

BP 2 Unity: Grundidee, Syntax und Semantik

8	<p>Unity: Grundlage für den Entwurf nebenläufiger Programme</p> <p><i>Chandy, K. M.; Misra, J.: Parallel Program Design - A Foundation. Addison-Wesley Publishing Company, Reading, Massachusetts, 1989.</i></p>
8.1	<p>Grundidee, Syntax und Semantik</p> <p>8.1.1 Grundidee</p> <ul style="list-style-type: none"><input type="checkbox"/> Beschreibung der "Aufgabe" reaktiver Programmsysteme durch Eigenschaften ihrer Abläufe und der zugehörigen Zustandsfolgen.<input type="checkbox"/> Trennung zwischen Lösung des eigentlichen Problems und Fragen der Implementierung<ul style="list-style-type: none">• Befehlszähler durch allgemeine Forderung an nebenläufige Aktionen ersetzen, alle Aktivitäten als zyklische Prozesse.• Ablaufplan "Fairness", d. h. in einem unendlichen Ablauf tritt jede Zuweisung unendlich oft auf.
19.07.99	Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.1

BP 2 Unity: Grundidee, Syntax und Semantik

	<ul style="list-style-type: none"><input type="checkbox"/> Ziel: Bessere Verständlichkeit von Programmen und "Wiederverwendbarkeit" für verschiedene Architekturen<ul style="list-style-type: none">• Programmentwicklung erfolgt stufenweise.• Nach der Lösung des Grundproblems schrittweise Optimierung zur Nutzung der gegebenen Hardware-Möglichkeiten durch "Transformationen"<input type="checkbox"/> Zentrale Eigenschaften:<ul style="list-style-type: none">◆ Indeterminismus In frühen Phasen der Programmentwicklung keine Aussage über die Abarbeitungsreihenfolge.◆ Keine Kontrollflusskontrolle Sicht auf Programme ist nicht mehr von vornherein sequentiell.◆ Synchronität und Asynchronität Beides kann im Modell erfaßt werden.◆ Zustände und Zuweisungen Modell basiert auf Theorie der Zustandsübergänge und auf Grundelementen von Programmiersprachen.◆ Aber: Die traditionelle von-Neumann-Sicht (Befehlszähler, nur ein Speichertransfer zu jedem Zeitpunkt) wird aufgegeben.
19.07.99	Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.2

BP 2 Unity: Grundidee, Syntax und Semantik

8.1.2 Syntax von Unity-Programmen

```
program      → Program      program-name
              declare      declare-section
              // Deklaration der Zustandsvariablen
              always      always-section
              // Definition von Variablen als Funktion anderer
              initially   initially-section
              // Prädikat, das der Anfangs-zustand erfüllen muß
              assign      assign-section
              // Zuweisungen, die die Zustandsübergänge beschreiben
end
```

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.3

BP 2 Unity: Grundidee, Syntax und Semantik

8.1.3 Vereinbarungen

Syntax ähnlich Pascal

Beispiel: `declare z: array[0 .. n] of integer`

8.1.4 Zuweisungen

◆ Mehrfachzuweisungen, zwei Schreibweisen:

`x, y, z := f(x, y, z), g(x, y, z), h(x, y, z)` oder

`x := f(x, y, z) || y := g(x, y, z) || z := h(x, y, z)`

◆ Abkürzung durch “Quantifizierung”:

Anstelle von `A[0] := B[0] || A[1] := B[1] || ... || A[N] := B[N]`

quantifiziert `< || i: 0 ≤ i ≤ N :: A[i] := B[i] >`

Beispiel: Vorbesetzung einer Einheitsmatrix

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.4

BP 2 Unity: Grundidee, Syntax und Semantik

$\langle \parallel i, j: 0 \leq i \leq N \wedge 0 \leq j \leq N \wedge i \neq j :: U[i, j] := 0 \rangle$
 $\parallel \langle \parallel i: 0 \leq i \leq N :: U[i, i] := 1 \rangle$

◆ **Bedingte Zuweisung**

$x := \begin{array}{lll} -1 & \text{if} & y < 0 \\ 0 & \text{if} & y = 0 \\ 1 & \text{if} & y > 0 \end{array} \sim$

Beispiel: Vorbesetzung einer Einheitsmatrix

$\langle \parallel i, j: 0 \leq i \leq N \wedge 0 \leq j \leq N :: U[i, j] := 0 \text{ if } i \neq j \sim 1 \text{ if } i = j \rangle$

◆ **Nichtdeterministische Auswahl beschrieben durch Operator [].**

Mit [] getrennte Zuweisungen werden nichtdeterministisch zur Ausführung ausgewählt unter Einhaltung der schwachen Fairneß.

