

# Verlässliche Echtzeitsysteme

## Übungen zur Vorlesung

Florian Franzmann   Tobias Klaus

Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg  
Lehrstuhl Informatik 4 (Verteilte Systeme und Betriebssysteme)  
<https://www4.cs.fau.de>

6. Juli 2015



- 1 Überblick
- 2 C-Quiz Teil VI
- 3 Wiederholung Software-TMR
- 4 Eliminierung von Bruchstellen in TMR
- 5 Aufgabenstellung



- 1 Überblick
- 2 C-Quiz Teil VI**
- 3 Wiederholung Software-TMR
- 4 Eliminierung von Bruchstellen in TMR
- 5 Aufgabenstellung



- C99
- x86 bzw. x86-64, d. h.
  - vorzeichenbehaftete Integer als Zweierkomplement implementiert
  - char hat 8 Bit
  - short hat 16 Bit
  - int hat 32 Bit
  - long hat 32 Bit auf x86 und 64 Bit auf x86-64



## Frage 16

---

Angenommen  $x$  hat Typ `int`. Ist  $x + 1 \dots$

1. definiert für alle Werte
2. definiert für manche Werte
3. definiert für keinen Wert

von  $x$ ?



## Frage 16

Angenommen  $x$  hat Typ `int`. Ist  $x + 1 \dots$

1. definiert für alle Werte
2. definiert für manche Werte
3. definiert für keinen Wert

von  $x$ ?

### Erklärung

- nicht definiert genau dann, wenn `INT_MAX`



## Frage 17

---

Angenommen  $x$  hat Typ `int`. Ist  $x - 1 + 1 \dots$

1. definiert für alle Werte
2. definiert für manche Werte
3. definiert für keinen Wert

von  $x$ ?



## Frage 17

Angenommen  $x$  hat Typ `int`. Ist  $x - 1 + 1 \dots$

1. definiert für alle Werte
2. definiert für manche Werte
3. definiert für keinen Wert

von  $x$ ?

### Erklärung

- additive Operatoren sind linksassoziativ
- ⇒ nicht definiert für `INT_MIN`



## Frage 18

---

Angenommen  $x$  hat Typ `int`. Ist `(short)x + 1 ...`

1. definiert für alle Werte
2. definiert für manche Werte
3. definiert für keinen Wert

von  $x$ ?



## Frage 18

Angenommen  $x$  hat Typ `int`. Ist `(short)x + 1 ...`

1. definiert für alle Werte
2. definiert für manche Werte
3. definiert für keinen Wert

von  $x$ ?

### Erklärung

- wenn  $x$  nicht in `short` passt  
    ↪ implementierungsabhängig



- 1 Überblick
- 2 C-Quiz Teil VI
- 3 Wiederholung Software-TMR**
- 4 Eliminierung von Bruchstellen in TMR
- 5 Aufgabenstellung



# Klassische “Triple Modular Redundancy” (TMR)



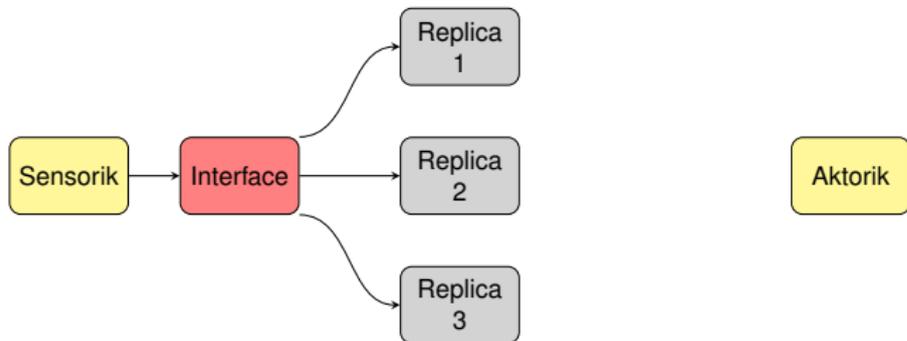
# Klassische “Triple Modular Redundancy” (TMR)



