

# Überblick

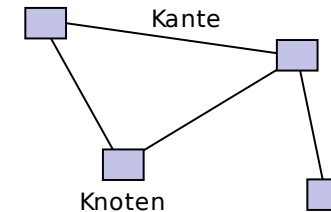
Graph-Algorithmen mit MapReduce  
Kurzeinführung Graphentheorie  
Algorithmus zum Finden von Cliquen

MapReduce Erweiterungen  
Zusammenführen von Daten  
Sortierung, Gruppierung und Partitionierung  
Combiner  
Zähler



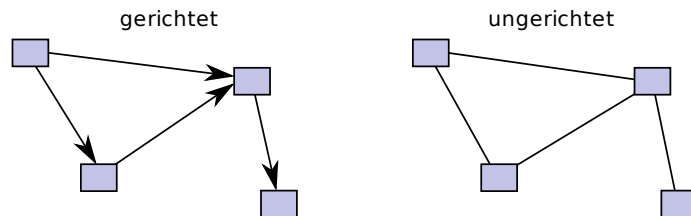
# Einführung Graphentheorie

- Graphen bestehen aus
  - **Knoten** (englisch: Node, Vertex, Mehrzahl Vertices)
  - **Kanten** (englisch: Edge), die Knoten **verbinden**
  - **Grad** eines Knoten ist die Zahl der dort zusammenlaufenden Kanten



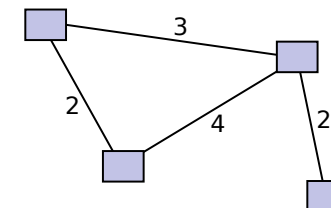
# Einführung Graphentheorie

- Kanten können **gerichtet** oder **ungerichtet** sein
- Dementsprechend: Gerichter/ungerichteter Graph
- Gerichtete Kante verbindet **Start-**und **Endknoten**



# Einführung Graphentheorie

- Knoten sowie Kanten können **gewichtet** sein:  
Zusätzliche Wertung an jeweiliges Objekt als Attribut angefügt

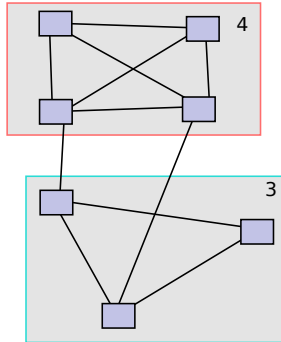


- Beispiel:  
Knoten sind verschiedene Städte  
Kanten stellen Wege zwischen Städten dar  
Gewichtung entspricht Weglänge



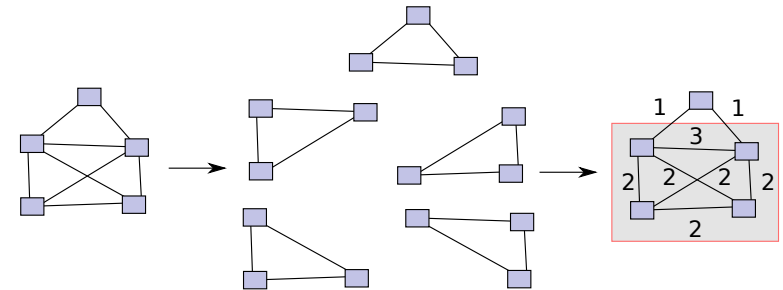
## Algorithmus zum Finden von Cliques

- **Clique:** Teilmenge von Knoten eines ungerichteten Graphen, die alle untereinander durch Kanten verbunden sind.
- Algorithmus zum Finden von Cliques auf Basis des Artikels *Graph Twiddling in a MapReduce World*[Cohen09]
- Beispiel:



## Algorithmus zum Finden von Cliques

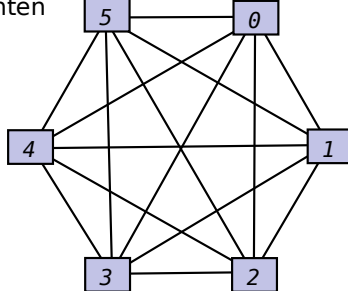
- Aufgabe: Finden von Cliques einer bestimmten Mindestgröße
- Lösungsansatz basiert auf Finden von **Trägern**:
  - Finden von nichttrivialer Cliques minimaler Größe: Dreiecke
  - Vollständiger Graph mit  $n$  Knoten enthält  $\frac{n \cdot (n-1) \cdot (n-2)}{6}$  unterschiedliche Dreiecke
  - Jede Kante kommt in Dreiecken **mindestens**  $n - 2$  mal vor
  - Weniger häufig auftretende Kanten können nicht Teil eines vollständigen Teilgraphen (Clique) sein.