Beispiel: Vorbesetzung einer Einheitsmatrix

$\langle [] i, j: 0 \leq i \leq N \wedge 0 \leq j \leq N :: U[i, j] := 0 \text{ if } i \neq j \sim 1 \text{ if } i = j \rangle$

oder

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.5

BP 2 Unity: Grundidee, Syntax und Semantik

$\langle \parallel i, j: 0 \leq i \leq N \wedge 0 \leq j \leq N \wedge i \neq j :: U[i, j] := 0 \rangle$
 $\parallel \langle \parallel i: 0 \leq i \leq N :: U[i, i] := 1 \rangle$

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.6

BP 2 Unity: Grundidee, Syntax und Semantik

8.1.5 Initialisierung

- ◆ Syntax analog Zuweisung, wobei anstelle von `:=` das Gleichheitszeichen `=` steht
- ◆ Die Gleichungen müssen so angeordnet werden können, daß der zugewiesene Wert eine Funktion von Konstanten oder Anfangswerten vorher initialisierter Variablen ist.

Beispiel:

$$B[0] = 0 \parallel N = 2$$

$$\langle \parallel i: 0 < i \leq N :: A[i] = B[i-1] \rangle \quad B[i] = A[i]$$

8.1.6 Der ALWAYS-Abschnitt

- ◆ Syntax analog Initialisierung
- ◆ Dient der Definition von Variablen als Funktion von anderen.
- ◆ Legt Invarianten des Programms fest.
- ◆ Dient lediglich der übersichtlicheren und verständlicheren Darstellung.

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.7

BP 2 Unity: Grundidee, Syntax und Semantik

8.1.7 Beispiel: Terminplanung

- N Beteiligte suchen Termin für das nächstmögliche ganztägige Treffen.
- Kalenderfunktion `i.f(x)` ermittelt zu einem Datum `x` das früheste, nicht vor `x` liegende Datum, zu dem der Terminkalender des `i`-ten Beteiligten noch keinen Eintrag enthält.

- Programm

```
Program P2
  declare  r: integer;
  initially r = 0
  assign   []i: 0 ≤ i ≤ N :: r := i.f(r)
end {P2}
```

- Ergebnis ist der sich einstellende Fixpunkt, falls er existiert.

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.8

BP 2 Unity: Basisrelationen

8.2

Basisrelationen zur Beschreibung des Programmverhaltens

8.2.1

Zusicherungstechnik nach Floyd-Hoare

$\{p\} s \{q\}$ besagt, daß die Ausführung der Anweisung s in einem Zustand, der das Prädikat p erfüllt, zu einem Zustand führt, der das Prädikat q erfüllt.

Einige wichtige Aussagen:

- $\{p\} s \{\text{true}\}$
- $\{\text{false}\} s \{q\}$
- $\underline{\{p\} s \{\text{false}\}}$
 $\neg p$
- $$\frac{\{p\} s \{q\}, \{p'\} s \{q'\}}{\{p \vee p'\} s \{q \vee q'\}, \{p \wedge p'\} s \{q \vee q'\}}$$
- $$\left\{ (b_0 \Rightarrow q_{e_0}^x) \wedge \dots \wedge (b_n \Rightarrow q_{e_n}^x) \wedge ((\neg b_0 \wedge \dots \wedge \neg b_n) \Rightarrow q) \right\}$$

 $x := e_0 \text{ if } b_0 \sim \dots \sim e_n \text{ if } b_n \quad \{q\}$

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.9

BP 2 Unity: Basisrelationen

8.2.2

Die Relation **unless**

Definition der Relation unless

Quantifizierung über die Anweisungen eines Programms

F sei ein Programm

• $\langle \forall s (s \text{ in } F \Rightarrow \{p\} s \{q\}) \rangle$ soll zum Ausdruck bringen, daß für alle Anweisung s des Programms F die Aussage $\{p\} s \{q\}$ zutrifft.

• $\langle \exists s (s \text{ in } F \Rightarrow \{p\} s \{q\}) \rangle$ soll zum Ausdruck bringen, daß auf wenigstens eine Anweisung des Programms F die Aussage $\{p\} s \{q\}$ zutrifft.

F sei ein Programm, **s** eine Anweisung

Definition: $p \text{ unless } q \equiv \langle \forall s: s \text{ in } F :: \{p \wedge \neg q\} s \{p \vee q\} \rangle$

Informell: Wenn p erst einmal gültig ist, dann bleibt es mindestens bis zum Eintreten von q gültig.

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.10

BP 2 Unity: Basisrelationen

□ Beispiel: Der Wert der Variablen x ist unbegrenzt monoton wachsend

$x = k$ unless $x > k$

◆ Spezialfälle:

stable $p \equiv p$ unless false

invariant $q \equiv (\text{initial condition} \Rightarrow q) \wedge q \text{ is stable}$

◆ Bemerkung:

stable p ist äquivalent zu $\forall s (s \text{ in } F \Rightarrow \{p\} s \{p\})$,
d. h. p wird von jeder Anweisung des Programms bewahrt.

◆ Der Always-Abschnitt eines Programms kann als Definition einer Invarianten angesehen werden.