- Schnittstelle sammelt Eingangsdaten (Replikdeterminismus)



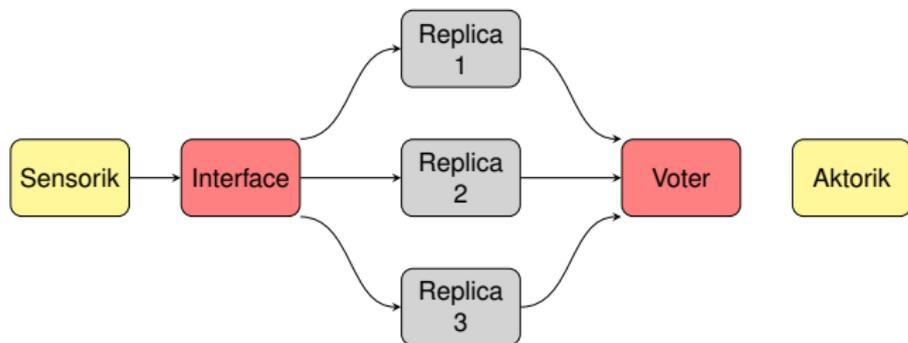
# Klassische “Triple Modular Redundancy” (TMR)



- Schnittstelle sammelt Eingangsdaten (Replikdeterminismus)
- Verteilt Daten und aktiviert Replikate



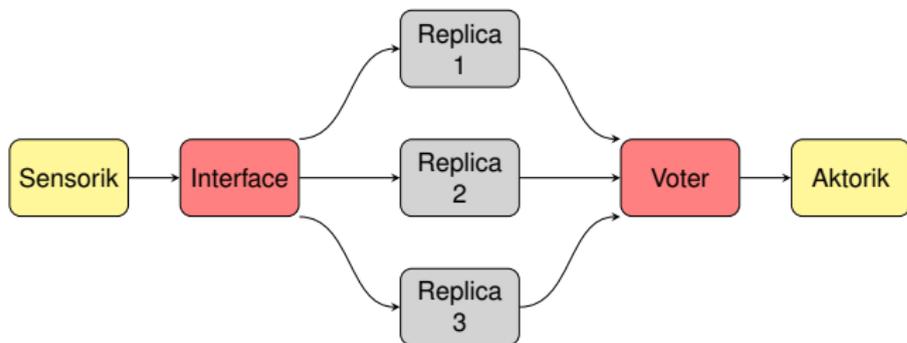
# Klassische “Triple Modular Redundancy” (TMR)



- Schnittstelle sammelt Eingangsdaten (Replikdeterminismus)
- Verteilt Daten und aktiviert Replikate
- Mehrheitsentscheider (Voter) wählt Ergebnis



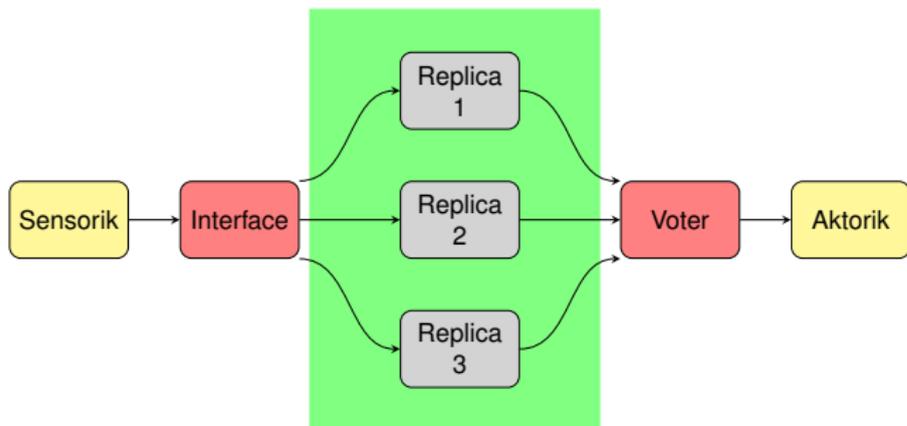
# Klassische “Triple Modular Redundancy” (TMR)



