdc}(x) = \left(1 - \frac{1}{2^k}\right)^{m-x} \left(\frac{1}{2^k}\right)^x \binom{m}{x}$$

- Von insgesamt **m Instruktionen** (Codewörtern) sind also **x fehlerhaft**
→ Diese werden durch die Codierung **nicht erkannt**



Fehlermodell: Was kann alles schief gehen?

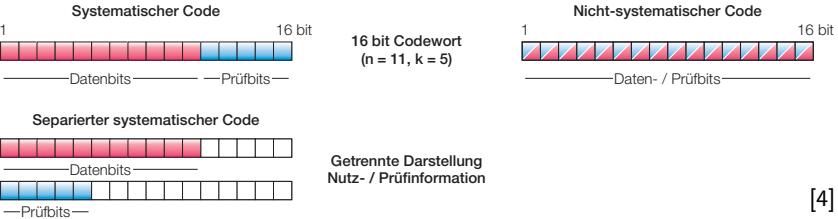
```
int sum(int a, int b, int c) {  
    int result = a + b;  
    result = result + c;  
  
    return result;  
}
```

- Was kann hier alles schief gehen?
- ⚠ Transiente Fehler können **folgende Fehler** hervorrufen:
 - Operandenfehler** ($a, b, c, result$)
 - Der **Wert des Operanden** wird **verfälscht** oder ist **veraltet**
 - Der Operand selbst wird verfälscht \leadsto **falsche(s) Speicherstelle/Register**
 - Berechnungsfehler** ($4 + 5 = 7$)
 - Die Operation erzeugt ein **falsches Ergebnis**
 - Operatorfehler** ($result = a \times \rightarrow * b$)
 - Der Programmzähler/die Instruktion wird verfälscht
 - Ausführung einer **falschen Instruktion**

☞ Datencodierung alleine bietet **keine ausreichende Fehlererkennung**



Codierung: Darstellung der Codewörter



[4]

⚠ Für die Integration der Prüfbits gibt es verschiedene Möglichkeiten

- **Systematischer vs. nicht-systematischer Code**
 - Speicherstellen der n Daten- und k Prüfbits sind trennbar vs. vermischt
 - Zugriff auf die Nutzdaten ohne Decodierung ist möglich vs. nicht möglich
- **Separierter Code:** 2er-Tupel (stets systematisch)
 - Getrennte Berechnung des funktionalen Anteils und der Prüfbits
 - Nicht-separierte Codes** berechnen beides mit **derselben Operation**
- ☞ Systematische, nicht-separierte Codierung ist **attraktiv**
 - Behandlung des funktionalen Anteils/der Prüfbits in derselben Operation
 - Keine Decodierung beim Zugriff auf den funktionalen Anteil



Gliederung

1 Überblick

2 Grundlagen der Datencodierung

3 Arithmetisches Codierung

- AN, ANB, ANBD-Codes
- Arithmetische Codierung des Kontrollflusses
- Implementierungen

4 Combined Redundancy – CoRed

5 Zusammenfassung



Arithmetische Codierung: Grundlegende AN-Codes

Arithmetische Codierung: Erkennung von Berechnungsfehlern

Codierung überführt den Wert v in einen codierten Wert v_c :

$$v_c = A \cdot v; \quad A > 1$$

Codierte Werte sind also immer Vielfache von A

- Ein unerkannter Fehler müsste abermals ein Vielfaches von A erzeugen
- Absicherung gegen Fehler im Wertebereich

Decodierung durch Modulo-Operation und Ganzzahldivision

$$v_c \bmod A = 0 \quad v = v_c / A$$

Modulo-Operation prüft die Korrektheit der Nachricht

Ganzzahldivision extrahiert den funktionalen Teil von v_c

die AN-Codierung ist also nicht-systematisch und nicht-separiert



AN-codierte Operatoren (Forts.)

Beachte: Die Operation erfolgt immer auf codierten Werten!

- Beispiel: Multiplikation $Az = (Ax \cdot Ay) / A$
 - Zuerst wird $Ax \cdot Ay$ bestimmt
 - Dann wird durch A dividiert
- Gründe: Würde man A sofort kürzen $\leadsto (Ax \cdot y)$ oder $(x \cdot Ay)$
 - Lägen wieder die „nackten, verwundbaren Werte“ x oder y offen
 - Die Operation kennt x und y nicht, nur die codierte Nachrichten Ax und Ay

Beachte: Multiplikation und Division benötigen Korrekturen

- Erfordern zusätzliche Multiplikation bzw. Division mit bzw. durch A
- Addition und Subtraktion kommen hingegen ohne Korrektur aus
- Korrekturen sind potentiell immer teure Operationen

Beachte: die codierten Operatoren sind nur Implementierungsskizzen

- Sie sind nur aus mathematischer Sicht korrekt
- Sie beachten aber keine Feinheiten wie Über- oder Unterlauf



