

Echtzeitsysteme

Ereignisgesteuerte Ablaufplanung periodischer Echtzeitsysteme

Peter Ulbrich

Lehrstuhl für Verteilte Systeme und Betriebssysteme

Friedrich-Alexander-Universität Erlangen-Nürnberg

<https://www4.cs.fau.de>

25. November 2016



- Was sind die **Prioritäten** der ereignisorientierten Einplanung?
 - Welche Kriterien werden auf Prioritäten abgebildet?
 - **Statische** und **dynamische Verfahren** zur Bestimmung von Prioritäten
 - Wie geht man mit einer knappen Anzahl von Systemprioritäten um?

- Optimalität ereignisgesteuerter Ablaufplanung
 - Wie schlagen sich die vorgestellten Verfahren?
 - Wo liegen die Grenzen ereignisgesteuerter Ablaufplanung?

- Beurteilung der **Planbarkeit ereignisgesteuerter Systeme**?
 - Mit Hilfe der **maximalen, kumulativen CPU-Auslastung**
 - Fertigstellung von Aufträgen? \leadsto **Antwortzeitanalyse**
 - Wie wirken sich zu wenige Systemprioritäten aus?



1 Einplanung

- Gebräuchliche Verfahren
- Statische Prioritäten
- Prioritätsabbildung
- Dynamische Prioritäten

2 Optimalität

- RM, DM & EDF
- Ereignisgesteuerte Ablaufplanung

3 Planbarkeitsanalyse

- CPU-Auslastung
- Antwortzeitanalyse
- Prioritätsabbildung

4 Zusammenfassung



Statische Prioritäten

RM Rate Monotonic (dt. *Ratenmonoton*)

Folie 5 ff

→ Je kürzer die **Periode**, desto höher die Priorität

DM Deadline Monotonic (dt. *Fristenmonoton*)

Folie 7 ff

→ Je kürzer der **relative Termin**, desto höher die Priorität



Statische Prioritäten

- RM** Rate Monotonic (dt. *Ratenmonoton*) Folie 5 ff
→ Je kürzer die **Periode**, desto höher die Priorität
- DM** Deadline Monotonic (dt. *Fristenmonoton*) Folie 7 ff
→ Je kürzer der **relative Termin**, desto höher die Priorität

Dynamische Prioritäten

- EDF** Earliest Deadline First (dt. *Frühester Termin zuerst*) Folie 13 ff
→ Je früher der **Termin**, desto höher die Priorität
- LRT** Latest Release-Time First (dt. *Späteste Auslösezeit zuerst*)
→ Je später die **Auslösezeit**, desto höher die Priorität
- LST** Least Slack-Time First (dt. *Kleinste Schlupfzeit zuerst*)
→ Je kürzer die **Schlupfzeit**, desto höher die Priorität



Kriterien der Prioritätsvergabe

Statische Prioritäten

RM Rate Monotonic (dt. *Ratenmonoton*)

Folie 5 ff

→ Je kürzer die **Periode**, desto höher die Priorität

DM Deadline Monotonic (dt. *Fristenmonoton*)

Folie 7 ff

→ Je kürzer der **relative Termin**, desto höher die Priorität

Dynamische Prioritäten

EDF Earliest Deadline First (dt. *Frühester Termin zuerst*)

Folie 13 ff

→ Je früher der **Termin**, desto höher die Priorität

LRT Latest Release-Time First (dt. *Späteste Auslösezeit zuerst*)



→ Je später die Auslösezeit, desto höher die Priorität

→ **Eigenstudium**

LST Least Slack-Time First (dt. *Kleinste Schlupfzeit zuerst*)