- Schnittstelle sammelt Eingangsdaten (Replikdeterminismus)
- Verteilt Daten und aktiviert Replikate
- Mehrheitsentscheider (Voter) wählt Ergebnis
- Ergebnis wird an Aktuator versendet



# Klassische “Triple Modular Redundancy” (TMR)

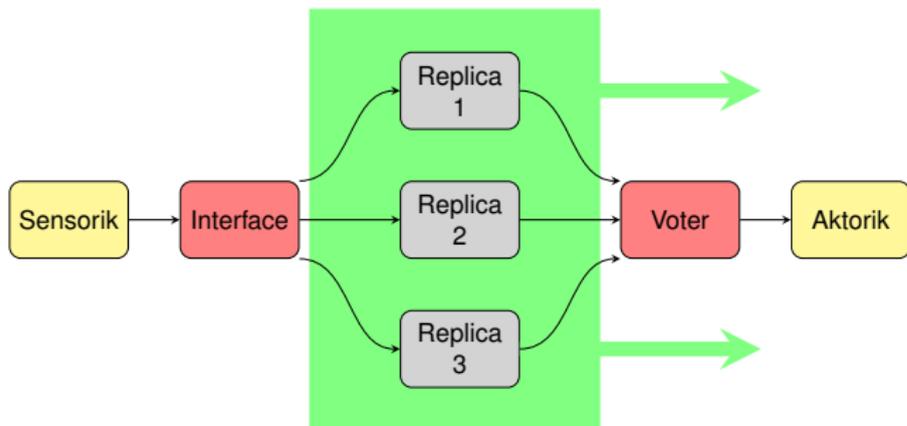


Redundanzbereich

Ausschließlich Replikatausführung.



# Klassische "Triple Modular Redundancy" (TMR)



## Redundanzbereich

Ausschließlich Replikatausführung.

- ~ Erweiterung der Ausgangsseite mit Informationsredundanz
- ~ Mehrheitsentscheid über codierte Prüfsumme



- 1 Überblick
- 2 C-Quiz Teil VI
- 3 Wiederholung Software-TMR
- 4 Eliminierung von Bruchstellen in TMR**
- 5 Aufgabenstellung



nach Forin 1989: "Vital coded microprocessor principles and application for various transit systems" [1]

- Arithmetisch codierter Wert  $V_C$
- Ausgangswert


$$V_C = V$$



# Erweiterte arithmetische Codierung

nach Forin 1989: "Vital coded microprocessor principles and application for various transit systems" [1]

- Arithmetisch codierter Wert  $V_C$
- Ausgangswert

$$V_C = V * A$$

- Schlüssel

Bitfehlererkennung  
(Restfehlerwahrscheinlichkeit  
 $P = 1/A$ )



# Erweiterte arithmetische Codierung

nach Forin 1989: "Vital coded microprocessor principles and application for various transit systems" [1]

- Arithmetisch codierter Wert  $V_C$
- Ausgangswert

$$V_C = V * A + B_V$$

- Schlüssel
- Variablenspezifische Signatur

Adressierungsfehlererkennung



# Erweiterte arithmetische Codierung

nach Forin 1989: "Vital coded microprocessor principles and application for various transit systems" [1]

