

# Echtzeitsysteme

## Exkurs: WCET-Analyse

Lehrstuhl Informatik 4

24. Januar 2013

# Gliederung

- 1 Überblick
- 2 Problemstellung
- 3 Pfadanalyse
  - Problemstellung
  - Timing Schema
  - Implicit Path Enumeration Technique
  - Übersicht
- 4 Hardware-Analyse
  - Cache-Analyse
- 5 Messbasierte WCET-Analyse
- 6 Zusammenfassung

# Fragestellungen

- Alle sprechen von der **WCET** – aber wo kommt sie eigentlich her?
  - Wie geht man mit der Abhängigkeit von **Eingabedaten** um?
  - Welche Rolle spielt der **Prozessor** beim Thema WCET?
- **Pfadanalyse**  $\leadsto$  bestimmt den längsten Pfad durch ein Programm
  - **Timing Schema**
    - $\leadsto$  orientiert sich an der Programmstruktur
  - **Implicit Path Enumeration Technique (IPET)**
    - $\leadsto$  Abbildung auf ein **Flussproblem**
- **Hardware-Analyse**  $\leadsto$  bestimme Dauer des längsten Pfads
  - Prozessoren werden hinsichtlich **Geschwindigkeit** optimiert ...
    - Caches, Pipelines, Out-of-Order-Execution, Sprungvorhersage, ...
  - ... nicht hinsichtlich **Vorhersagbarkeit**
- Warum bestimmen wir die WCET nicht einfach durch **Messung**?

# Gliederung

- 1 Überblick
- 2 Problemstellung
- 3 Pfadanalyse
  - Problemstellung
  - Timing Schema
  - Implicit Path Enumeration Technique
  - Übersicht
- 4 Hardware-Analyse
  - Cache-Analyse
- 5 Messbasierte WCET-Analyse
- 6 Zusammenfassung

# Auf der Suche nach dem $e$

Die maximale Ausführungszeit ist eine unabkömmliche Information für die Ablaufplanung

**Statische Ablaufplanung** ordnet Jobs Zeitintervallen zu

~> diese Zeitintervalle müssen ausreichend groß sein

- mindestens so groß, wie die maximale Ausführungszeit  $e$  des Jobs

**Planbarkeitsanalyse** basiert auf Abschätzungen ...

- der maximalen CPU-Auslastung:

$$\sum_{k=1}^n \frac{e_k}{\min(D_k, p_k)} + \frac{b_i^{np}}{\min(D_i, p_i)} \leq 1 \quad ; i = 1, 2, \dots, n$$

- der maximalen Antwortzeit:

$$\omega_i(t) = e_i + b_i^{np} + \sum_{k=1}^{i-1} \left\lceil \frac{t}{p_k} \right\rceil e_k; 0 < t \leq p_i$$

die ohne die maximale Ausführungszeit  $e$  nicht auskommen

- selbst die Blockadezeit  $b^{np}$  ist eine maximale Ausführungszeit

~> nämlich die des längsten kritischen Abschnitts

# Warum ist es so schwierig, **e** zu bestimmen?

Anders: Wovon hängt die maximale Ausführungszeit eigentlich ab?

## Beispiel: Bubblesort

```
void bubbleSort(int a[],int size) {  
    int i,j;  
  
    for(i = size - 1; i > 0; --i) {  
        for (j = 0; j < i; ++j) {  
            if(a[j] > a[j+1]) {  
                swap(&a[j],&a[j+1]);  
            }  
        }  
    }  
  
    return;  
}
```

## Programmiersprachenebene:

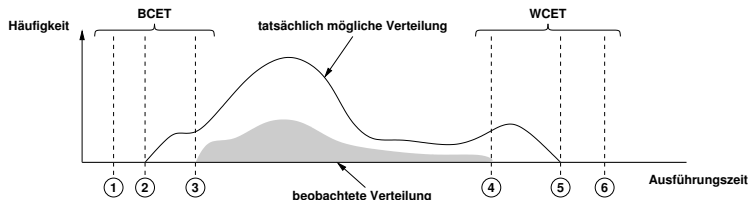
- Anzahl der Schleifendurchläufe hängt von der Größe des Feldes `a[]` ab
  - Anzahl der Vertauschungen (swap) hängt vom Inhalt des Feldes ab
- ~ exakte Vorhersage ist kaum möglich
- sowohl die Größe als auch der Inhalt des Felds kann zur Laufzeit variieren

Die **Maschinenprogrammebene** liefert Dauer der Elementaroperationen:

- wie lange dauert ein ADD, ein LOAD, ...
- ist **prozessorabhängig** und für moderne Prozessoren sehr schwierig
  - **Pipeline** ~ Wie ist der Zustand der Pipeline an einer Instruktion?
  - **Cache** ~ Liegt die Instruktion/das Datum im schnellen Cache?
  - **Out-of-Order-Execution, Branch-Prediction, Hyper-Threading, ...**