## Dreiecke im vollständigen Graph

- Vollständiger Graph mit  $n$  Knoten enthält:
  - $\frac{n(n-1)}{2}$  Kanten

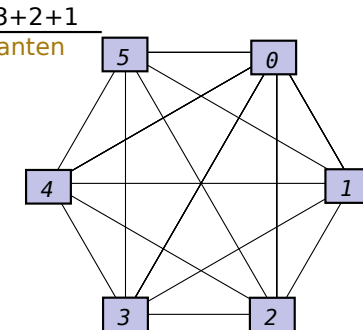
$$\frac{5+4+3+2+1}{=15 \text{ Kanten}}$$



## Dreiecke im vollständigen Graph

- Vollständiger Graph mit  $n$  Knoten enthält:
  - $\frac{n(n-1)}{2}$  Kanten
  - $\frac{n(n-1)(n-2)}{6}$  Dreiecke
- Dreieck besteht aus 3 Kanten:  $(n - 2)$  Überlagerungen

$$\frac{5+4+3+2+1}{=15 \text{ Kanten}}$$



$$\begin{array}{r} 4+3+2+1 \\ 3+2+1 \\ 2+1 \\ 1 \\ \hline =20 \text{ Dreiecke} \end{array}$$

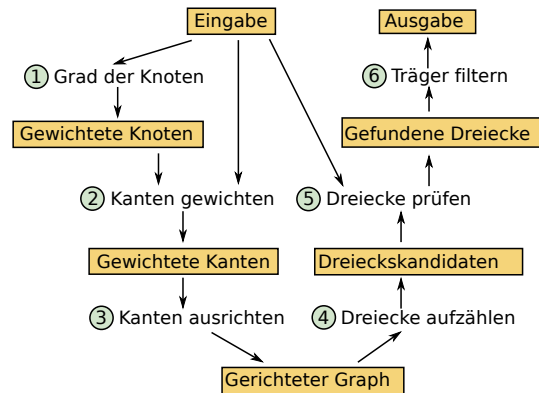
$$20 \times 3 = 60 \text{ Kanten}$$

$$\frac{60 \text{ Kanten}}{15 \text{ Kanten}} = 4$$



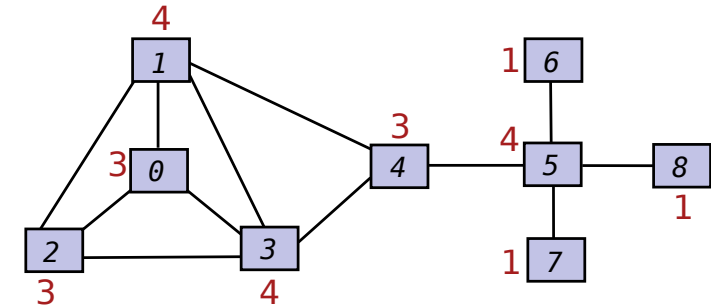
## Implementierung mittels MapReduce

- Implementierung in einzeltem MapReduce-Schritt nicht möglich
- Zerlegung in mehrere hintereinander ausgeführte Schritte
- Ausnutzen der **Sortierphase** zum Zusammenführen interessanter Daten
- Ablauf:



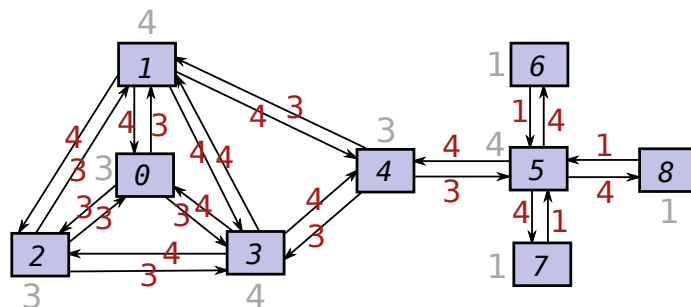
## Schritt 1: Grad der Knoten bestimmen

- Abzählen der Kanten, die mit jedem Knoten verbunden sind (→ Grad)
- Gewichtung der Knoten nach Grad