AN-Codes: Operatoren

Die Codierung eines Programms erfolgt vor dessen Laufzeit

- Codierungsschlüssel A ist zur Laufzeit fest
- Konstanten können während der Übersetzung codiert werden
- Eingangsdaten werden beim Eintritt in das Programm explizit codiert
- Im Programm selbst wird nur mit codierten Werten gearbeitet

Für jede Rechenoperation \circ ist eine codierter Operator \circ_c nötig

- Diese muss sowohl die Prüfbits als auch den funktionalen Teil v umfassen

Codierte Operatoren für grundlegende Arithmetik

Operation	codierter Op.	Implementierung	Bedeutung
Addition	$z_c = x_c +_c y_c$	$Az = Ax + Ay$	$A(x + y)$
Subtraktion	$z_c = x_c -_c y_c$	$Az = Ax - Ay$	$A(x - y)$
Multiplikation	$z_c = x_c \cdot_c y_c$	$Az = (Ax \cdot Ay) / A$	$A(x \cdot y)$
Division	$z_c = \lfloor x_c /_c y_c \rfloor$	$Az = \lfloor (Ax / Ay) / A \rfloor$	$A \lfloor x / y \rfloor$



Weitere Operationen

Operationen der booleschen Aussagenlogik

Operation	codierter Op.	Implementierung	Bedeutung
Oder	$z_c = x_c _c y_c$	$z_c = x_c +_c y_c -_c x_c \cdot y_c$	$A(x \parallel y)$
Und	$z_c = x_c \&&_c y_c$	$z_c = x_c \cdot_c y_c$	$A(x \cdot y)$
Negation	$z_c = !_c x_c$	$z_c = 1_c -_c x_c$	$A(1 - x)$

→ diese einfachen Operationen erfordern teils teure Multiplikation

Verschiedene Operatoren können nicht direkt codiert werden:

- Schiebeoperationen: $x_c <<_c y_c$ und $x_c >>_c y_c$
- Bitweise boolesche Operatoren: $x_c |_c y_c$, $x_c \&_c y_c$ und $\sim_c x_c$
- Fließkommaarithmetik: erfordert Softwareemulation
 - Getrennte Behandlung von Vorzeichen, Exponent und Mantisse
 - Können jeweils auf Ganzzahlarithmetik abgebildet werden
- Auch hier werden teure Berechnungsverfahren nötig
 - Diese greifen auf die codierten Standardoperatoren zu



Restfehlerwahrscheinlichkeit: Wähle ein geeignetes A!

Die Binärdarstellung stellt besondere Anforderungen.

⚠ Bitkipper können gültige Codewörter erzeugen $\sim p_{sd}$

- Die Wahrscheinlichkeit hängt vom Abstand der Codewörter ab
- Ist jedoch nie Null

■ Der Codierungsschlüssel A bestimmt die Robustheit

- Aus mathematischer Sicht sinnvoll: **große Primzahlen**
- Codierte Datenströme sollen möglichst teilerfremd sein

■ In der Praxis entscheidend: **robuste Bitmuster**

- Für binär-codierte Daten hängt dies von der **Hammingdistanz** d_h ab
- Erfreuliche Eigenschaft: $d_h - 1$ Bitfehler werden sicher erkannt
- An wievielen Bitpositionen unterscheiden sich zwei Nachrichten



Grenzen der AN-Codierung

■ AN-Codes decken Fehler im Wertebereich **vollständig** ab

⚠ Fehlererkennung ist jedoch immer noch **unvollständig**

- **Operandenfehler** \sim Verwendung eines falschen Operanden
 - Falls z. B. die Adresse beim Laden einer Speicherstelle verfälscht wird
 - Die Operation läuft korrekt ab, auch das Ergebnis ist prinzipiell richtig
 - Es wird aber der **semantisch falsche Wert** berechnet
- **Operatorfehler** \sim Verwendung des falschen Operators
 - Falls z. B. beim Laden der Operation ein Bit verfälscht wird
 - Auch hier läuft die Operation korrekt ab
 - Auch hier wird aber der **semantisch falsche Wert** berechnet

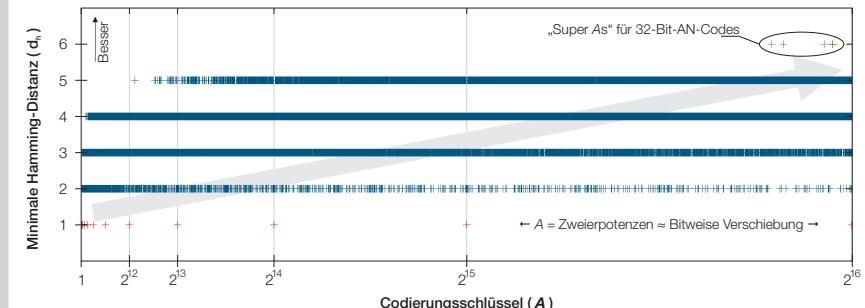
☞ Erweiterung der Prüfbits

- Sie sollen mehr semantische Informationen umfassen
 - Welche Operanden gehen in die Operation ein?
 - Welcher Operator ist für die Berechnung vorgesehen?
- **ANB-Codes**



Wähle ein geeignetes A! (Forts.)