# Aufgabenstellung

Die maximale Ausführungszeit nach oben abschätzen



Bereits für relativ einfache Programme ergibt sich eine Bandbreite möglicher Programmlaufzeiten, besondere Bedeutung haben

- bestmögliche Ausführungszeiten (engl. **best case execution time**)
  - ① geschätzt, ② tatsächlich und ③ beobachtet
- und maximale Ausführungszeiten (engl. **worst case execution time**)
  - ④ beobachtet, ⑤ tatsächlich und ⑥ geschätzt

👉 Ziel ist eine **sichere Abschätzung der WCET**

- und den Abstand zur tatsächlichen WCET klein zu halten

# Gliederung

- 1 Überblick
- 2 Problemstellung
- 3 Pfadanalyse**
  - Problemstellung
  - Timing Schema
  - Implicit Path Enumeration Technique
  - Übersicht
- 4 Hardware-Analyse
  - Cache-Analyse
- 5 Messbasierte WCET-Analyse
- 6 Zusammenfassung



# Den längsten Weg durch ein Programm finden

## Beispiel: Bubblesort

```
void bubbleSort(int a[],int size) {
    int i,j;

    for(i = size - 1; i > 0; --i) {
        for (j = 0; j < i; ++j) {
            if(a[j] > a[j+1]) {
                swap(&a[j],&a[j+1]);
            }
        }
    }

    return;
}
```

betrachte Aufrufe: bubbleSort(a,s)

- Anzahl von **Durchläufen**, **Vergleichen** und **Vertauschungen** (engl. **Swap**)
- $a = \{1, 2\}, s = 2$   
     $\leadsto D = 1, V = 1, S = 0;$
- $a = \{1, 3, 2\}, s = 3$   
     $\leadsto D = 3, V = 3, S = 1;$
- $a = \{3, 2, 1\}, s = 3$   
     $\leadsto D = 3, V = 3, S = 3;$

- ist für den **allgemeinen Fall nicht berechenbar**  $\leadsto$  **Halteproblem**

- Wieviele Schleifendurchläufe werden benötigt?

$\leadsto$  in Echtzeitsystemen ist dieses Problem aber häufig lösbar

- **kanonische Schleifenkonstrukte**: `for(int i = 0; i < X; ++i)`
  - X ist oft eine Konstante oder zumindest beschränkt
  - ggf. muss die obere Schranke manuell annotiert werden
- die **maximale**, nicht die **exakte Pfadlänge** ist von Belang

# Abstrakter Syntaxbaum $\leadsto$ Timing Schema

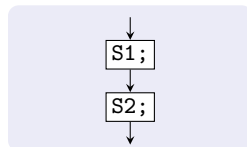
Ableitung des maximalen Pfads anhand der Programmstruktur

## Sequenzen $\leadsto$ Hintereinanderausführung

```
S1();  
S2();
```

Summation der WCETs:

$$e_{seq} = e_{S1} + e_{S2}$$

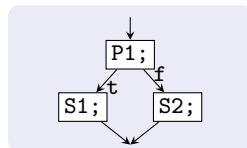


## Verzweigung $\leadsto$ bedingte Ausführung

```
if (P1()) S1();  
else S2();
```

Abschätzung der Gesamtausführungszeit:

$$e_{cond} = e_{P1} + \max(e_{S1}, e_{S2})$$

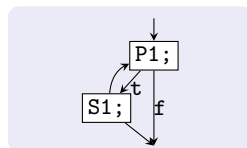


## Schleifen $\leadsto$ wiederholte Ausführung

```
while (P1())  
  S1();
```

Schleifendurchläufe berücksichtigen:

$$e_{loop} = e_{P1} + n(e_{P1} + e_{S1})$$



# Beispiel: Bubblesort

```
void bubbleSort(int a[],int size) {
    int i,j;

    for(i = size - 1; i > 0; --i) {
        for (j = 0; j < i; ++j) {
            if(a[j] > a[j+1]) {
                swap(&a[j],&a[j+1]);
            }
        }
    }

    return;
}
```