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.11

BP 2 Unity: Basisrelationen

8.2.3 Die Relation ensures

□ Definition der Relation ensures

$p \text{ ensures } q \equiv (p \text{ unless } q \wedge \langle \exists s: s \text{ in } F :: \{p \wedge \neg q\} s \{q\} \rangle)$

□ Beispiel: Der Wert der Variablen x ist unbegrenzt monoton wachsend

$x = k$ ensures $x > k$

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.12

BP 2 Unity: Basisrelationen

8.2.4 Die Relation **leads-to** (\rightarrow)

Definition der Relation **leads-to**

Es gilt $p \rightarrow q$ genau dann, wenn es auf Grund des folgenden Regelsystems ableitbar ist:

$$\frac{p \text{ ensures } q}{p \rightarrow q}$$

(Transitivität)

$$\frac{p \rightarrow q, q \rightarrow r}{p \rightarrow r}$$

(Disjunktivität)

$$\frac{\forall m (m \in W \Rightarrow p(m) \rightarrow q)}{(\exists m (m \in W \wedge p(m))) \rightarrow q}$$

wobei W eine Menge möglicher Argumente für $p(x)$ ist

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.13

BP 2 Unity: Basisrelationen

8.2.5 Fixpunkt



Sei R eine zu einer Ausführungsfolge gehörige Zustandsfolge.

Dann besitzt jedes Element R_i von R eine Komponente

$R_i.state$, die den Zustand der Variablen darstellt, und eine Komponente

$R_i.label$, die die Zuweisung charakterisiert, die zu $R_{i+1}.state$ führt.

$R_0.state$ bezeichnet den Anfangszustand.



Das **Fixpunktprädikat FP** eines Programms G ist folgendermaßen definiert:

$\forall s (s \text{ in } G \wedge s \text{ is } X := E \Rightarrow (X = E))$

oder im Zustandsmodell

$FP[R_i] \equiv \langle \forall j (j \geq i \Rightarrow R_i.state = R_j.state) \rangle.$

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.14

BP 2 Unity: Basisrelationen

8.2.6 Die Relationen **detects** und **until**

Definitionen

$$p \text{ detects } q \equiv (p \Rightarrow q) \wedge (q \mapsto p)$$

$$p \text{ until } q \equiv (p \text{ unless } q) \wedge (p \mapsto q)$$

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.15

BP 2 Unity: Basisrelationen

8.2.7 Wichtige Theoreme

unless

- Reflexivität

$$p \text{ unless } p$$

- Antireflexivität

$$p \text{ unless } \neg p$$

- Abschwächung der Nachbedingung

$$\frac{p \text{ unless } q, q \Rightarrow r}{p \text{ unless } r}$$

- Konjunktion und Disjunktion

$$\frac{\begin{array}{c} p \text{ unless } q, p' \text{ unless } q' \\ \hline (p \wedge p') \text{ unless } (p \wedge q') \vee (p' \wedge q) \vee (q \wedge q') \\ (p \vee p') \text{ unless } (\neg p \wedge q') \vee (\neg p' \wedge q) \vee (q \wedge q') \end{array}}{}$$

- Kürzung

$$\frac{p \text{ unless } q, q \text{ unless } r}{p \vee q \text{ unless } r}$$

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.16

BP 2 Unity: Basisrelationen

ensures

- Reflexivität
- $p \text{ ensures } p$
- Abschwächung der Nachbedingung

$$\frac{p \text{ ensures } q, q \Rightarrow r}{p \text{ ensures } r}$$

- Unmöglichkeit

$$\frac{p \text{ ensures } \text{false}}{\neg p}$$

- Konjunktion

$$\frac{p \text{ unless } q, p' \text{ ensures } q'}{p \wedge p' \text{ ensures } (p \wedge q') \vee (p' \wedge q) \vee (q \wedge q')}$$

- Disjunktion

$$\frac{p \text{ ensures } q}{p \vee r \text{ ensures } q \vee r}$$

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.17

BP 2 Unity: Basisrelationen

leads-to

- Implikation

$$\frac{p \Rightarrow q}{p \mapsto q}$$

- Unmöglichkeit

$$\frac{p \mapsto \text{false}}{\neg p}$$

- Disjunktion

Für jede Menge W gilt:

$$\frac{\langle \forall m (m \in W \Rightarrow p(m) \mapsto q(m)) \rangle}{\langle \exists m (m \in W \wedge p(m)) \rangle \mapsto \langle \exists m (m \in W \wedge q(m)) \rangle}$$

- Kürzung

$$\frac{p \mapsto q \vee b, b \mapsto r}{p \mapsto q \vee r}$$

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.18

BP 2 Unity: Basisrelationen

□ leads-to (Fortsetzung)

- PSP-Theorem (Progress-Safety-Progress)

$$\frac{p \mapsto q, r \text{ unless } b}{p \wedge r \mapsto (q \wedge r) \vee b}$$

- Fertigstellung

$$\frac{\begin{array}{c} \langle \forall i (p_i \mapsto q_i \vee r) \rangle \\ \langle \forall i (q_i \text{ unless } r) \rangle \end{array}}{\langle \wedge i (p_i) \rangle \mapsto \langle \wedge i (q_i) \rangle \vee r}$$

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.19

BP 2 Unity: Basisrelationen

□ Fixpunkt

- Stabilität im Fixpunkt

Für jedes Prädikat p ist $(FP \wedge p)$ stabil.