Experimentelle Bestimmung der Hamming-Distanz



■ Betrachte alle gültigen Codewörter $A \cdot v \sim \min. \text{ Hamming-Distanz}$

- **Große Schwankungen** \sim größer ist nicht automatisch besser
- Primzahlen sind gut, die Besten sind jedoch zusammengesetzte Zahlen
 - Für 32-Bit-AN-Codes mit 16-Bit-Schlüsseln
 - **Super As** mit $d_h = 6$: 58659, 59665, 63157, 63859 und 63877



ANB-Codes: Funktionsweise

■ Erweiterung der AN-Codierung um **statische Signaturen**:

$$v_c = A \cdot v + B_v; \quad A > 1 \wedge B_v < A$$

- Die Signatur B_v ist spezifisch für die Variable v_c
 - Sie wird durch eine **statische Analyse** vorab bestimmt
 - Der Quelltext der zu schützenden Anwendung muss bekannt sein
- Fehlerüberprüfung und Decodierung

$$v_c \bmod A = B_v \quad v = (v_c - B_v)/A$$

■ Addition: $z_c = x_c + c \cdot y_c = A(x + y) + B_x + B_y = A(x + y) + B_z$

- Die Signatur $B_z = B_x + B_y$ von z_c hängt von x_c und y_c ab
 - Signaturen für Eingangswerte werden zur Übersetzungszeit bestimmt
 - Signaturen für berechnete Werte werden daraus abgeleitet

■ Auch hier muss gelten: $B_z = B_x + B_y < A$

■ Die Signatur von Berechnungsergebnisse ist abhängig von

- Der Signatur der Operanden \sim Eingabe für deren Bestimmung
- Der durchgeführten Operation \sim ihre Bestimmung selbst
- Wie die AN-Codierung ist auch die ANB-Codierung **nicht-separiert**
 - Die Signatur B_z wird direkt bei der Addition $x_c + c \cdot y_c$ bestimmt



Fehlererkennung durch ANB-Codierung

```
1 int sum(int a_c, int b_c, int c_c) {  
2     int result_c = a_c + b_c;  
3     result_c = result_c + c_c;  
4  
5     return result_c;  
6 }
```

Berechnungsergebnisse und entsprechende Signaturen

$$\text{Zeile 2 } a_c + b_c = A(a + b) + B_a + B_b$$

$$\text{Zeile 3 } a_c + b_c + c_c = A(a + b + c) + B_a + B_b + B_c$$

Angenommen es würden folgende Fehler auftreten:

- Statt a_c wird x_c verwendet
 - Die Signatur würde sich ändern: $B_{result} \neq B_x + B_b + B_c$
 - Eine Erkennung des Fehlers ist **gewährleistet**
- Subtraktion statt einer Addition in Zeile 3
 - Die Signatur würde sich ändern: $B_{result} \neq B_a + B_b - B_c$
 - Eine Erkennung des Fehlers ist **gewährleistet**

 Keine Fehlererkennung auf der **zeitlichen Achse**



Operationen auf veralteten Daten

 Wird eine Variable **nicht aktualisiert**, wird dies bisher nicht erkannt

- Die Berechnung findet entsprechend mit veralteten Daten statt

 Lösung: „Alter“ eines Datums wird durch einen **Zeitstempel D** gesichert

$$v_c = A \cdot v + B_v + D; \quad A > 1 \wedge B_v + D < A$$

- Dieser Zeitstempel überwacht die **Anzahl der Variablenaktualisierungen**
 - Der Zeitstempel muss **dynamisch zur Laufzeit** bestimmt werden
 - Für die Überprüfung des Codeworts muss der erwartete Wert bekannt sein
- Die Signatur B_v und A werden aber auch hier **statisch** bestimmt

 **Vollständige Abdeckung** aller auf Folie 7 angenommen Fehler

- Operandenfehler, Operationsfehler und Operatorfehler



The Vital Coded Processor (VCP, [2])

Bislang vollständigste Variante der arithmetischen Codierung

 Forin erweitert den Ansatz um Zeitstempel $D \sim \text{ANBD-Codes}$

- Ursprünglich: ein durch ANBD-Codierung geschützter Prozessor
 - Teilweise werden Elemente **direkt in Hardware** implementiert
 - En- bzw. Decodieren der ursprünglichen bzw. codierten Nachricht
 - Überprüfung der **Nachrichten** und entsprechende Ausgangssteuerung
 - Basierend auf dem Motorola 68000, später dem Motorola 68020
 - Codierte Operationen wurden **in Software** umgesetzt