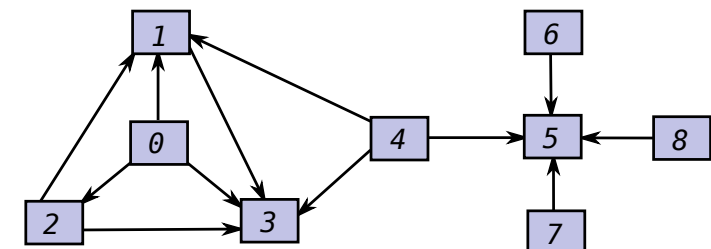
## Schritt 2: Kanten gewichten

- Verwandlung in gerichteten Graph, mit Kanten in beide Richtungen
- Gewichtung der gerichteten Kanten nach Startknoten



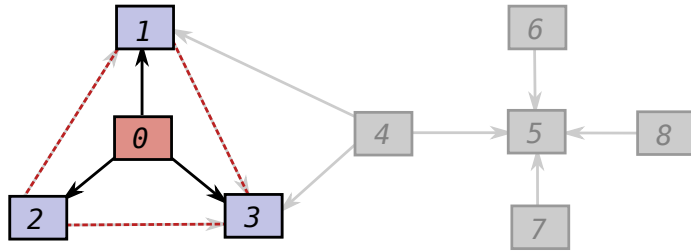
## Schritt 3: Kanten ausrichten

- Entfernen von Kanten mit größerer Gewichtung ergibt gerichteten Graph
- Bei gleicher Gewichtung gewinnt Kante mit niedrigerem Startknoten
- Ausrichtung bestimmt Basis für Dreieckskandidaten



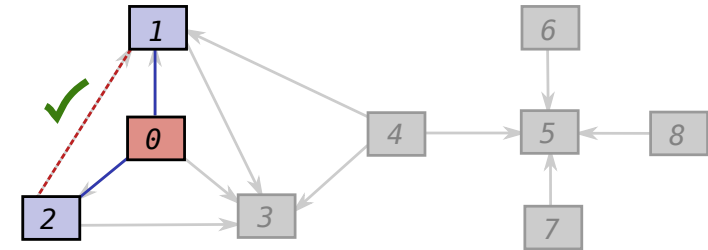
## Schritt 4: Dreieckskandidaten aufzählen

- Aufzählen aller ausgehenden Verbindungen je Knoten
- Verbindung von Endpunkten ergibt mögliche Dreiecke



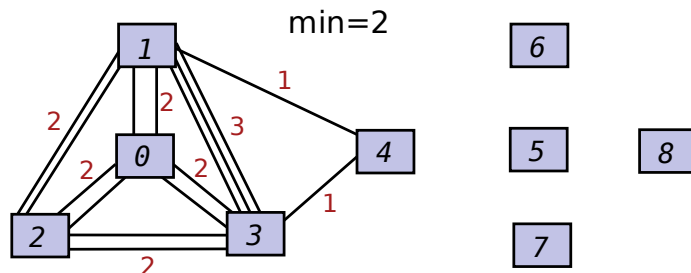
## Schritt 5: Dreiecke prüfen

- Prüfen ob Dreieckskandidaten in Graphen existieren
- Nachweis durch Finden der in Schritt 4 ergänzten Kante im Graph
- Ausgabe aller bestätigten Dreiecke



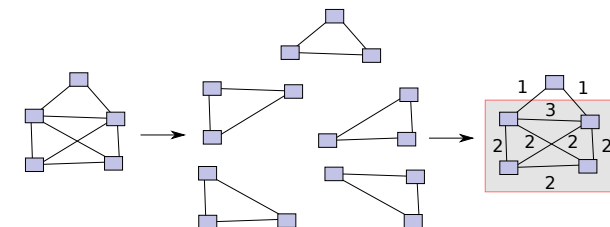
## Schritt 6: Träger filtern

- Zählen der Kantenüberlagerungen in der Menge der validierten Dreiecke
- Herausfiltern aller Kanten mit zu wenigen Überlagerungen
- Beispiel:  $n \geq 2$  entspricht Cliques mit mindestens 4 Knoten



## Träger und Cliques

- Algorithmus isoliert nur **Träger**:  $n - 2$  Überlagerungen zwar notwendig, aber nicht hinreichend
- Nicht an der Clique beteiligte Kanten erhöhen Zahl der Überlagerungen an den Rändern
- Filtern von Kanten mit zu wenigen Überlagerungen reduziert Anzahl der Dreiecke im Graph
- **Mehrfache Iteration notwendig**, bis keine Kanten mehr wegfallen
- Beispiel: Bei suche nach Cliques mit mindestens 5 Knoten (= 3 Überlappungen) Graph nicht leer