- Korollar

$$\frac{p \mapsto q}{FP \Rightarrow (p \Rightarrow q)}$$

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.20

BP 2 Unity: Erfassung der Systemarchitektur

8.3	<p>Erfassung der Systemarchitektur</p> <p>Mappings beschreiben informal Eigenschaften der Architektur des Rechensystems und ihre Auswirkung auf UNITY-Programme.</p>
8.3.1	<p>Asynchrone Prozessoren mit lokal gemeinsamen Speichern (Multiprozessoren)</p> <ol style="list-style-type: none">1. Jede Anweisung wird einem bestimmten Prozessor zugeordnet.2. Jede Variable wird einem bestimmten Speicher zugeordnet.3. Für jeden Prozessor wird die Reihenfolge festgelegt, in der er die Anweisungen ausführt. <p><input type="checkbox"/> Diese Abbildung unterliegt folgenden Einschränkungen:</p> <ol style="list-style-type: none">1. Alle Variablen auf der linken Seite einer Zuweisung sind in Speichern hinterlegt, deren Inhalt von dem Prozessor, dem die Zuweisung zugeordnet ist, modifiziert werden kann.2. Alle Variablen auf der rechten Seite einer Zuweisung sind in Speichern hinterlegt, deren Inhalt von dem Prozessor, dem die Zuweisung zugeordnet ist, gelesen werden kann.3. Für jeden Prozessor stellt die Ausführungsreihenfolge sicher, daß jede ihm zugewiesene Anweisung unendlich oft zur Ausführung kommt.

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.21

BP 2 Unity: Erfassung der Systemarchitektur

8.3.2	<p>Verteilte Systeme (Prozessoren mit lokalem Speicher und Verbindungskanälen)</p> <ol style="list-style-type: none">1. Jede Zuweisung wird einem bestimmten Prozessor zugeordnet.2. Jede Variable wird dem lokalen Speicher oder einem Kanal zugeordnet.3. Für jeden Prozessor wird die Reihenfolge festgelegt, in der er die Anweisungen ausführt. <p><input type="checkbox"/> Diese Abbildung unterliegt folgenden Einschränkungen:</p> <ol style="list-style-type: none">1. Jedem Kanal ist höchstens eine Variable zugeordnet und diese Variable ist vom Typ Sequenz (FIFO-Kanal).2. Eine Variable, die einem Kanal zugeordnet ist, kommt nur in Anweisungen zweier Prozessoren vor und diese haben eine der folgenden Formen:<ul style="list-style-type: none">• Anweisungen eines der Prozessoren modifizieren die Variable durch Anfügen eines Wertes, solange die Sequenz eine bestimmte Länge (Pufferlänge) nicht überschreitet.• Anweisungen des anderen Prozessors modifizieren die Variable durch Entfernen des ersten Wertes der Sequenz, falls ihre Länge größer als null ist.• Die Variable wird auf keine andere Weise benutzt.
-------	--

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.22

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

8.4 Anwendungsbeispiel: Verteilte Terminierungsentdeckung

8.4.1 Definition des generischen Entdeckungsproblems

8.4.1.1 Programmüberlagerungen

Gegeben sei ein Programm F und eine stabile Eigenschaft W dieses Programms.

Durch **Überlagerung** entstehe daraus ein Programm mit einer neuen Variablen *claim*, so daß gilt: *claim* detects W .

Unter Überlagerung wird verstanden:

Hinzufügen von Variablen, einschließlich ihrer Initialisierung,

Erweitern der Zuweisungen durch neue parallele Zuweisungen und

Hinzufügen neuer Zuweisungen,

wobei die neuen Zuweisungen keine Variablen von W verändern.

F wird als das **unterliegende** Programm bezeichnet.

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.23

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

Überlagerungssatz

Alle in den Basisrelationen ausdrückbaren gültigen Prädikate des unterliegenden Programms sind auch in jeder Überlagerung erfüllt.

8.4.1.2 Beispiel zur Motivation

$W \equiv (\text{die Anzahl der ausgeführten Befehle übersteigt } 10)$

```
Program {superposition} P1
  initially count = 0 [] claim = false
  transform
    each statement s in the underlying program to:
      s || count := count + 1
    add  claim := (count > 10)
  end {P1}
```

- Folgerung

claim detects (count > 10)

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.24

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

8.4.2 Heuristiken

1. Direkte Implementierung der Entdeckung

(I) x detects e , wobei x eine überlagerte Variable ist und e ein stabiles Prädikat über dem zugrundeliegenden Programm.

- Anfangs: $x = \text{false}$
- Genau ein hinzugefügter Befehl: $x := e$

Beweis:

a) Nachweis für **invariant** $x \Rightarrow e$

Aussage am Anfang richtig.