 Einsatz in **(halb-)automatischen Zugführungssystemen**

- Paris, Linie „RER A“, System „SACEM“
- Lyon, Metrolinie „D“, System „MAGGALY“
- Chicago, Flughafen, System „VAL“



Grenzen der ANBD-Codierung

- **Keine direkte Codierung** der Division
 - Emulation durch wiederholte Subtraktion oder Rückfall zur AN-Codierung
 - Addition, Subtraktion und Multiplikation werden unterstützt
- **Mehr aufwendige Korrekturoperationen** sind erforderlich
 - Für die Multiplikation gilt beispielsweise

$$\begin{aligned} x_c \cdot_c y_c &\neq & A \cdot x \cdot y + B_x \cdot B_y \\ &= & A^2 \cdot x \cdot y + A \cdot x \cdot B_y + A \cdot y \cdot B_x + B_x \cdot B_y \end{aligned}$$

 Was passiert eigentlich bei **Fehlern im Kontrollfluss**?

- Der falsche Grundblock im Kontrollflussgraphen wird angesprungen
 - Weil z. B. die Entscheidung eines bedingten Sprungs verfälscht wird
- Einige Instruktionen werden übersprungen
 - Weil z. B. der **Instruktionszähler** (engl. *program counter*) verfälscht wird



Direkte Codierung des Kontrollflusses nach Forin [2]

Requires: $B_x, B_y, B_{true}, B_{false} \rightsquigarrow$ Konstante Signaturen für Operanden und Zweige
State: x_c, y_c, B_{cond}

```
1 if (DECODE( $x_c$ )  $\geq$  DECODE( $y_c$ )) then  $B_{cond} \leftarrow B_{true}$  else  $B_{cond} \leftarrow B_{false}$ 
2
3 if (DECODE( $x_c$ )  $\geq$  DECODE( $y_c$ )) then
4    $y_c \leftarrow x_c - y_c$                                  $\rightsquigarrow$  Signatur:  $B_x - B_y$ 
5 else
6    $y_c \leftarrow x_c + y_c$                                  $\rightsquigarrow$  Signatur:  $B_x + B_y$ 
7    $y_c \leftarrow y_c - (B_x + B_y) + (B_x - B_y)$            $\rightsquigarrow$  Signaturanpassung:  $B_x - B_y$ 
8    $y_c \leftarrow y_c - B_{false} + B_{true}$                    $\rightsquigarrow$  Verzweigung signieren
9 end if
10
11  $y_c \leftarrow y_c + B_{cond}$                              $\rightsquigarrow$  Signaturanpassung, Sollwert:  $B_x - B_y + B_{true}$ 
```

Idee: Kontrollflussabhängige Signaturanpassung

- Ziel ist der Sollwert in Zeile 11 (true-Fall + B_{true})
- Anpassung im else-Fall

⚠ Gemeinsamer Operanden (hier: y_c) und Berechnungen in beiden Zweigen (Grundblöcken) notwendig



Codierung sequentieller Instruktionsfolgen

Wie sieht das aus? Erläuterung anhand eines Beispiels aus [3].

■ Uncodierter Grundblock:

```
1 bb1:
2   x = a + b
3   y = x - d
4   br bb2
      - Eine Addition gefolgt von einer Subtraktion
      - Unbedingter Sprung zu einem weiteren Grundblock
```

■ Codierung des Grundblocks:

- 1 Überwachung von bb_1 vorbereiten
 - Zu Beginn gilt: $acc = s[i] - BB_{bb1} - bb1_{id}$
 - $BB_{bb1} = (B_a + B_b) + (B_a + B_b - B_d)$
- 2 Codierung der Berechnungen (Zeile 2 und 4)
- 3 Aufbau der Signatur BB_{bb1} in acc
 - Zeile 3: $acc = s[i] - BB_{bb1} - bb1_{id} + B_a + B_b$
 - Zeile 5: $acc = s[i] - bb1_{id}$ (vereinfacht $+x_c - d_c$)
- 4 Signatur an den „Watchdog“ senden (Zeile 7)
- 5 Vorbereitungen für den Grundblock $bb2$
 - Zeile 8: $acc = s[i + 1] - bb1_{id}$
 - Zeile 12: $acc = s[i] - BB_{bb2} - bb2_{id}$



Indirekte Codierung des Kontrollflusses [3]

☞ Idee: auch der **Grundblock x** bekommt eine **Signatur BB_x**

- BB_x umfasst die Summe aller im Grundblock x bestimmten Signaturen

■ Überprüfung durch **Funktionswächter** (engl. *Watchdog*) zur Laufzeit

- Er besitzt ein **Feld s** der zu erwartenden Signaturen BB_x
- Die Anwendung teilt den dynamisch bestimmten Wert für BB_x mit