- Schleife  $L_1: P_1 = i > 0$ 
  - Rumpf:  $L_2; --i;$
  - Durchläufe:  $\text{size} - 1$ 
    - $\leadsto e_{L_1} = e_{P_1} + (\text{size} - 1)(e_{P_1} + e_{L_2} + e_{--i})$
- Schleife  $L_2: P_2 = j < i$ 
  - Rumpf:  $C_1; ++j;$
  - Durchläufe:  $\text{size} - 1$ 
    - $\leadsto e_{L_2} = e_{P_2} + (\text{size} - 1)(e_{P_2} + e_{C_1} + e_{++j})$
- Verzweigung  $C_1: P_3 = a[j] > a[j + 1]$ 
  - $S_1 = \text{swap}(\&a[j], \&a[j + 1])$ 
    - $\leadsto e_{C_1} = e_{P_3} + e_{S_1}$
- Funktionsaufruf  $S_1 = \text{swap}(\&a[j], \&a[j + 1])$ 
  - analog zum hier vorgestellten Verfahren

# Timing Schema: Vor- und Nachteile

- Traversierung des abstrakten Syntaxbaums *bottom-up*
  - d. h. an den Blättern beginnend, bis man zur Wurzel gelangt
- maximale Ausführungszeit wird nach festen Regeln akkumuliert
  - für Sequenzen, Verzweigungen und Schleifen

## Vorteile

- + einfaches Verfahren mit geringem Berechnungsaufwand
- + skaliert gut mit der Programmgröße

## Nachteile

- generische Flussinformation kann kaum berücksichtigt werden
  - z. B. sich ausschließende Zweige aufeinanderfolgender Verzweigungen
- schwierige Integration mit einer separaten Hardware-Analyse

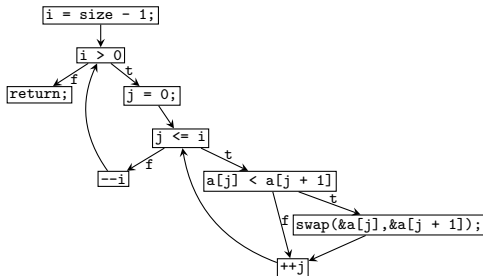
# Den längsten Weg durch ein Programm finden

Die möglichen Wege lassen sich durch Kontrollflussgraphen beschreiben

Ein **Kontrollflussgraphen** (engl. *control flow graph*) ist ein gerichteter Graph und setzt sich aus **Grundblöcken** (engl. *basic blocks*) zusammen

- Grundblöcke sind sequentielle „Code-Schnipsel“
  - hier wird gearbeitet  $\leadsto$  Grundblöcke verbrauchen Rechenzeit
- Kanten im Kontrollflussgraphen  $\leadsto$  Sprünge zwischen Grundblöcken

```
void bubbleSort(int a[],int size) {  
    int i,j;  
  
    for(i = size - 1; i > 0; --i) {  
        for (j = 0; j < i; ++j) {  
            if(a[j] > a[j+1]) {  
                swap(&a[j],&a[j+1]);  
            }  
        }  
    }  
    return;  
}
```



# Wie berechnet man den längsten Pfad?

... und bestimmt so auch gleich die maximale Ausführungszeit

**Lösungsansatz:** Fasse die Bestimmung der WCET als Flussproblem auf [2]

- die **Maximierung des Flusses** in einem gerichteten Graphen ist ein gut untersuchtes Problem aus dem Bereich der Graphentheorie
- mithilfe **ganzzahliger linearer Programmierung** (engl. *integer linear programming*) lässt sich dieses Problem zudem effektiv lösen

**Vorgehen:** Transformiere den Kontrollflussgraphen in ein ganzzahliges, lineares Optimierungsproblem (ILP) und löse es

- 1 bestimme einen **Zeitanalysegraph** aus dem Kontrollflussgraphen
- 2 formuliere das lineare Optimierungsproblem
- 3 bestimme die **Flussrestriktionen** des Zeitanalysegraphen
  - dies sind die Nebenbedingungen im Optimierungsproblem
- 4 löse das Optimierungsproblem (z.B. mit `lpsolve`<sup>1</sup>)

---

<sup>1</sup><http://lpsolve.sourceforge.net/>

# Der Zeitanalysegraph (engl. *timing analysis graph*)

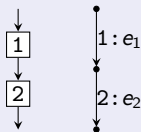
Ein **Zeitanalysegraph** (oder kurz **T-Graph**) ist ein gerichteter Graph mit einer Menge von Knoten  $\mathcal{V} = \{V_i\}$  und Kanten  $\mathcal{E} = \{E_i\}$ .