Kann nur falsch werden, wenn e falsch wird oder x wahr.

Da e stabil, ersteres nicht möglich.

Letzteres nur durch Befehl $x := e$;

Nachbedingung ist $x = e$, also gilt $x \Rightarrow e$.

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.25

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

b) Nachweis für $e \rightarrow x$

stable $e \Leftrightarrow e \text{ unless false} \Rightarrow e \text{ unless } x$ und somit

$\{e \wedge \neg x\} x := e \{x\}$,

also **e ensures** x und damit $e \rightarrow x$.

(II) Implementierung von $(x \geq k) \text{ detects } (e \geq k)$, wobei x überlagerte Variable ist und e ein monoton wachsender ganzzahliger Ausdruck.

- Anfangs $x = (\text{Anfangswert von } e)$.
- Genau ein hinzugefügter Befehl: $x := e$

Beweis:

Mit der Bemerkung, daß die Spezifikation die Eigenschaft **invariant** $x \leq e$ und $(e = k) \rightarrow (x \geq k)$ besitzt, erfolgt der Beweis analog dem vorangehenden.

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.26

2. Nutzung der Transitivität von detects

- (III) Implementierung von **claim detects $W(d)$** , wobei es ineffizient ist, $W(d)$ auf der gegebenen Architektur direkt festzustellen
(z. B. weil d eine verteilte Datenstruktur ist)
 - Auffinden eines günstiger festzustellenden Prädikats $p(d')$ über einer geeigneten Datenstruktur d' .
 - Gestaltung des Programms so, daß
 - claim detects $p(d')$ und $p(d')$ detects $W(d)$** .

Die Invariante, die d' beschreibt, ist normalerweise schwächer als die von d , die Fortschritt-Bedingung stärker.

Beweis:

Transitivität von detects folgt aus der von \rightarrow .

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.27

8.4.3

Anwendungsbeispiel für die Heuristiken



Ausführung des vorangehenden Programms in einem verteilten System

Aufspaltung des Zählers nach (III), dazu:

1. Einführung einer überlagerten Variablen $u.m$ für jeden Prozessor u zur Zählung der lokalen Befehlsausführungen.
2. Einführung einer weiteren überlagerten Variablen n , der von Zeit zu Zeit die Summe der $u.m$ zugewiesen wird unter Verwendung von (II).
3. Mittels **claim** wird $count > 10$ festgestellt nach (I). $count > 10$ ist stabil, weil n monoton steigend ist.



Formale Beschreibung

invariant $u.m = (\text{Anzahl der Befehlsausführungen in Prozeß } u)$

$(count > k) \text{ detects } (\langle + u :: u.m \rangle > k)$

claim detects (count > 10)

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.28

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

- **Formale Beschreibung (Wiederholung)**
invariant $u.m = (\text{Anzahl der Befehlausführungen in Prozeß } u)$
(count} > k) detects ($\langle + u :: u.m \rangle > k$)
claim detects (count} > 10)
- **Korrektheitsbeweis der Lösungsstrategie**
Aus claim detects (count} > 10)
und (count} > k) detects ($\langle + u :: u.m \rangle > k$)
folgt wegen der Transitivität von detects
claim detects ($\langle + u :: u.m \rangle > 10$)

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.29

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

- Hier wird deutlich wie die Invariante abgeschwächt und die Fortschritt-Bedingung verstärkt wird:
- claim detects ($\langle + u :: u.m \rangle > 10$)**
ist äquivalent zu
claim $\Rightarrow (\langle + u :: u.m \rangle > 10)$
und $(\langle + u :: u.m \rangle > 10) \mapsto (\text{count} > 10)$
- Esteres wird abgeschwächt zu** **claim detects (count} > 10)**
letzteres verstärkt zu **($\langle + u :: u.m \rangle > k$) $\mapsto (\text{count} > k)$**

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.30

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

Ableitung des Programms

```
Program {superposition} P2
  initially  count = 0 [] claim = false [] <[] u :: u.m = 0>
  transform
    for each processor u transform each statement s
    in processor u to
      s || u.m := u.m + 1
    add  count ::= <+ u :: u.m> [] claim ::= (count > 10)
  end {P2}
```

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.31

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

8.4.4

Weitere Anwendung der Heuristiken

Vorgehensweise

1. Aufspaltung der Summation über nicht-lokale Variablen in eine Summation über lokale Kopien der Variablen. Dazu:
2. Einführung weiterer überlagerter Variablen u.r, die Kopien der Variablen u.m darstellen (II) und lokal zum entdeckenden Prozessor sind.
3. Variable count erhält die Summe dieser Zwischenvariablen.
4. Dadurch Entdeckung mit Zwischenschritt (III).

Formale Beschreibung

invariant $u.m = (\text{Anzahl der Befehlsausführungen in Prozeß } u)$
 $(u.r > k) \text{ detects } (u.m > k) \quad (\text{für alle } u)$
 $\text{claim detects } (\text{count} > 10)$

Folgerung: $(\langle + u :: u.r \rangle > k) \text{ detects } (\langle + u :: u.m \rangle > k)$

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.32

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

- Korrektheitsbeweis der Lösungsstrategie
Zweimalige Anwendung der Transitivität von *detects*.