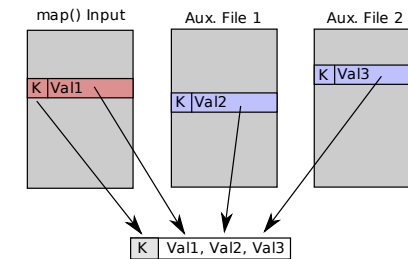
## Zusammenführen mit MapReduce

- Bei der Analyse von Daten häufig auftretendes Problem:  
Zusammenführen von Informationen nach bestimmtem Schlüssel
- Datenbanken: **Join**-Operation  
(`SELECT * FROM x INNER JOIN y USING (c)`)
- Möglichkeiten zur Implementierung:
  - Map-side Join
  - Reduce-side Join
- Zur Umsetzung beider Varianten notwendig:
  - Einlesen mehrerer unterschiedlicher Eingabedateien
  - Evtl. unterschiedliche Mapper je Datentyp



## Map-side Join

- Zusammenfassen von Daten während des Map-Vorgangs
- **Mapper** hält alle notwendigen Eingabedateien offen
- Durch Framework zugewiesener Datenbereich gibt zu suchende Schlüssel an
  - Suche des jeweiligen Schlüssels in anderen Dateien
- Voraussetzung für effiziente Ausführung: Daten bereits nach Schlüssel **vorsortiert** (→ siehe z.B. **Merge**-Algorithmus)
- Mapper gibt fertig zusammengeführte Daten aus

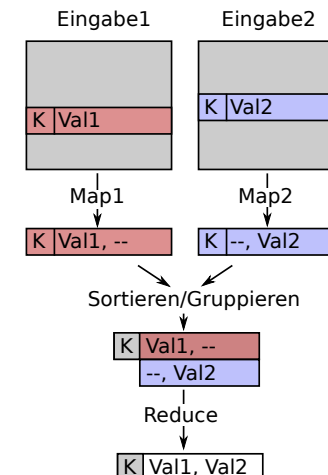


## Reduce-side Join

- Nutzen des Sortiervorgangs zum zusammenfügen passender Schlüssel
- Sortierung werden Daten von **unterschiedlichen Mappern** zugeführt
- Mapper bilden unterschiedliche Eingabedaten auf gleichen Ausgabebetyp für Sortierung und Reduce-Phase ab
- Sortierung/Gruppierung führt gleiche Schlüssel und damit zusammengehörige Daten zu einer Gruppe zusammen
- **Reducer** erzeugt zusammengesetzten Datensatz

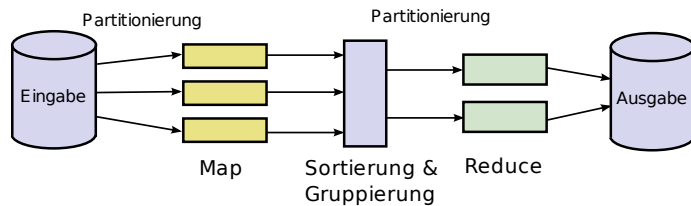


## Reduce-side Join



## Sortierung, Gruppierung und Partitionierung

- MapReduce-Grundkonzept:

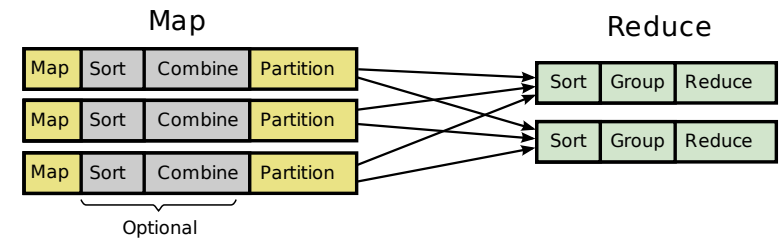


- Problem:** Sortierung nicht parallelisierbar
- Datenabhängige Partitionierung erlaubt paralleles Sortieren



## Sortierung, Gruppierung und Partitionierung

- Sortierung:** Reihenfolge der Schlüssel/Wert-Paare
- Gruppierung:** Schlüssel, die beim Reduce zusammengefasst werden
- Partitionierung:** Zuordnung der Schlüssel zu Reduce-Instanzen mittels Hash-Funktion
- Implementierung in Hadoop:



## Sortierung, Gruppierung und Partitionierung

- Schnittstelle in Hadoop:
  - Sortierung/Gruppierung: `org.apache.hadoop.io.RawComparator`,  
**Achtung:** arbeitet auf (binären) Rohdaten
  - Partitionierung: `org.apache.hadoop.mapreduce.Partitioner`
- Bei Implementierung zu beachtende Eigenschaften:
  - Sortierung gibt **strenge** oder gleichwertige Ordnung gegenüber Gruppierung vor
  - Hash-Funktion im Partitionierer generiert für alle Schlüssel einer Gruppe **gleichen** Hash-Wert