- mit genau einer **Quelle** und einer **Senke**
  - Knoten, aus denen/in die nur Kanten entspringen/münden
- jede Kante ist Bestandteil eines Pfads  $P$  von der Quelle zur Senke
  - solche ein Pfad  $P$  entspricht einer möglichen Abarbeitung
- jeder Kante wird ihre WCET  $e_i$  zugeordnet

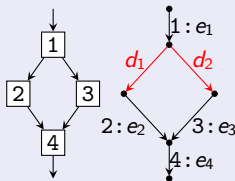
Grundblöcke des Kontrollflussgraphen werden auf Kanten abgebildet

- für Verzweigungen benötigt man **Dummy-Kanten  $d_i$**

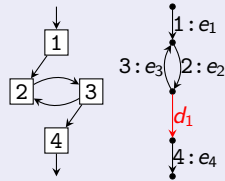
## Sequenz



## Verzweigung



## Schleife




# Bestimmung der WCET

Mit der Anzahl  $f_i$  der Ausführungen einer Kante  $E_i$  bestimmt man die WCET  $e$  durch Summation der Ausführungszeiten des längsten Pfades:

$$e = \max_P \sum_{E_i \in P} f_i e_i$$

 **Problem:** erfordert die **explizite Aufzählung aller Pfade**

↪ das ist algorithmisch nicht handhabbar

 **Lösung:** fasse die Bestimmung der WCET als **Flussproblem** auf

↪ der **maximale Fluss** durch das durch den T-Graphen gegebene Netzwerk führt zur gesuchten WCET

↪ Flussprobleme sind mathematisch gut untersucht und lassen sich durch **lineare Ganzzahlprogrammierung** lösen



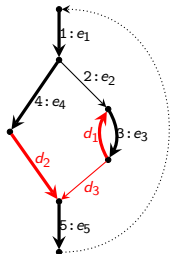
# Zirkulationen

Eine Abbildung  $f : \mathcal{E} \mapsto \mathcal{R}$  heißt **Zirkulation**, falls sie den Fluss erhält

- jeder Kante wird die **Zahl der Ausführungen**  $f_i$  als Fluss zugeordnet
- **Flusserhaltung**: jeder Knoten wird gleich oft betreten und verlassen
  - erfordert die Einführung einer Rückkehrkante  $E_e$  mit  $f_e = 1$

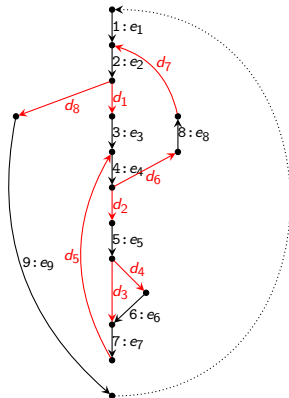
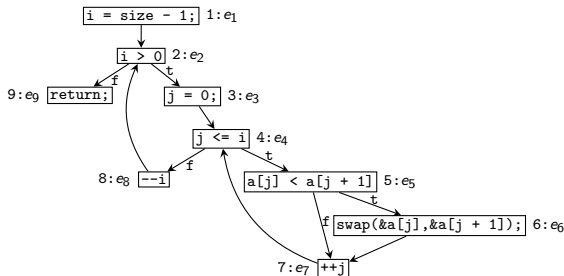
**Flussrestriktionen** schließen Zirkulationen ungültiger Abarbeitungen aus

- Formulierung als **Nebenbedingungen** des Optimierungsproblems
- Beschränkung der maximalen Anzahl von Schleifendurchläufen



- $f_1 = f_2 + f_4$  wird durch die Zirkulation garantiert
- gültige Zirkulation:  $\{E_1, E_4, d_2, E_5, E_e\} \cup \{E_3, d_1\}$ 
  - ↪ aber **keine gültige Abarbeitung**
- Flussrestriktion  $f_3 \leq 5f_2$  löst dieses Problem
  - wird  $E_2$  nicht abgearbeitet, so gilt  $f_3 \leq 5 \cdot 0 = 0$
  - hier: Beschränkung auf 5 Schleifendurchläufe
    - ↪ Nebenbedingung des Optimierungsproblems

# Beispiel: Bubblesort



- Flussrestriktionen, die sich aus Schleifen ergeben:
  - „äußere Schleife“:  $f_2 \leq (size - 1)f_1$
  - „innerer Schleife“:  $f_4 \leq (size - 1)f_3$
- Flussrestriktionen, die sich aus Verzweigungen ergeben:
  - bedingte Vertauschung:  $f_{d_3} + f_6 = f_7$

# Ganzzahliges Lineares Optimierungsproblem

**Zielfunktion:** Maximierung des gewichteten Flusses

$$\text{WCET}_e = \max_{(f_1, \dots, f_e)} \sum_{E_i \in \mathcal{E}} f_i e_i$$

↪ der Vektor  $(f_1, \dots, f_e)$  maximiert die Ausführungszeit

**Nebenbedingungen** garantieren tatsächlich mögliche Ausführungen

- **Flusserhaltung** für jeden Knoten des T-Graphen

$$\sum_{E_j^+ = V_i} f_j = \sum_{E_k^- = V_i} f_k$$

- **Flussrestriktionen** für alle Schleifen des T-Graphen, z.B.