- Ableitung des Programms

```
Program {superposition} P3
  initially  n = 0 [] claim = false [] <[] u :: u.m, u.r = 0, 0>
  transform
    for each processor u, transform each statement s
    in processor u to
      s || u.m := u.m + 1
    add  n := <+ u :: u.r> [] claim := (n > 10)
        [] <[] u :: u.r := u.m>
  end {P3}
```

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.33

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

8.4.5 Spezifikation der Terminierungsentdeckung

- Das zugrunde gelegte Programm wird repräsentiert durch einen gerichteten Graphen $G = (V, E)$, wobei V eine (konstante) Menge von Knoten ist, die die Prozesse darstellen, und E eine (konstante) Menge von Pfeilen, die unidirektionale Verbindungskanäle zwischen den Prozessen darstellen.

- Mit jedem Knoten u ist ein Prädikat $u.\text{idle}$ verbunden, das anzeigt, ob der entsprechende Prozeß passiv ist.

- Programmstruktur (synchrone Modell!)

```
Program {structure of the underlying program} R0
  assign      <[] u, v :: (u, v) ∈ E :: v.idle := u.idle ∧ v.idle>
              [] <[] u :: u ∈ V :: u.idle := true>
  end {R0}
```

- Stabiles Prädikat W , das entdeckt werden soll:

$W \equiv \langle \wedge u: u \in V :: u.\text{idle} \rangle$

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.34

	<h2>BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung</h2> <p>8.4.6 Sequentielle Architektur</p> <p><input type="checkbox"/> Heuristik I</p> <pre>Program {superposition on R0} R1 initially claim = false add claim := <u :: u.idle> end {R1}</pre>
	<p>19.07.99 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig 8.35</p>

	<h2>BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung</h2> <p>8.4.7 Asynchrone Architektur mit lokal gemeinsamen Speichern</p> <p><input type="checkbox"/> Informelle Beschreibung</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Einführung einer Variablen d, definiert als die Menge der inaktiven Prozesse. 2. Bei Änderungen des Prozeßzustandes wird d entsprechend aktualisiert. 3. Wenn d alle Prozesse enthält, ist das Programm terminiert. <p><input type="checkbox"/> Formale Beschreibung</p> <pre>invariant d = {u u.idle} claim detects (d = V)</pre> <p><input type="checkbox"/> Korrektheitsbeweis</p> <p>Trivial mit W ≡ (d = V).</p>
	<p>19.07.99 Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig 8.36</p>

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

Ableitung des Programms

```
Program {the transformed program} R2
  initially  claim = false [] d = {u | u.idle}
  assign      [] (u, v) :: v.idle = u.idle ∧ v.idle
               || d := d - {v} if  ¬u.idle
               |
               []
               [] u :: u.idle = true
               || d := d ∪ {u} if  u.idle
               |
               []
               [] claim := (d = v)
end {R2}
```

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.37

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

8.4.7.1

Erste Entkopplung der Modifikationen

Informelle Beschreibung

1. Abschwächung der Invariante dahingehend, daß d eine Teilmenge der inaktiven Prozesse ist (III).
2. Verstärkung der Fortschritt-Bedingung: Endliche Zeit, nachdem alle Prozesse inaktiv sind, enthält d alle Prozesse.
3. Prozesse werden zu d asynchron hinzugefügt, nachdem sie inaktiv geworden sind.

Formale Beschreibung

invariant $d \subseteq \{u \mid u.idle\}$

$W \mapsto (d = V)$ (Fortschrittbedingung)

claim detects $(d = V)$ (Entdeckungsbedingung)

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.38

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

□ Korrektheitsbeweis

$(d = V) \Rightarrow W$, wegen der ersten Invariante

$(d = V) \text{ detects } W$, wegen der Fortschrittbedingung

$\text{claim detects } W$, wegen der Entdeckungsbed. und der Transitivität von *detects*

□ Ableitung des Programms

```
Program {the transformed program} R2'
  initially  claim = false [] d = {u | u.idle}
  assign      [] (u, v) :: v.idle = u.idle ∧ v.idle
               || d := d - {v}   if  ¬u.idle
               }
  [] [] u :: u.idle = true
      [] d := d » {u}   if  u.idle
      }
  [] claim := (d = v)
end {R2'}
```

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.39

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

8.4.8 Weitere Entkopplung der unterliegenden und der überlagerten Berechnung

□ Informelle Beschreibung

1. Einführung einer neuen Variablen b mit $b \subseteq d$ zusammen mit lokalen Variablen $u.\delta$, so daß $b \cup \bigcup_u u.\delta = d$ ist.