→ Je kürzer die Schlupfzeit, desto höher die Priorität

→ **Eigenstudium**





Einplanung gemäß Ausführungsrate


Rate $1/p_i$ einer Aufgabe T_i ist die Inverse ihrer Periode p_i

- Bezogen auf die Auslöserate von Arbeitsaufträgen in T_i

→ Je kleiner die Periode, desto höher die **Priorität** P_i von T_i

- **Beispiel:** $T_1 = (4, 1)$, $T_2 = (5, 2)$, $T_3 = (20, 5)$

- Perioden $p = \{4, 5, 20\}$, Ausführungszeiten $e = \{1, 2, 5\}$

 Termin und Phase optional bei $D_i = p_i$ und $\phi_i = 0$





Einplanung gemäß Ausführungsrate

Rate $1/p_i$ einer Aufgabe T_i ist die Inverse ihrer Periode p_i

- Bezogen auf die Auslöserate von Arbeitsaufträgen in T_i

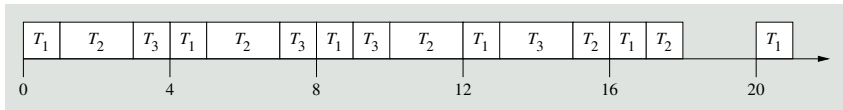
→ Je kleiner die Periode, desto höher die **Priorität** P_i von T_i

- **Beispiel:** $T_1 = (4, 1)$, $T_2 = (5, 2)$, $T_3 = (20, 5)$

- Perioden $p = \{4, 5, 20\}$, Ausführungszeiten $e = \{1, 2, 5\}$

⚠ Termin und Phase optional bei $D_i = p_i$ und $\phi_i = 0$

- **Ablaufplan:**





Einplanung gemäß Ausführungsrate

Rate $1/p_i$ einer Aufgabe T_i ist die Inverse ihrer Periode p_i

- Bezogen auf die Auslöserate von Arbeitsaufträgen in T_i

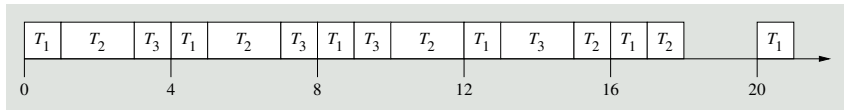
→ Je kleiner die Periode, desto höher die **Priorität** P_i von T_i

- **Beispiel:** $T_1 = (4, 1)$, $T_2 = (5, 2)$, $T_3 = (20, 5)$

- Perioden $p = \{4, 5, 20\}$, Ausführungszeiten $e = \{1, 2, 5\}$

⚠ Termin und Phase optional bei $D_i = p_i$ und $\phi_i = 0$

- **Ablaufplan:**

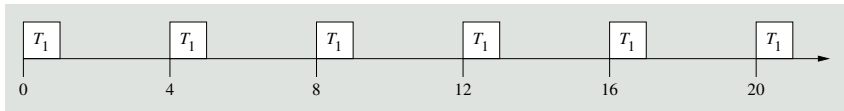


Arbeitsaufträge werden in ihren Aufgabenperioden ausgeführt

→ RM lässt Prozessor bei ausführerbereiten Aufträgen nicht untätig



Beispiel: $T_1 = (4, 1)$, $T_2 = (5, 2)$, $T_3 = (20, 5)$

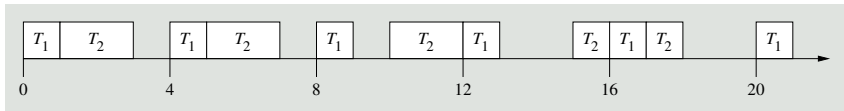


1 T_1 hat die höchste Rate \mapsto höchste Priorität P_1^{hi}

- Alle Arbeitsaufträge $J_{i,j}$ von T_1 werden ausgelöst



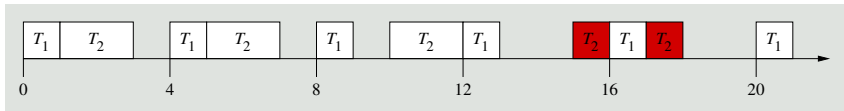
Beispiel: $T_1 = (4, 1)$, $T_2 = (5, 2)$, $T_3 = (20, 5)$



- 1 T_1 hat die höchste Rate \mapsto höchste Priorität P_1^{hi}
 - Alle Arbeitsaufträge $J_{i,j}$ von T_1 werden ausgelöst
- 2 T_2 hat die zweithöchste Priorität P_2^{med} und folgt T_1
 - Arbeitsaufträge von T_2 laufen im Hintergrund von T_1
 - T_2 startet nach dem ersten Durchlauf von T_1