☞ die Anwendung enthält eine Zählvariable acc

- Die sie zur Bestimmung von BB_x verwendet
- Wert am Beginn des Grundblocks: $acc = s[i] - BB_x - x_{id}$

- $s[i]$ enthält den **erwarteten Wert** nach dem Grundblock x
- Die statisch bestimmte **Signatur BB_x** wird abgezogen
- Ebenso eine eindeutige **ID x_{id}** \rightsquigarrow bedingte Sprünge (s. Folie 24)

- acc wird kontinuierlich um die jeweils bestimmte Signatur inkrementiert
- für den nachfolgenden Grundblock wird acc neu initialisiert
 - Das Feld **delta[i]** liefert die Differenz konsekutiver Blöcke ($s[i + 1] - s[i]$)
 - Am Ende des Blocks wird dieser Wert addiert $\rightsquigarrow acc = s[j = i + 1] - x_{id}$
 - Schließlich Anpassung der Signatur/ID $\rightsquigarrow acc = s[j] - BB_y - y_{id}$



Codierung bedingter Sprünge [3]

■ Herausforderung: Übertragung des Konzepts für bedingten Code

- Wie funktioniert hier die Umschaltung zwischen Grundblöcken?
 - Welcher der nächste Grundblock ist, hängt ja vom bedingten Sprung ab ...

⚠ Wiederrum gilt: Ungeschützte Stellen

- Das **Ergebnis der Entscheidung** könnte verfälscht werden
- Der **bedingte Sprung** selbst könnte verfälscht werden

☞ Das Ergebnis der Entscheidung muss absichert werden
→ Hier hilft es, dieses Ergebnis arithmetisch zu codieren

☞ Korrektheit des bedingten Sprungs muss sichergestellt werden
→ Hier helfen die IDs der angesprungenen Grundblöcke

- Sind vorab bekannt \rightsquigarrow geben an, in welchem Grundblock man sein muss

■ uncodierter Grundblock:

```
1 bb1:
2   cond = ...
3   br cond bbt bbf
      - cond speichert die Sprungentscheidung
      - br springt dann zu bbt (wahr) oder bbf (falsch)
```



Codierung bedingter Sprünge (Forts.)

Wie sieht das aus? Erläuterung anhand eines Beispiels aus [3].

```

1 bb1:
2   cond_c = ...
3   acc += cond_c % A
4   send(acc, bb1_id)
5
6   acc += delta[i]
7   i++
8   acc += bb1_id - BB_bbt - bbt_id - (A * 1 + B_cond)
9
10  cond = cond_c % A
11  acc += cond_c
12  br cond bbt bbf_cor

```

- 1 Anfangs: $acc = s[i] - BB_{bb1} - bb1_id$
- 2 Zeile 2-3: Bedingung wird codiert $\sim cond_c$
 - wahr $\sim cond_c = A \cdot 1 + B_{cond}$ und falsch $\sim A \cdot 0 + B_{cond}$
- 3 Zeile 4: sende $acc = s[i] - BB_{bb1} - bb1_id + B_{cond}$ an den „Watchdog“
- 4 Zeile 6-8: bereite acc für den Sprung auf bbt vor
 - Nun gilt $acc = s[i] - BB_{bbt} - bbt_id - (A \cdot 1 + B_{cond})$
- 5 Zeile 10-12: extrahiere Wert von $cond_c \sim$ aktualisiere acc und springe
 - Nun gilt $acc = s[i] - BB_{bbt} - bbt_id - (A \cdot 1 + B_{cond}) + cond_c$



Codierung bedingter Sprünge (Forts.)

Wie sieht das aus? Erläuterung anhand eines Beispiels aus [3].

```

1 bb1:
2   cond_c = ...
3   acc += cond_c % A
4   send(acc, bb1_id)
5
6   acc += delta[i]
7   i++
8   acc += bb1_id - ...
9
10  cond = cond_c % A
11  acc += cond_c
12  br cond bbt bbf_cor

```

- 6 für $cond = \text{wahr}$ bleibt nichts zu tun, schließlich gilt $cond_c = A \cdot 1 + B_{cond}$
 - Insgesamt gilt: $acc = s[i] - BB_{bbt} - bbt_id$, der Anfangswert für den Grundblock bbt
- 7 für einen Sprung zu bbf ist jedoch eine Korrektur notwendig
 - Schließlich wurde acc für einen Sprung zu bbt vorbereitet
- 8 Zeile 4: eingangs gilt $acc = s[i] - BB_{bbt} - bbt_id - A \cdot 1$
 - Hier gilt $cond_c = A \cdot 0 + B_{cond} = B_{cond}$
 - Korrigiert: $acc = s[i] - BB_{bbf} - bbf_id$, der Anfangswert für des Grundblocks bbf
- 9 nun kann weiter zu bbf gesprungen werden