- Arithmetisch codierter Wert  $V_C$
- Ausgangswert

$$V_C = V * A + B_V + D$$

- Schlüssel
- Variablenspezifische Signatur
- Zeitstempel

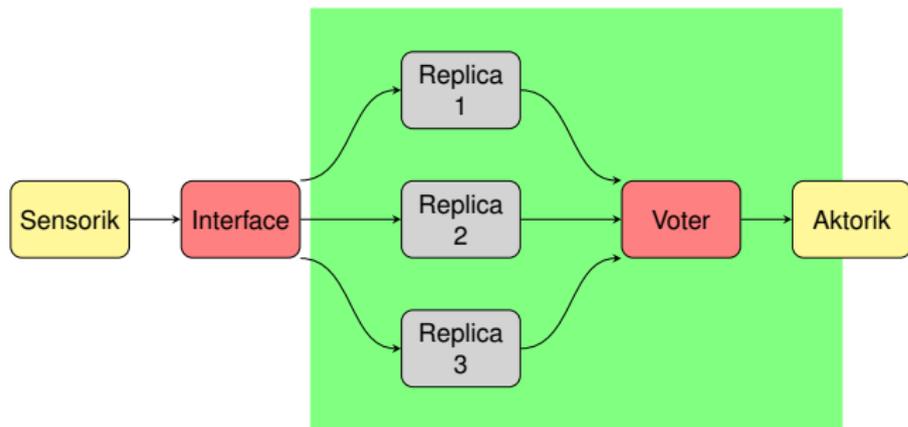
Erkennung  
veralteter Daten



- Schlüssel  $A$  sollte so groß wie möglich sein:
  - ↪ Möglichst geringe Restfehlerwahrscheinlichkeit ( $P = 1/A$ )
- Wertebereich des dynamischen Zeitstempels
  - $D = \{x \mid x \in \mathbb{N}_0 \wedge x \leq D_{max}\}$
  - Zeitstempel darf überlaufen:  $D_{max} + 1 = 0$
- Für jede Signatur  $B_*$  muss dann gelten
  - $B_* + D_{max} < A$
  - Die minimale Distanz zwischen jeweils zwei Signaturen im System muss kleiner  $D_{max}$  sein:  $\forall i, j : |B_i - B_j| < D_{max}$



# Erweiterung I – codierte Ausgangswerte



- Replikate liefern arithmetisch codierte Ergebnisse
- Mehrheitsentscheid auf codierten Prüfsummen
- Übertragung codierter Ergebnisse



## Für diese Übungsaufgabe:

- Keine Datendiversität am Eingang
- Kein Zeitstempel
- Nur Absicherung der Ausgangsseite!



# EAN Vergleichsoperator

- Voting basiert auf codierter Vergleichsoperation:

$$\rightsquigarrow X_C = Y_C \Rightarrow X * A + B_X = Y * A + B_Y$$

- Im fehlerfreien Fall gilt:

$$X = Y, A = A \text{ aber } B_X \neq B_Y !$$

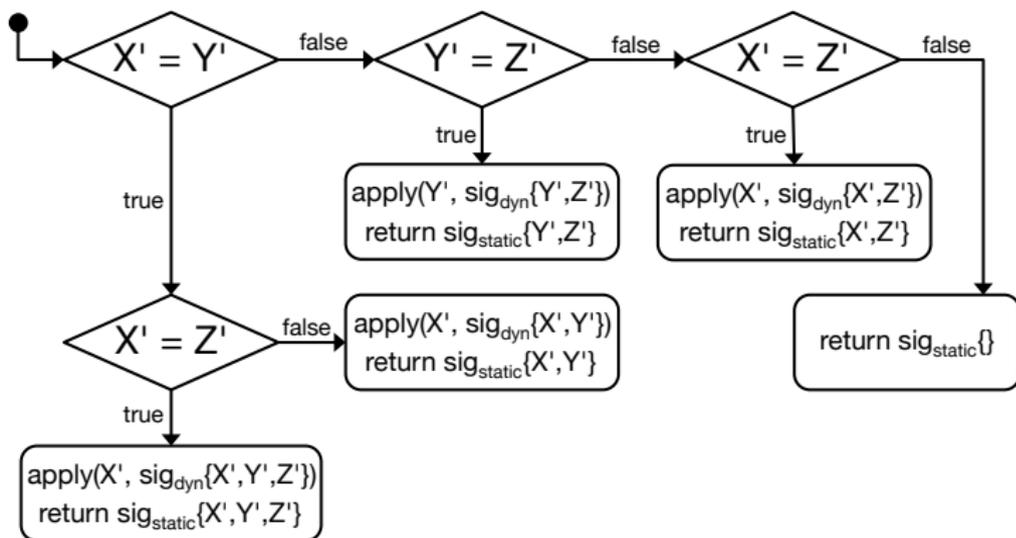
- Rohwerte sind identisch
- Schlüssel ist per Definition identisch
- Signaturen sind unterschiedlich (aber konstant!)