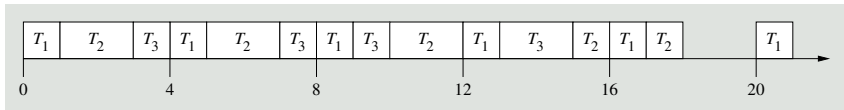


Beispiel: $T_1 = (4, 1)$, $T_2 = (5, 2)$, $T_3 = (20, 5)$



- 1 T_1 hat die höchste Rate \mapsto höchste Priorität P_1^{hi}
 - Alle Arbeitsaufträge $J_{i,j}$ von T_1 werden ausgelöst
- 2 T_2 hat die zweithöchste Priorität P_2^{med} und folgt T_1
 - Arbeitsaufträge von T_2 laufen im Hintergrund von T_1
 - T_2 startet nach dem ersten Durchlauf von T_1
 - T_2 wird zum Zeitpunkt $t = 16$ von T_1 verdrängt

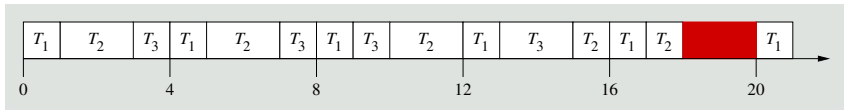
Beispiel: $T_1 = (4, 1)$, $T_2 = (5, 2)$, $T_3 = (20, 5)$



- 1 T_1 hat die höchste Rate \mapsto höchste Priorität P_1^{hi}
 - Alle Arbeitsaufträge $J_{i,j}$ von T_1 werden ausgelöst
- 2 T_2 hat die zweithöchste Priorität P_2^{med} und folgt T_1
 - Arbeitsaufträge von T_2 laufen im Hintergrund von T_1
 - T_2 startet nach dem ersten Durchlauf von T_1
 - T_2 wird zum Zeitpunkt $t = 16$ von T_1 verdrängt
- 3 T_3 hat die dritthöchste Priorität P_3^{lo} und folgt T_2
 - Aufträge von T_3 laufen im Hintergrund von T_1 und T_2
 - T_3 läuft nur, wenn kein Auftrag von T_1 und T_2 ausführbar ist



Beispiel: $T_1 = (4, 1)$, $T_2 = (5, 2)$, $T_3 = (20, 5)$



- 1 T_1 hat die höchste Rate \mapsto höchste Priorität P_1^{hi}
 - Alle Arbeitsaufträge $J_{i,j}$ von T_1 werden ausgelöst
- 2 T_2 hat die zweithöchste Priorität P_2^{med} und folgt T_1
 - Arbeitsaufträge von T_2 laufen im Hintergrund von T_1
 - T_2 startet nach dem ersten Durchlauf von T_1
 - T_2 wird zum Zeitpunkt $t = 16$ von T_1 verdrängt
- 3 T_3 hat die dritthöchste Priorität P_3^{lo} und folgt T_2
 - Aufträge von T_3 laufen im Hintergrund von T_1 und T_2
 - T_3 läuft nur, wenn kein Auftrag von T_1 und T_2 ausführbar ist
- 4 **Untätigkeit** im Zeitintervall $[18, 19]$
 - Keine ausführbaren Arbeitsaufträge



Einplanung gemäß Termin

DM = RM wenn gilt: $D_i = p_i$

- Beispiel Folie IV-2/5: $T_1 = (4, 1)$, $T_2 = (5, 2)$, $T_3 = (20, 5)$
 - Entspricht $T_1 = (4, 1, 4)$, $T_2 = (5, 2, 5)$, $T_3 = (20, 5, 20)$
 - Relativer Termin und Periode jeder Aufgabe sind identisch

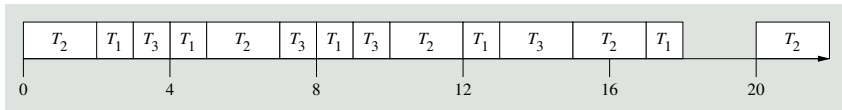


Einplanung gemäß Termin

DM = RM wenn gilt: $D_i = p_i$

- Beispiel Folie IV-2/5: $T_1 = (4, 1)$, $T_2 = (5, 2)$, $T_3 = (20, 5)$
 - Entspricht $T_1 = (4, 1, 4)$, $T_2 = (5, 2, 5)$, $T_3 = (20, 5, 20)$
 - Relativer Termin und Periode jeder Aufgabe sind identisch