$$f_2 \leq (\text{size} - 1)f_1$$

- **Rückkehrkante** kann nur einmal durchlaufen werden:  $f_{E_e} = 1$

# Vor- und Nachteile

- betrachte mögliche Abarbeitungen des Kontrollflussgraphen
- dabei werden alle Pfade implizit in Betracht gezogen
  - zunächst wird aus dem Kontrollflussgraph ein T-Graph erzeugt
  - dieser wird in ganzzahliges lineares Optimierungsproblem überführt

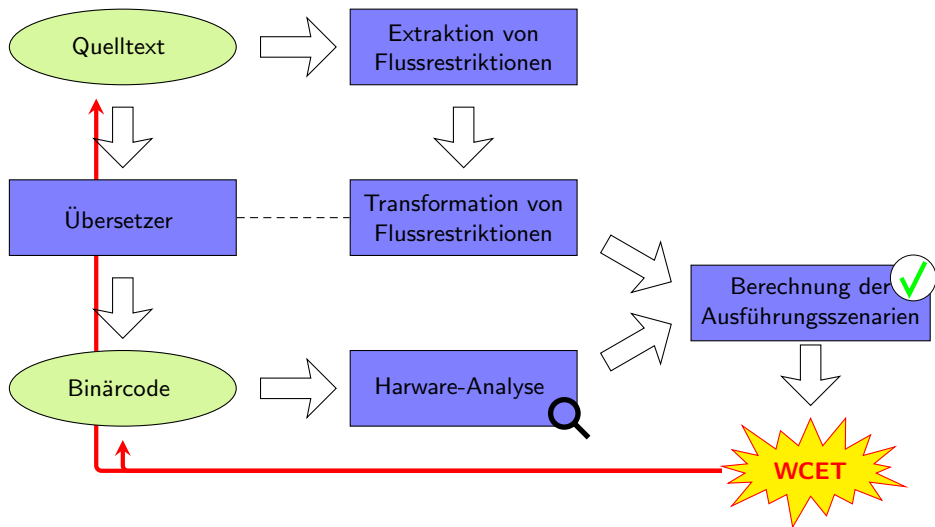
## Vorteile

- + Möglichkeit komplexer Flussrestriktionen
  - z. B. sich ausschließende Äste aufeinanderfolgender Verzweigungen
- + Nebenbedingungen für das ILP sind leicht aufzustellen
- + viele Werkzeuge zur Lösung von ILPs verfügbar

## Nachteile

- das Lösen eines ILP ist im Allgemeinen **NP-hart**
- auch Flussrestriktionen sind kein Allheilmittel
  - Beschreibung der Ausführungsreihenfolge ist problematisch

# Werkzeugkette für die WCET-Analyse [3]



# Gliederung

- 1 Überblick
- 2 Problemstellung
- 3 Pfadanalyse
  - Problemstellung
  - Timing Schema
  - Implicit Path Enumeration Technique
  - Übersicht
- 4 Hardware-Analyse**
  - **Cache-Analyse**
- 5 Messbasierte WCET-Analyse
- 6 Zusammenfassung

# Wie lange dauern die „sequentiellen Code-Schnipsel“

Die WCETs  $e_i$  der einzelnen Grundblöcke ist Eingabe für die Flussanalyse

**Grundproblem:** Ausführungszyklen von Instruktionen zählen

```
_getopt:  
  link      a6,#0          ; 16 Zyklen  
  moveml    #0x3020,sp@-    ; 32 Zyklen  
  movel     a6@(8),a2       ; 16 Zyklen  
  movel     a6@(12),d3      ; 16 Zyklen
```

Quelle: Peter Puschner [2]

- Ergebnis:  $e_{\text{getopt}} = 80$  Zyklen
- Annahmen:
  - obere Schranke für jede Instruktion
  - die obere Schranke der Sequenz bestimmt man durch Summation

**Problem:** Vorgehen ist **äußerst pessimistisch** und **zum Teil falsch falsch** für Prozessoren mit **Laufzeitanomalien**

- WCET der Sequenz  $>$  Summe der WCETs aller Instruktionen
- pessimistisch** für **moderne Prozessoren**
- Pipeline, Cache, Branch Prediction, Prefetching, ... haben großen Anteil an der verfügbaren Rechenleistung heutiger Prozessoren
  - blanke Summation einzelner WCETs ignoriert diese Maßnahmen

# Hardware-Analyse

Hardware-Analyse teilt sich in verschiedene Phasen

- Aufteilung ist nicht dogmenhaft festgeschrieben

Integration von Pfad- und Cache-Analyse

- 1 Pipeline-Analyse
  - Wie lange dauert die Ausführung der Instruktionssequenz?
- 2 Cache- und Pfad-Analyse sowie WCET-Berechnung
  - Cache-Analyse wird direkt in das Optimierungsproblem integriert