Software Encoded Processor (SEP, [6])

Programme codiert in einem Interpreter ausführen

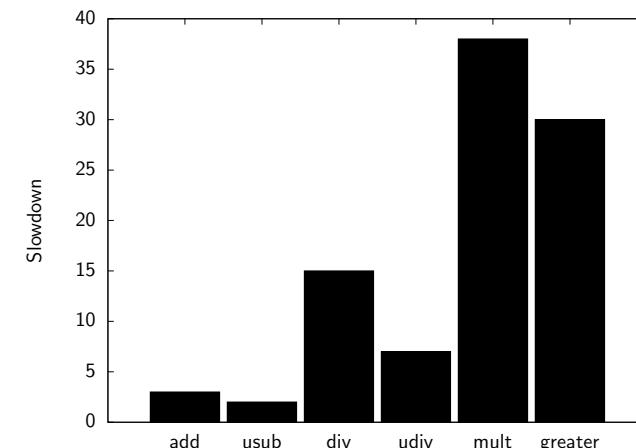
- Interpretiert binäre Maschinencodeabbilder eines Programms
 - Zielsystem ist der DLX-Prozessor
 - Ein RISC-Prozessor für akademische Anwendungsgebiete
 - Konstanten, Speicheradressen etc. werden zur Ladezeit codiert
 - Codierte Operationen sind in Software implementiert
- Fehlerinjektion \sim Fehlererkennungsrate ist sehr gut
 - Codierter Interpreter: keine fehlerhaften Ergebnisse
 - Nicht-codierte Ausführung:
 - Interpretiert: 4% der Ergebnisse fehlerhaft
 - Native Ausführung: 9% der Ergebnisse fehlerhaft
 - Interpreter verdeckt bereits diverse Fehler



Software Encoded Processor (SEP) (Forts.)

⚠ Sehr hohe Laufzeitkosten interpretierter codierter Operationen

- Im Vergleich zu interpretierten aber nicht-codierten Operationen
- Eine Multiplikation dauert 38-mal so lange ...



Compiler Based Encoding (CBE, [3])

Quelle Grafik: [3]

- Codierung wird **vor der Laufzeit durch einen Compiler** durchgeführt

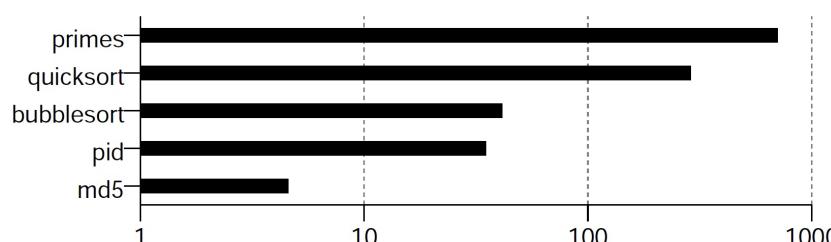
- Nicht mehr zur Laufzeit durch einen Interpreter

Hierfür muss aber der **Quelltext** vorhanden sein

- Nur in **Binärform** vorliegende Bibliotheken stellen ein Problem dar!
 - Hier kommen **Hüllfunktionen** (engl. *wrapper*) zum Einsatz
 - Diese extrahieren die eigentlichen Werte der codierten Variablen
 - Die Berechnung selbst findet dann nicht-codiert also ungeschützt statt

Allerdings sind die Geschwindigkeitszugewinne beträchtlich:

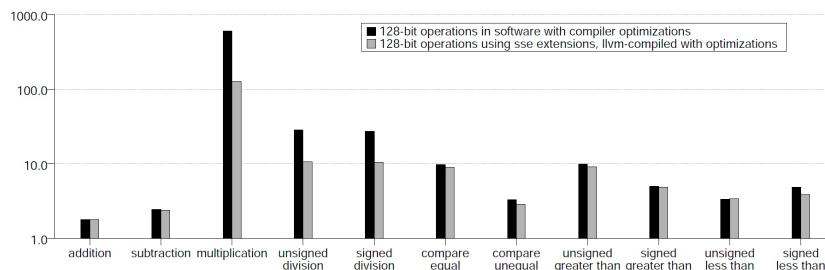
- Beschleunigung im Vergleich zum interpretierenden SEP



Compiler Based Encoding (CBE) (Forts.)