- **Beispiel:** $T_1 = (4, 1)$, $T_2 = (5, 2, 3)$, $T_3 = (20, 5)$
 - Perioden $p_i = \{4, 5, 20\}$, Ausführungszeiten $e_i = \{1, 2, 5\}$
 - Relative Termine $D_i = \{4, 3, 20\}$

■ **Ablaufplan:**

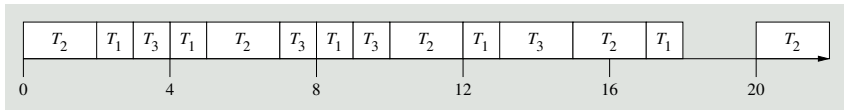
Einplanung gemäß Termin

DM = RM wenn gilt: $D_i = p_i$

- Beispiel Folie IV-2/5: $T_1 = (4, 1)$, $T_2 = (5, 2)$, $T_3 = (20, 5)$
 - Entspricht $T_1 = (4, 1, 4)$, $T_2 = (5, 2, 5)$, $T_3 = (20, 5, 20)$
 - Relativer Termin und Periode jeder Aufgabe sind identisch

- **Beispiel:** $T_1 = (4, 1)$, $T_2 = (5, 2, 3)$, $T_3 = (20, 5)$
 - Perioden $p_i = \{4, 5, 20\}$, Ausführungszeiten $e_i = \{1, 2, 5\}$
 - Relative Termine $D_i = \{4, 3, 20\}$

■ Ablaufplan:



Bei beliebigen relativen Terminen arbeitet DM besser als RM

→ DM liefert zulässige Abläufe in Fällen in denen RM scheitert





EZ-Betriebssysteme unterstützen typischerweise nur eine begrenzte Anzahl von **Prioritätsebenen**:

8 im IEEE 802.5 *token ring* [7]

32 im alten QNX, ab Neutrino 256 [6]

140 in Linux 2.5 (mit Ebenen 1–100 reserviert für Echtzeitprozesse)

256 in VxWorks [14] und vielen anderen Echtzeitbetriebssystemen



Wertebereich ist implementierungsabhängig: Bitfeld, char





EZ-Betriebssysteme unterstützen typischerweise nur eine begrenzte Anzahl von **Prioritätsebenen**:

8 im IEEE 802.5 *token ring* [7]

32 im alten QNX, ab Neutrino 256 [6]

140 in Linux 2.5 (mit Ebenen 1–100 reserviert für Echtzeitprozesse)

256 in VxWorks [14] und vielen anderen Echtzeitbetriebssystemen



Wertebereich ist implementierungsabhängig: Bitfeld, char

Uneindeutige Prioritäten



Mehr Prioritätsebenen erforderlich, als gegebene Systemplattform unterstützt

- Anzahl unterschiedlicher (eindeutiger) Task-/Jobprioritäten übersteigt die Anzahl unterschiedlicher Prioritäten im System
- Task-/Jobprioritäten lassen sich nicht eindeutig abbilden
- **Uneindeutige Prioritäten** (engl. *nondistinct priorities*)



Ω_n Anzahl der **logischen Prioritäten** (Aufgaben/Aufträge)

- $1, 2, \dots, \Omega_n$ mit 1 als höchste und Ω_n als niedrigste Priorität

Ω_s Anzahl der **Systemprioritäten**

- $P_1, P_2, \dots, P_{\Omega_s}$ mit P_k ($1 \leq k \leq \Omega_s$) im Bereich $[1, \Omega_n]$
- Zusätzlich gilt: $P_j < P_k$ wenn $j < k$

- Menge $\{P_1, P_2, \dots, P_{\Omega_s}\}$ ist **Prioritätsraster**, auf welches die logischen Prioritäten abgebildet werden:
 - Logische Priorität 1 auf P_1
 - Logische Prioritäten im Bereich $]P_{k-1}, P_k]$ auf P_k für $1 < k \leq \Omega_s$



Ω_n Anzahl der **logischen Prioritäten** (Aufgaben/Aufträge)