## Bestimmung der Gleichheit durch Differenzbildung:

$$\rightsquigarrow X_C - Y_C = B_X - B_Y = \text{const.}$$



# Codierter Mehrheitsentscheid



- Bestimmung von dynamischer und statischer Signatur:

~>  $\text{sig}_{\text{dyn}}(X', Y') : X' = Y' \Rightarrow X' - Y'$

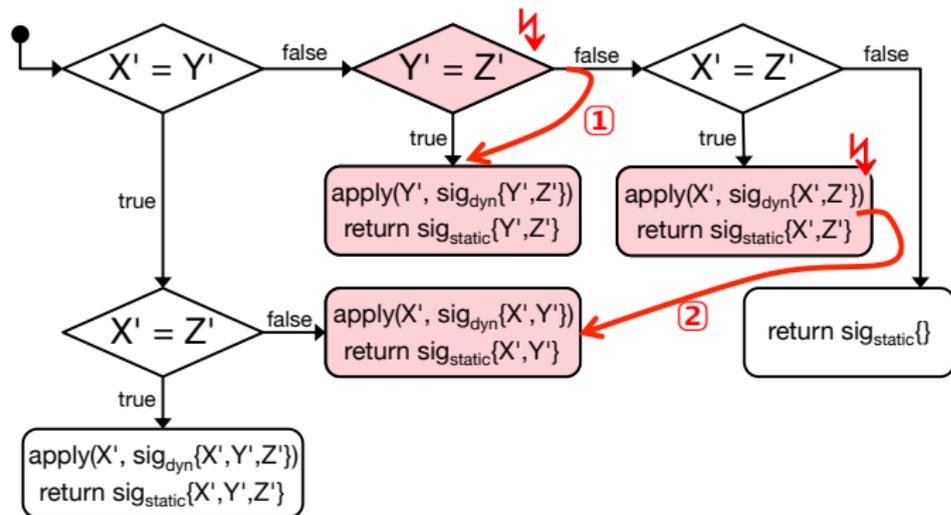
~>  $\text{sig}_{\text{static}}(X', Y') : X' = Y' \Rightarrow B_X - B_Y$

1. Vergleichsoperation wird durchgeführt (z. B.  $X' = Y' \wedge X' = Z'$ )
  - Berechnung von  $sig_{dyn}$
  - Vergleich mit  $sig_{static}$
2. Verzweigungsentscheidung wird nachberechnet:
  - Wiederholte (redundante) Berechnung von  $sig_{dyn}$
  - Addiere  $sig_{dyn}$  (*apply*) zum gewählten Ergebnis
3. Konstante Signatur des durchlaufenen Zweiges identifiziert Gewinner (Rückgabewert:  $sig_{static}$ )
  - Akteur wählt entsprechendes Replikatergebnisse
  - führt inverse Operation zu *apply* durch

Im Voter wurde die *dynamisch berechnete Signatur der Verzweigungsentscheidung* hinzuaddiert. Im Akteur wird mit der entsprechenden *konstanten Signatur zurückgerechnet*.