Quelle Grafik: [1]

- Direkt codierbare arithmetische Operationen



- Auch hier sind Laufzeitkosten zum Teil beträchtlich

- Addition und Subtraktion sind vergleichsweise günstig
 - Einfache Vergleichsoperationen sind aber relativ teuer

- Einzig Multiplikation und Division benötigen 128-bit Operationen

- Sie profitieren aber enorm von den SSE-Erweiterungen heutiger Prozessoren



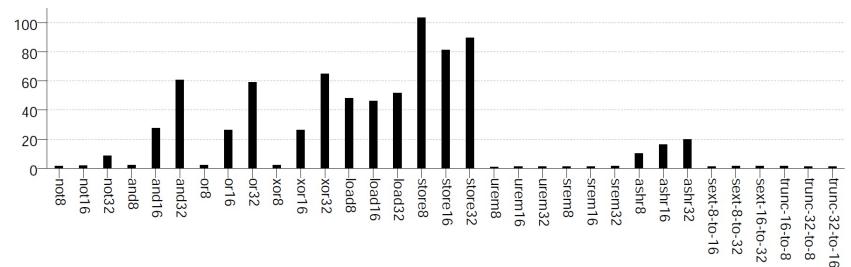
Compiler Based Encoding (CBE) (Forts.)

Quelle Grafik: [1]

- ⚠ Vergleich mit nativ ausgeführten Operationen

- Fördert die **wahren Laufzeitkosten** zutage

- Operationen, die nicht direkt codierbar sind:



- Das Speichern eines 8 Bit großen Wortes ist bis zu 100x langsamer

- Diese Operation besteht aus diversen Einzelschritten
 - Laden, bitweises Und, Schiebeoperation, ...

- Alle das muss in codierter Form ablaufen, all das ist teuer



Gliederung

1 Überblick

2 Grundlagen der Datencodierung

3 Arithmetisches Codierung

- AN, ANB, ANBD-Codes
- Arithmetische Codierung des Kontrollflusses
- Implementierungen

4 Combined Redundancy – CoRed

5 Zusammenfassung

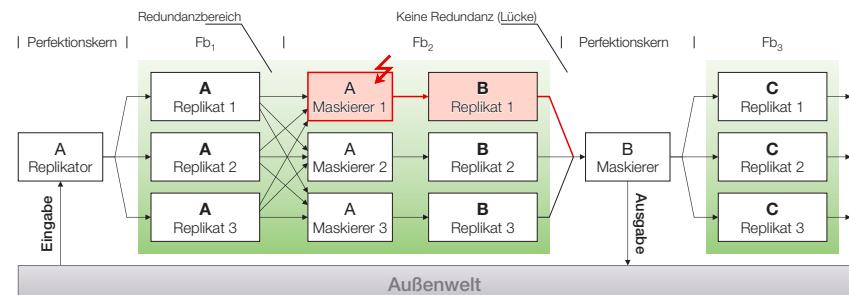


⚠ Probleme der arithmetischen Codierung

- Die codierte Ausführung kompletter Programme ist derzeit **zu teuer**
- Fehlerfortpflanzung über Berechnungen möglich
- Hohe Bandbreite für die Fehlerdiagnose (fehlerfreie Prüfinstanz?)

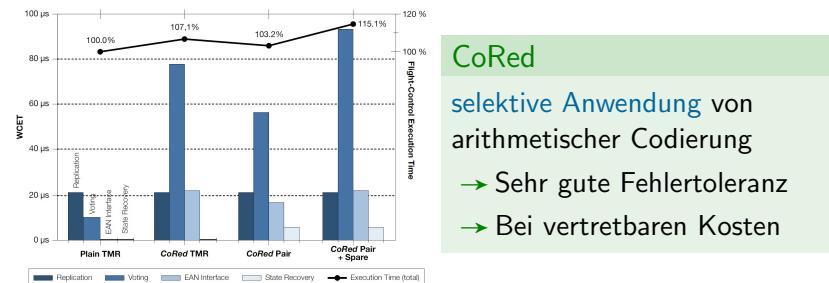
⚠ Probleme der Replikation

- Kritische Fehlerstellen in der Infrastruktur (vgl. VIII/20)
- Unvollständigkeit (Lücken) der Redundanz (**Redundanzbereich**)

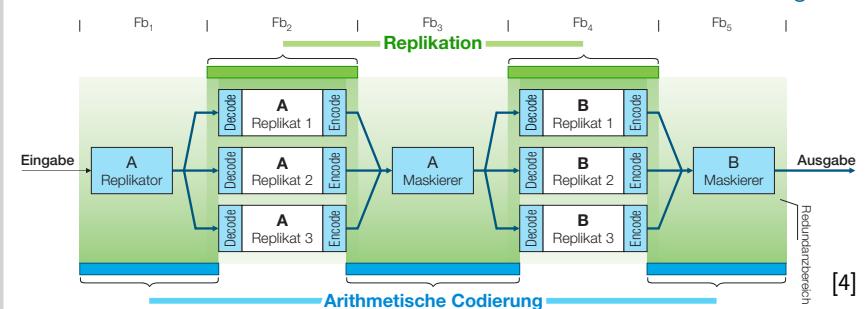


Combined Redundancy (CoRed) (Forts.)