## RawComparator-Implementierung

- Klasse `WritableComparator` ermöglicht Vergleich von Objekten, die die `WritableComparable` Schnittstelle implementieren
- Deserialisierung der Binärdaten und Zuführen zu `compare()`
- Ohne Überschreiben der `compare()`-Methode wird `compareTo()` der übergebenen Objekte verwendet
- Beispiel:

```
public class Sorting extends WritableComparator {
    public Sorting() {
        super(Edge.class, true);
    }

    // Standardimplementierung
    public int compare(WritableComparable a,
                     WritableComparable b) {
        return a.compareTo(b);
    }
}
```



## Partitioner-Implementierung

- Standard-Implementierung HashPartitioner verwendet hashCode()-Methode von Object zur Partitionierung
- **Allerdings:** Standard-Implementierung von hashCode() nicht ausreichend, muss bei Implementierung von Writable-Schnittstelle überschrieben werden
- Beispiel: Kanten nach linkem Knoten gruppieren

```
public class Partitioner
    extends Partitioner<Edge, Writable> {

    @Override
    public int getPartition(Edge k, Writable v, int max) {
        return (k.getLeft().hashCode() & Integer.MAX_VALUE) % max;
    }
}
```



## Combiner zur Beschleunigung

- Je nach Aufgabenstellung bereits teilweise Ausführung von Reduce-Schritt auch am Ende des Mappers möglich
- **Voraussetzungen:**
  - Reduce-Schritt darf nicht von **Vollständigkeit** einer Gruppe abhängen
  - Reducer muss **weniger** Ausgabedaten produzieren als Eingabedaten gelesen werden

→ Reduktion der zu sortierenden Datenmenge

- Implementierung in Hadoop mittels **Combiner**



## Combiner zur Beschleunigung

- Schnittstelle des Combiners entspricht der des Reducers
- **Beispiel:** Wörter zählen

```
public class Combiner extends Reducer<Text, IntWritable,
    Text, IntWritable> {

    public void reduce(Text k, Iterable<IntWritable> v,
        Context ctx)
        throws IOException, InterruptedException {
        int count = 0;

        for (IntWritable c: v) {
            count += c.get();
        }
        context.write(k, new IntWritable(count));
    }
}
```

- Hier: Reducer identisch mit Combiner



## Hadoop Counter

- Hadoop ermöglicht Zählen von Ereignissen mittels org.apache.hadoop.mapreduce.Counters
- Von Hadoop selbst verwendet zum Anfertigen verschiedener Statistiken (z.B. Anzahl gelesener/geschriebener Bytes)
- Funktioniert auch bei verteilter Ausführung knotenübergreifend
- Erlauben nur erhöhen des Zählerstandes
- Identifizierung mittels Enums
  - Enum-Klasse bildet Zähler**gruppe**
  - Enum-Einträge bildet einzelne **Zähler** der Gruppe



### ■ Beispiel:

```
public class MyClass {
    public static enum MyGroup{
        VERTEX_COUNT, EDGE_COUNT
    }

    public void map(Key k, Value v, Context ctx) {
        Counter vc = ctx.getCounter(MyGroup.VERTEX_COUNT);
        Counter ec = ctx.getCounter(MyGroup.EDGE_COUNT);
        vc.increment(2);
        ec.increment(1);
    }

    public void printVertexCount(Job job) {
        Counters cts = job.getCounters();
        Counter ct = cts.findCounter(MyGroup.VERTEX_COUNT);
        System.out.println("Vertices: " + ct.getValue());
    }
}
```



- [Cohen09]: Jonathan Cohen. Graph Twiddling in a MapReduce World. In *Computing in Science & Engineering Volume 11 Issue 4*, S. 29-41, ISSN 1521-9615, IEEE Computer Society, 2009  
[http://ieeexplore.ieee.org/xpls/abs\\_all.jsp?arnumber=5076317](http://ieeexplore.ieee.org/xpls/abs_all.jsp?arnumber=5076317)  
(Kopie: /proj/i4mw/pub/aufgabe4/Cohen-Graph\_Twiddling.pdf)
- Apache Hadoop Dokumentation  
<http://hadoop.apache.org/common/docs/r0.20.2/index.html>
- Apache Hadoop API Javadoc  
<http://hadoop.apache.org/common/docs/r0.20.2/api/index.html>