Separate Pfad- und Cache-Analyse

- 1 Cache-Analyse
  - kategorisiert Speicherzugriffe mit Hilfe einer Datenflussanalyse
- 2 Pipeline-Analyse
  - Ergebnisse der Cache-Analyse werden direkt berücksichtigt
- 3 Pfad-Analyse und WCET-Berechnung



# Cache-Analyse [4, Kapitel 22]

**Cache:** ein kleiner, schneller Zwischenspeicher, Zugriffszeiten auf Daten/Instruktionen variieren je nach Zustand des Caches enorm:

**Treffer** (engl. *hit*), Daten/Instruktion sind im Cache  $\leadsto e_h$

**Fehlschlag** (engl. *miss*), Daten/Instruktion sind nicht im Cache  $\leadsto e_m$

*Hits* sind schneller als *Misses*:  $e_m \gg e_h$  ( $> 100$  Taktzyklen möglich)

Folgende Eigenschaften von Caches haben Einfluss auf seine Analyse

- Typ**
- Cache für **Instruktionen**
  - Cache für **Daten**
  - kombinierter Cache für **Instruktionen und Daten**

- Auslegung**
- **direkt abgebildet** (engl. *direct mapped*)
  - **vollasoziativ** (engl. *fully associative*)
  - **satz- oder mengenassoziativ** (engl. *set associative*)

**Seitenersetzungsstrategie**

- engl. *(pseudo) least recently used*, (Pseudo-)LRU
- engl. *(pseudo) first in first out*, (Pseudo-)FIFO

# Ergebnisse der Cache-Analyse

Hilfreich ist, zu wissen, ob z.B. eine Instruktion im Cache ist, oder nicht:

**must**, die Instruktion ist **garantiert im Cache**

- ↪ man kann immer die schnellere Ausführungszeit  $e_h$  annehmen
- wird für die Vorhersage von Treffern verwendet

**may**, die Instruktion ist **vielleicht im Cache**

- ↪ ist dies nicht der Fall, muss man die Ausführungszeit  $e_m$  annehmen
- wird für die Vorhersage von Fehlschlägen verwendet

**persistent**, die Instruktion **verbleibt im Cache**

- ↪ erster Zugriff ist ein Fehlschlag, alle weiteren sind Treffer
- ↪ erster Zugriff:  $e_m$ , weitere Zugriffe:  $e_h$ 
  - ist besonders für Schleifen interessant, die den Cache „füllen“

# Beispiel: LRU-Cache, 4-fach assoziativ

LRU = „least recently used“ – Das älteste Element fliegt raus!

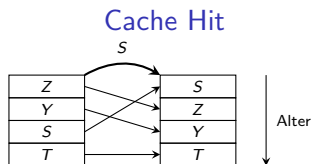
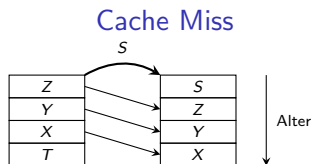
Caches werden häufig in **Sätze** (engl. *cache set*) unterteilt

- ein  **$n$ -fach assoziativer Cache** besitzt pro Satz  $n$  Cache-Blöcke

↪ Aufnahme von  $n$  konkurrierende Speicherstellen pro Satz möglich

Inhalt und Verwaltungsinformation (bei LRU das Alter des Blocks) werden sowohl bei Treffern als auch bei Fehlschlägen aktualisiert

konkrete  
Semantik des  
Cache



must-Analyse und may-Analyse approximieren diese konkrete Semantik:

**must** Obergrenze des Alters  $\leadsto$  Unterapproximation des Inhalts

- Obergrenze  $\leq$  Assoziativität  $\leadsto$  garantiert im Cache

**may** Untergrenze des Alters  $\leadsto$  Überapproximation des Inhalts

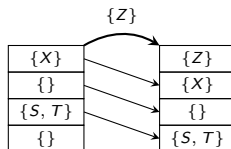
- Untergrenze  $>$  Assoziativität  $\leadsto$  garantiert nicht im Cache