Quelle Grafik: [5]



- Balkengrafik gibt **nur die Mehrkosten** der einzelnen Komponenten an
 - Also Mehrkosten für die replizierte Ausführung, Mehrheitsentscheid, ...
 - Der Aufwand für den Mehrheitsentscheid steigt durch Codierung enorm
 - Das sind die Datensätze „Plain TMR“ und „CoRed TMR“
- die Kurve bezieht sich auf die **gesamte Ausführungszeit**
 - „CoRed TMR“ benötigt hier also nur 7,1% mehr Zeit als „Plain TMR“
 - Würde man alles codieren, wäre man hier bei mehreren 100%
 - Selektive Anwendung arithmetischer Codierung bringt Kostenvorteile



⚠ Weitere redundante Rechenschritte sind nicht die optimale Lösung

- z.B. reduzieren redundante Einigungen zwar die Fehlerwahrscheinlichkeit
→ Beseitigen die **kritischen Bruchstellen** jedoch nie
- selektiver Einsatz der Codierung erscheint hingegen vielversprechend
- Genau diesen Weg beschreitet CoRed
 - Die eigentlich **Berechnung** wird durch Redundanz geschützt
 - Die **kritischen Bruchstellen** werden arithmetisch codiert

Gliederung

1 Überblick

2 Grundlagen der Datencodierung

3 Arithmetisches Codierung

- AN, ANB, ANBD-Codes
- Arithmetische Codierung des Kontrollflusses
- Implementierungen

4 Combined Redundancy – CoRed

5 Zusammenfassung

Fehlererkennung Möglichst ohne redundante Ausführung

- Erkennung von **Operanden-, Berechnungs- und Operatorfehlern**
→ Einsatz **räumlicher Redundanz** durch Prüfbits

Arithmetisch Codierung

- (nicht-)systematisch und (nicht-)separiert

AN-Codierung ~ Fehler im Wertbereich

- Codierung: **Multiplikation mit einem konstanten Faktor A**
- **Codierte Addition, Subtraktion, Multiplikation, Division**
- **Aussagenlogik, Schiebeoperatoren, Fließkommaarithmetik**

ANBD-Codierung Erweitert die AN-Codierung

- Um **statische Signaturen** und **dynamische Zeitstempel**
- Codierung des Kontrollflusses ~ **Signaturen für Grundblöcke**

CoRed-Ansatz ~ selektive Anwendung der ANBD-Codierung

- **Durchgehende arithmetische Codierung** wäre zu teuer



[1] FETZER, C. ; SCHIFFEL, U. ; SÜSSKRAUT, M. :
AN-Encoding Compiler: Building Safety-Critical Systems with Commodity Hardware.
In: BUTH, B. (Hrsg.) ; RABE, G. (Hrsg.) ; SEYFARHT, T. (Hrsg.): *Proceedings of the 28th International Conference on Computer Safety, Reliability, and Security (SAFECOMP '09)*.
Heidelberg, Germany : Springer-Verlag, 2009. –
ISBN 978-3-642-04467-0, S. 283–296

[2] FORIN, P. :
Vital coded microprocessor principles and application for various transit systems.
In: *Selected Papers from the IFAC/IFIP/IFORS Symposium on Control, computers, communications in transportation*.
Oxford, UK : Pergamon Press, Sept. 1989. –
ISBN 008037025X, S. 79–84

[3] SCHIFFEL, U. ; SCHMITT, A. ; SÜSSKRAUT, M. ; FETZER, C. :
ANB- and ANBDmem-encoding: detecting hardware errors in software.
In: SCHOITSCH, E. (Hrsg.): *Proceedings of the 29th International Conference on Computer Safety, Reliability, and Security (SAFECOMP '10)*.
Heidelberg, Germany : Springer-Verlag, 2010. –
ISBN 978-3-642-15650-2, S. 169–182



Literaturverzeichnis (Forts.)

[4] ULRICH, P. :
Ganzheitliche Fehlertoleranz in eingebetteten Softwaresystemen,
Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg, Diss., 2014

[5] ULRICH, P. ; HOFFMANN, M. ; KAPITZA, R. ; LOHMANN, D. ;
SCHRÖDER-PREIKSCHAT, W. ; SCHMID, R. :
Eliminating Single Points of Failure in Software-Based Redundancy.
In: *Proceedings of the 9th European Dependable Computing Conference (EDCC '12)*.

Washington, DC, USA : IEEE Computer Society Press, Mai 2012. –
ISBN 978-1-4673-0938-7, S. 49–60

[6] WAPPLER, U. ; FETZER, C. :
Software Encoded Processing: Building Dependable Systems with Commodity
Hardware.
In: SAGLIETTI, F. (Hrsg.) ; OSTER, N. (Hrsg.): *Proceedings of the 26th International Conference on Computer Safety, Reliability, and Security (SAFECOMP '07)*.
Heidelberg, Germany : Springer-Verlag, 2007. –
ISBN 978-3-540-75100-7, S. 356–369