2. Dadurch Entdeckung mit Zwischenschritt (III).

□ Formale Beschreibung

Die Relation *chain* zwischen Prozessen sei zu jedem Zeitpunkt der Berechnung definiert durch:

$u \text{ chain } v \equiv$ Im unterliegenden Graphen G existiert ein Pfad von u nach v derart, daß für jede Kante (u', v') auf diesem Pfad $v' \in u'.\delta$ ist.

invariant $v \in b \Rightarrow [(v.\delta = \text{empty}) \wedge v.\text{idle}] \vee \langle \exists u: u \notin b :: u \text{ chain } v \rangle$

stable $b = V$

$W \mapsto (b = V)$ (Fortschrittbedingung)

$\text{claim detects } (b = V)$ (Entdeckungsbedingung)

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.40

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

☐ Korrektheitsbeweis der Lösungsstrategie

$(b = V) \Rightarrow W$ wegen der Invariante, da die zweite Alternative nicht zutreffen kann

$(b = V) \text{ detects } W$ wegen der vorangehenden Beziehung und der Fortschritt-Bedingung

claim detects W wegen der Transitivität von *detects*

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.41

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

☐ Ableitung des Programms

```
Program {the transformed program} R3
  initially  claim = false [] b = empty [] <[] u :: u.delta = empty>
  assign      <[] (u, v) :: v.idle = u.idle ∧ v.idle
              || u.delta := u.delta ∪ {v}
              if  ¬u.idle
            >
            [] <[] u :: u.idle = true>
            [] <[] u :: b, u.delta := b ∪ {u} - u.delta, empty
              if  u.idle
            >
            [] claim := (b = v)
  end {R3}
```

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.42

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

Korrektheitsbeweis des Programms

(i) Invariante

Im Anfangszustand erfüllt, da dort $b = \text{empty}$ gilt.

Beweisstruktur:

Feststellung der Zustandsübergänge, die die Invariante ungültig machen könnten und Untersuchung entsprechender Anweisungen

Vorbedingung	Nachbedingung
--------------	---------------

(1) $v \notin b$ $v \in b$

(2) $v.\text{delta} = \text{empty} \wedge v.\text{idle}$ $v.\text{delta} \neq \text{empty}$

(3) $v.\text{delta} = \text{empty} \wedge v.\text{idle}$ $\neg v.\text{idle}$

(4) $\exists u (u \notin b \wedge u \text{ chain } v)$ $\forall u (u \notin b \Rightarrow \neg(u \text{ chain } v))$

(1) Nur durch Befehl

$b, v.\text{delta} := b \cup \{v\} - v.\text{delta}, \text{emptyif } v.\text{idle}.$

Erhält die Invariante.

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.43

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

(2) Nur durch Befehl

$u.\text{idle} = v.\text{idle} \wedge u.\text{idle} \parallel v.\text{delta} := v.\text{delta} \cup \{u\} \text{if } \neg v.\text{idle}$

Nach Vorbedingung **v.idle**, also Zustand unverändert.

(3) Nur durch Befehl

$v.\text{idle} = u.\text{idle} \wedge v.\text{idle} \parallel u.\text{delta} := u.\text{delta} \cup \{v\} \text{if } \neg u.\text{idle}$

Vor Ausführung **u.idle**: Zustand unverändert.

Vor Ausführung $\neg u.\text{idle}$: Wegen der Invariante

$(u \notin b) \vee (\exists u': u' \notin b :: u' \text{ chain } u).$

Also nach dem Befehl **v ∈ u.delta** und somit **u chain v**.

Aus $u \notin b$ folgt mit $u = u': \exists u': u' \notin b :: u' \text{ chain } v$.

Aus $\exists u': u' \notin b :: u' \text{ chain } u$ folgt dies mit

$u' \text{ chain } u \wedge u \text{ chain } v \Rightarrow u' \text{ chain } v.$

Also bleibt die Invariante erhalten.

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.44

(4) Zwei Fälle

1. Kette hat Verbindungsstück das unterbrochen wird:

Vor Übergang (**u chain x**) \wedge (**y** \in **x.delta**) \wedge (**y chain v**),

danach (**y** \notin **x.delta**) \wedge (**y chain v**).

Nur durch Befehl **b, x.delta := b** \cup $\{x\}$ - **x.delta, emptyif x.idle**.

Danach **y** \notin **b** und damit **v** \notin **b** für **y** = **v** und

y \notin **b** \wedge (**y chain v**) für **y** \neq **v**.

Also Invariante gesichert.

2. Kettenanfang **u** wird in **b** aufgenommen:

Vor Übergang: (**y** \in **delta**) \wedge (**y chain v**).

Nach Übergang: (**y** \in **b**) \wedge (**y chain v**).

Nur durch Befehl **b, u.delta := b** \cup $\{u\}$ - **u.delta, emptyif u.idle**.

Nach Ausführung **y** \in **b** und damit **v** \notin **b** für **y** = **v** und

y \notin **b** \wedge (**y chain v**) für **y** \neq **v**.

Also Invariante gesichert.