# Beispiel: LRU-Cache, Zugriff auf eine Speicherstelle

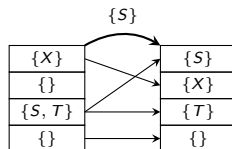
Annäherung des Cache-Verhaltens durch must- und may-Approximation:  
Aktualisierung von Inhalt und Verwaltungsinformation

must-  
Approximation

Potential Cache Miss

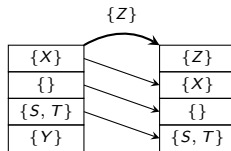


Definitive Cache Hit

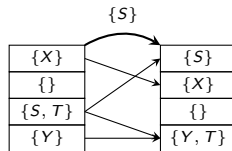


may-  
Approximation

Definitive Cache Miss

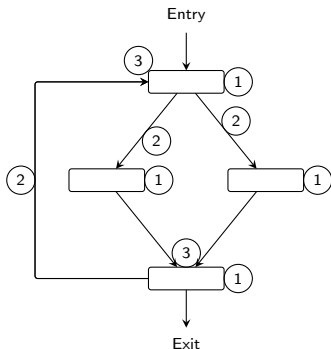


Potential Cache Hit



# Wie funktioniert nun die Cache-Analyse?

Die Analyse ist eine **Datenflussanalysen** [1, Kapitel 8]

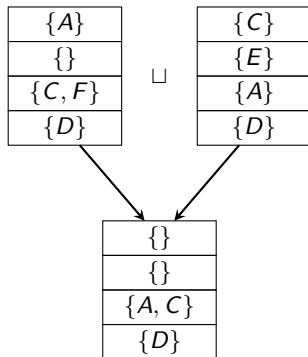


- ❶ sammle Information in den Grundblöcken
  - Speicherzugriffe (s. Folie IX/28)
  - man bestimmt die **Übertragungsfunktion** (engl. *transfer function*) des Grundblocks
- ❷ die Information wird über ausgehende Kanten weiterverteilt
  - Eingabe für die Übertragungsfunktion der folgenden Grundblöcke
- ❸ fließt der Kontrollfluss wieder zusammen, wird auch die Information verschmolzen
  - ~ Verschmelzungsoperatoren

 Verschmelzungsoperatoren für must- und may-Analyse

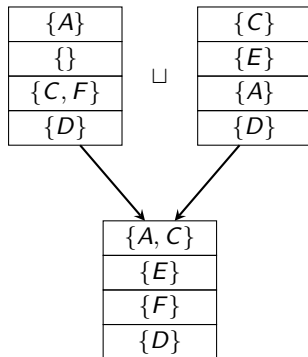
# Verschmelzungsoperatoren für must- und may-Analyse

must-Analyse



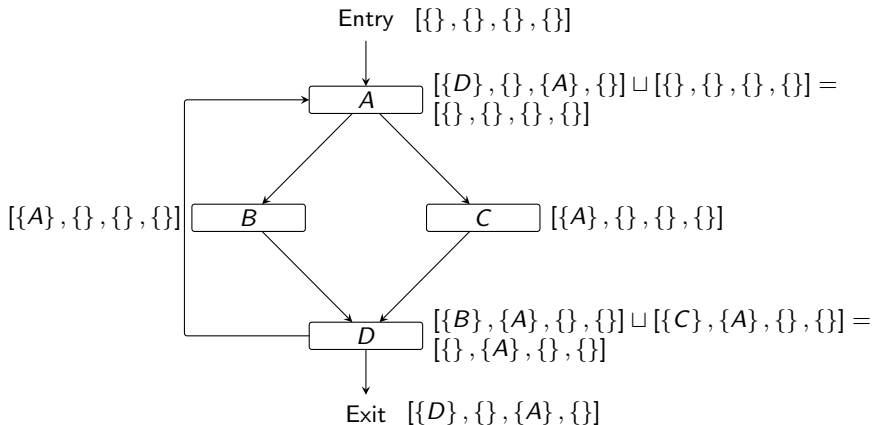
„Schnittmenge + max. Alter“

may-Analyse



„Vereinigungsmenge + min. Alter“

# Beispiel: must-Analyse für LRU



👉 Hier ist leider keine Vorhersage von Treffern möglich 😞

👉 Tip: ein einfaches, virtuelles **Ausrollen** der Schleife hilft weiter!

# Praxisrelevante Cache-Implementierungen

Cache-Analyse mithilfe einer Datenflussanalyse funktioniert für **mengenassoziative Caches mit LRU** sehr gut

- Zugriffe auf unterschiedliche Cache-Zeilen beeinflussen sich nicht
- TriCore: 2-fach assoziativer LRU-Cache

Zur Leistungssteigerung kommen auch andere Strategien zum Einsatz:

- im Durchschnitt ähnliche Leistung wie LRU, **weniger vorhersagbar**
- **Pseudo-LRU**
  - Cache-Zeilen werden als Blätter eines Baums verwaltet
  - must-Analyse **eingeschränkt brauchbar**, may-Analyse **unbrauchbar**
  - z. B. PowerPC 750/755
- **Pseudo-Round-Robin**
  - 4-fach mengenassoziativer Cache mit **einem** 2-bit Ersetzungszähler
    - Zähler deutet auf zu ersetzende Cache-Zeile, Erhöhung bei Fehlschlag
  - must-Analyse **kaum**, may-Analyse **überhaupt nicht brauchbar**
  - z. B. Motorola Coldfire 5307