- $1, 2, \dots, \Omega_n$ mit 1 als höchste und Ω_n als niedrigste Priorität

Ω_s Anzahl der **Systemprioritäten**

- $P_1, P_2, \dots, P_{\Omega_s}$ mit P_k ($1 \leq k \leq \Omega_s$) im Bereich $[1, \Omega_n]$
- Zusätzlich gilt: $P_j < P_k$ wenn $j < k$

- Menge $\{P_1, P_2, \dots, P_{\Omega_s}\}$ ist **Prioritätsraster**, auf welches die logischen Prioritäten abgebildet werden:
 - Logische Priorität 1 auf P_1
 - Logische Prioritäten im Bereich $]P_{k-1}, P_k]$ auf P_k für $1 < k \leq \Omega_s$



Aufträge werden **gemäß ihrer Systempriorität** P_k abgearbeitet



Ω_n Anzahl der **logischen Prioritäten** (Aufgaben/Aufträge)

- $1, 2, \dots, \Omega_n$ mit 1 als höchste und Ω_n als niedrigste Priorität

Ω_s Anzahl der **Systemprioritäten**

- $P_1, P_2, \dots, P_{\Omega_s}$ mit P_k ($1 \leq k \leq \Omega_s$) im Bereich $[1, \Omega_n]$
- Zusätzlich gilt: $P_j < P_k$ wenn $j < k$

- Menge $\{P_1, P_2, \dots, P_{\Omega_s}\}$ ist **Prioritätsraster**, auf welches die logischen Prioritäten abgebildet werden:
 - Logische Priorität 1 auf P_1
 - Logische Prioritäten im Bereich $]P_{k-1}, P_k]$ auf P_k für $1 < k \leq \Omega_s$



Aufträge werden **gemäß ihrer Systempriorität** P_k abgearbeitet



Abbildung kann **gleichmäßig** oder **ungleichmäßig** definiert sein





Prioritätsraster **uniform** auf logische Prioritäten legen:

- Sei Q definiert als Ganzzahl $\lfloor \Omega_n / \Omega_s \rfloor$, dann ist die Systempriorität $P_k = k \cdot Q$ für $k = 1, 2, \dots, \Omega_s - 1$ und $P_{\Omega_s} = \Omega_n$





Prioritätsraster **uniform** auf logische Prioritäten legen:

- Sei Q definiert als Ganzzahl $\lfloor \Omega_n / \Omega_s \rfloor$, dann ist die Systempriorität $P_k = k \cdot Q$ für $k = 1, 2, \dots, \Omega_s - 1$ und $P_{\Omega_s} = \Omega_n$
- Für einen Block von max. Q logischen Prioritäten:
 - Die ersten Q Tasks/Jobs werden abgebildet auf $P_1 = Q$
 - Die nächsten Q Tasks/Jobs werden abgebildet auf $P_2 = 2Q$
 - Bis alle logischen Prioritäten **gerastert** worden sind





Prioritätsraster **uniform** auf logische Prioritäten legen:

- Sei Q definiert als Ganzzahl $\lfloor \Omega_n / \Omega_s \rfloor$, dann ist die Systempriorität $P_k = k \cdot Q$ für $k = 1, 2, \dots, \Omega_s - 1$ und $P_{\Omega_s} = \Omega_n$
- Für einen Block von max. Q logischen Prioritäten:
 - Die ersten Q Tasks/Jobs werden abgebildet auf $P_1 = Q$
 - Die nächsten Q Tasks/Jobs werden abgebildet auf $P_2 = 2Q$
 - Bis alle logischen Prioritäten **gerastert** worden sind



Aufgaben verschiedener logischer Prioritäten liegen auf einer Prioritätsebene

- Sie erhalten dieselbe physische Systempriorität
- Aufträge dieser Aufgaben sind einer **linearen Abbildung** unterworfen
- Wichtung erhalten sie durch ihre Position in der linearen Ordnung