(ii) Fortschritt-Bedingung **W** \mapsto (**b** = **v**)

Wenn **W** gilt, dann können nur die Befehle

$\langle [] u :: b, u.delta := b \cup \{u\} - u.delta, emptyif u.idle \rangle$

[] claim := (**b** = **v**)

den Zustand ändern.

Daraus folgt:

(a) **W** \mapsto (**v.delta = empty**)

(b) **stable W** \wedge (**v.delta = empty**)

(c) (**W** \wedge $\forall v :: v.delta = empty$) \mapsto (**u** \in **b**)

(d) **stable W** \wedge ($\forall v :: v.delta = empty$) \wedge **u** \in **b**

Aus (a) und (b): **W** \mapsto ($\forall v :: v.delta = empty$)

und daraus mit (c) und (d): **W** \mapsto ($\forall u :: u \in b$).

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

(iii) Stabilität stable $b = V$

$(b = V) \wedge \text{Invariante} \Rightarrow (\forall v :: v.\text{idle} \wedge v.\text{delta} = \text{empty})$.

Damit kann nur die letzte Zeile des Programms den Zustand ändern, also bleibt b auf jeden Fall unverändert.

(iv) claim detects ($b = V$)

Trivial nach Heuristik 1.

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.47

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

8.4.9 Verteilte Architekturen

8.4.9.1 Problembeschreibung

- Grundlegendes Modell wie bei lokal gemeinsamem Speicher.**
- Zusätzlich: Ein Kanal von u nach v wird dargestellt durch die Variable (u, v).c.**
Da der Inhalt der Nachrichten des unterliegenden Systems belanglos ist, werden alle seine Nachrichten durch den Wert m dargestellt.
- Anfänglich ist genau der Prozeß *init* aktiv.**

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.48

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

❑ Programmstruktur (asynchrones verteiltes Modell!)

```
Program {structure of the underlying program} DS
  assign
    { u sends message m along channel (u, v).c
      if u is active}
    <[] u, v : (u, v) ∈ E :: (u, v).c := (u, v).c; m
      if ¬u.idle >
    { v becomes active by receiving a message
      along channel (u, v)}
    [] <[] u, v : (u, v) ∈ E :: v.idle, m, (u, v).c := false,
      head((u, v).c), tail((u, v).c)
      if (u, v).c ≠ null >
    [] <[] u :: u.idle := true >
  end {DS}
```

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.49

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

❑ Stabiles Prädikat W, das entdeckt werden soll:

$$W \equiv \langle \wedge u: u \in V :: u.idle \wedge (u, v).c = \text{null} \rangle$$

❑ Kanalüberlagerung

Rückwirkungsfreie Mitbenutzung der vorhandenen Kanäle

- Durch getypte Nachrichten (vergleichbar den 'message queues' von Unix), der Typ legt fest, ob eine Nachricht zum überlagerten oder darunterliegenden Programm gehört.
- Die unterliegende Programmausführung ignoriert überlagerte Nachrichten.
- Es wird sichergestellt, daß eine Nachricht des unterliegenden Programms nicht unendlich lange durch überlagerte Nachrichten blockiert wird.

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.50

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

□ Informelle Beschreibung der Lösungsstrategie

- Jeder Prozeß des Systems mit gemeinsamem Speicher wird einem Prozeß des verteilten Systems samt seiner sendenden Kanäle gleichgesetzt.
- Ein inaktiver Prozeß des Systems mit gemeinsamem Speicher entspricht im verteiltem System einem inaktiven Prozeß mit leeren sendenden Kanälen.
- Um festzustellen, ob ein Kanal leer ist, werden Bestätigungsnachrichten verwendet.
- Für jeden Prozeß u wird ein Prädikat $u.e$ vorausgesetzt mit

u.e detects $\forall v((u, v) \in E \Rightarrow ((u, v).c = \text{null}))$

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.51

BP 2 Unity: Terminierungsentdeckung

□ Abgeleitetes Programm

```
Program {distributed termination detection - transformed program} R4
initially
  claim = false[] b = empty [] <[] u :: u.delta = empty >
assign
  {u sends message m along channel (u,v).c if u is active,
  and u.delta is updated}
  <[] (u, v) :: 
    (u, v).c, u.delta := (u,v).c;m, u.delta ∪ {v}
    if ¬u.idle }
  {u receives a message along channel (u, v)
  after which it becomes active}
  [] <[] (u, v) :: 
    v.idle, m, (u, v).c := false, head((u, v).c), tail((u, v).c)
    if (u, v).c = null }
  [] <[] u :: u.idle := true }
    {added statements}
  [] <[] u :: b, u.delta := b ∪ {u} - u.delta, empty
    if u.idle ∧ u.e }
  [] claim := (b = v)
end {R4}
```

19.07.99

Universität Erlangen-Nürnberg, IMMD IV, F. Hofmann
Reproduktion jeder Art oder Verwendung dieser Unterlage zu Lehrzwecken außerhalb der Universität Erlangen-Nürnberg
ist ohne Genehmigung des Autors unzulässig

8.52