# Codierter Mehrheitsentscheid - Fehlerfall

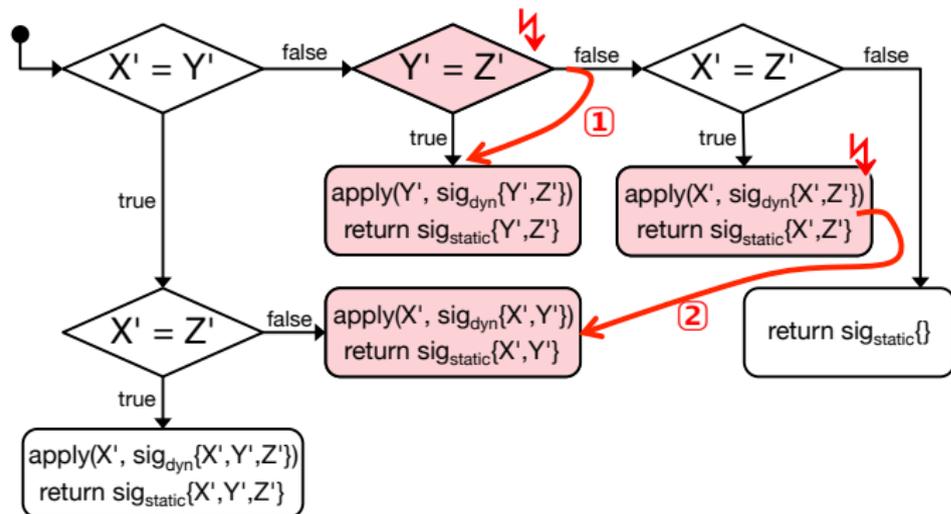


## 1. Falsche Verzweigungsentscheidung: ( $Y' \neq Z'$ )

- $Y'$  wird als korrekt angenommen,  $sig_{dyn}$  wird berechnet
- allerdings ist  $sig_{dyn}$  tatsächlich  $\neq sig_{static}$
- Fehler wird bei der inversen Operation zu *apply* erkannt



# Codierter Mehrheitsentscheid - Fehlerfall



## 2. Falscher (plötzlicher) Sprung

- $X'$  wird als korrekt erkannt,  $\text{sig}_{dyn}$  wird erneut berechnet
- Ein fehlerhafter Sprung zu einem anderen Block führt zu einem inkonsistenten Rückgabewert  $\text{sig}_{static}\{X', Z'\}$
- $\text{sig}_{dyn}\{X', Y'\} \neq \text{sig}_{static}\{X', Z'\}$  wird beim decodieren erkannt



- 1 Überblick
- 2 C-Quiz Teil VI
- 3 Wiederholung Software-TMR
- 4 Eliminierung von Bruchstellen in TMR
- 5 Aufgabenstellung**



## Aufgabe

- Erweitern Sie Ihre Filterimplementierung um TMR
  - Sichern Sie den Voter per EAN ab
- 
- Jedes Replikat hat genau einen Ausgabewert (integer  $\mapsto$  enc\_t):  
Eine kodierte Prüfsumme des Ergebnisses
    - ↪ Legen Sie für jede der drei Ausgabewerte ( $X'$ ,  $Y'$ ,  $Z'$ ) jeweils *unterschiedliche* aber *konstante* Signaturen ( $SIG_X$ ,  $SIG_Y$ ,  $SIG_Z$ ) fest
  - Nutzen Sie für  $X'$  den nächstgrößeren Datentyp zu  $X$ 
    - ↪ Wählen Sie eine Zahl  $A$  mit möglichst großem Hamming-Abstand, *vermeiden Sie* dabei mögliche *Überläufe bei der Codierung*



- In dieser Aufgabe betrachten wir nur die Ausgangsseite
- Die Eingangsseite bleibt vorerst „ungeschützt“
- die besten Kandidaten findet ihr hier:  
[www4.cs.fau.de/Research/CoRed/experiments](http://www4.cs.fau.de/Research/CoRed/experiments)
  - 8 Bit-Schlüssel: 185 und 233 ( $d_h = 4$ )
  - 16 Bit-Schlüssel: 58659, 59665, 63157, 63859 und 63877 ( $d_h = 6$ )

Für jede Operation zwischen zwei codierten Werten

ist eine eigene Funktion mit konstanten Signaturwerten notwendig!



# Fragen?