# Gliederung

- 1 Überblick
- 2 Problemstellung
- 3 Pfadanalyse
  - Problemstellung
  - Timing Schema
  - Implicit Path Enumeration Technique
  - Übersicht
- 4 Hardware-Analyse
  - Cache-Analyse
- 5 Messbasierte WCET-Analyse**
- 6 Zusammenfassung

# Messbasierte WCET-Analyse [3]

**Idee:** der Prozessor selbst ist das präziseste Hardware-Modell

~> Führe das Programm aus und beobachte die Ausführungszeit!

**Probleme** messbasierter Ansätze

- in der Praxis ist es unmöglich **alle relevanten Pfade** zu betrachten
- **gewählte Testdaten** führen nicht unbedingt zum **längsten Pfad**
- **seltene Ausführungsszenarien** werden nicht abgedeckt
- **abschnittsweise WCET-Messung** ↗ globalen WCET
- schwierig/unmöglich den **Startzustand des Prozessors** zu identifizieren/erzwingen, der zur WCET führt

☞ messbasierte Ansätze unterschätzen die WCET meistens

☞ systematischere, messbasierte Analysetechniken sind vonnöten

# Messbasierte WCET-Analyse [3] (Forts.)

Andererseits besteht Bedarf für messbasierte Methoden

- gängige Praxis in der Industrie
- nicht alle Echtzeitsysteme benötigen eine sichere WCET
  - z. B. Echtzeitsystem mit weichen Zeitschranken  
(engl. *soft real-time systems*)
- lassen sich leicht an neue Hardwareplattformen anpassen
  - häufig ist kein geeignetes statisches Analysewerkzeug verfügbar
- geringer Aufwand für Annotationen
  - verschafft leicht Orientierung über die tatsächliche Laufzeit
- sinnvolle Ergänzung zur statischen WCET-Analyse
  - Validierung statisch bestimmter Werte
  - Ausgangspunkt für die Verbesserung der statischen Analyse

👉 **Allerdings** sollte man nicht „einfach draus los messen“

~ z. B. immer Pfade vermessen (d. h. Ablauf und Zeit)

~ auf einen definierten Startzustand achten

# Gliederung

- 1 Überblick
- 2 Problemstellung
- 3 Pfadanalyse
  - Problemstellung
  - Timing Schema
  - Implicit Path Enumeration Technique
  - Übersicht
- 4 Hardware-Analyse
  - Cache-Analyse
- 5 Messbasierte WCET-Analyse
- 6 Zusammenfassung

# Resümee

**Problemdefinition** identifiziert zwei Teilprobleme

- **Flussanalyse** finde die längsten Pfade durch ein Programm
- **Hardwareanalyse** bestimmt die WCET einzelner Grundblöcke

**Pfadanalyse**  $\leadsto$  findet auf Programmiersprachenebene statt

- **Timing Schema** verwendet den abstrakten Syntaxbaum
- **IPET** basiert auf dem Kontrollflussgraphen
  - Erzeugung eines **T-Graphen**, Ableitung eines **Flussproblems**  
 $\leadsto$  ganzzahliges lineares Optimierungsproblem

**Werkzeugkette** für die statische WCET-Analyse

**Hardware-Analyse**  $\leadsto$  Eingaben für die WCET-Berechnung

- Hauptaufgaben: **Cache-** und **Pipeline-Analyse**
- Beispiel: Datenflussanalyse für 4-fach assoziativen LRU-Cache
  - must-Approximation und may-Approximation

**messbasierte WCET-Analyse**  $\leadsto$  ein kleiner Fingerzeig!

# Literaturverzeichnis

- [1] MUCHNICK, S. S.:  
*Advanced compiler design and implementation.*  
San Francisco, CA, USA : Morgan Kaufmann Publishers Inc., 1997. –  
ISBN 1-55860-320-4
- [2] PUSCHNER, P. :  
*Zeitanalyse von Echtzeitprogrammen.*  
Treitlstr. 1-3/182-1, 1040 Vienna, Austria, Technische Universität Wien, Institut für  
Technische Informatik, Diss., 1993
- [3] PUSCHNER, P. ; HUBER, B. :  
*Zeitanalyse von sicherheitskritischen Echtzeitsystemen.*  
<http://ti.tuwien.ac.at/rts/teaching/courses/wcet>, 2012. –  
Lecture Notes
- [4] WILHELM, R. :  
*Embedded Systems.*  
<http://react.cs.uni-sb.de/teaching/embedded-systems-10-11/lecture-notes.html>,  
2010. –  
Lecture Notes