- **Beispiel:** Aufgaben mit logischen Prioritäten $1, 2, \dots, 10$ auf ein System mit Prioritätsebenen $1, 2, 3, 4$ abbilden:

logische Prioritäten

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----



- **Beispiel:** Aufgaben mit logischen Prioritäten $1, 2, \dots, 10$ auf ein System mit Prioritätsebenen $1, 2, 3, 4$ abbilden:

logische Prioritäten

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

Systemprioritäten

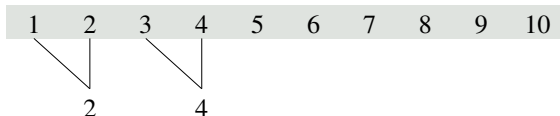
2



- $[1, 2] \mapsto P_1 = 2$

- **Beispiel:** Aufgaben mit logischen Prioritäten $1, 2, \dots, 10$ auf ein System mit Prioritätsebenen $1, 2, 3, 4$ abbilden:

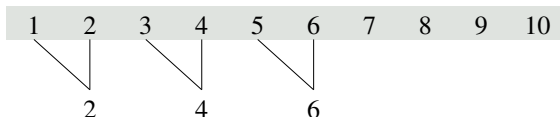
logische Prioritäten



- $[1, 2] \mapsto P_1 = 2$
- $[3, 4] \mapsto P_2 = 4$

- **Beispiel:** Aufgaben mit logischen Prioritäten $1, 2, \dots, 10$ auf ein System mit Prioritätsebenen $1, 2, 3, 4$ abbilden:

logische Prioritäten



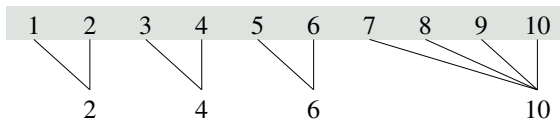
Systemprioritäten

- $[1, 2] \mapsto P_1 = 2$
- $[3, 4] \mapsto P_2 = 4$
- $[5, 6] \mapsto P_3 = 6$

- **Beispiel:** Aufgaben mit logischen Prioritäten 1, 2, ..., 10 auf ein System mit Prioritätsebenen 1, 2, 3, 4 abbilden:

logische Prioritäten

Systemprioritäten



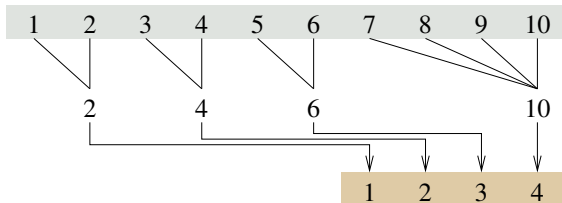
- $[1, 2] \mapsto P_1 = 2$
- $[3, 4] \mapsto P_2 = 4$
- $[5, 6] \mapsto P_3 = 6$
- $[7, 10] \mapsto P_4 = 10$

- **Beispiel:** Aufgaben mit logischen Prioritäten 1, 2, ..., 10 auf ein System mit Prioritätsebenen 1, 2, 3, 4 abbilden:

logische Prioritäten

Systemprioritäten

Prioritätsebenen



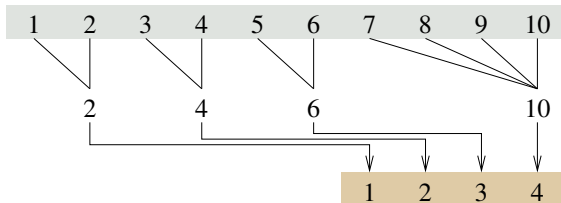
- $[1, 2] \mapsto P_1 = 2$
- $[3, 4] \mapsto P_2 = 4$
- $[5, 6] \mapsto P_3 = 6$
- $[7, 10] \mapsto P_4 = 10$

- **Beispiel:** Aufgaben mit logischen Prioritäten 1, 2, ..., 10 auf ein System mit Prioritätsebenen 1, 2, 3, 4 abbilden:

logische Prioritäten

Systemprioritäten

Prioritätsebenen



- $[1, 2] \mapsto P_1 = 2$
- $[3, 4] \mapsto P_2 = 4$
- $[5, 6] \mapsto P_3 = 6$
- $[7, 10] \mapsto P_4 = 10$

Problem Fairness:

Aufgaben hoher logischer Priorität werden ggf. gleich behandelt wie solche mit niedrigerer logischer Priorität.



Prioritätsraster **ungleichmäßig** auf logischer Prioritäten legen:

- Methode des *constant ratio mapping* [8]
 - Ziel: Verhältnis $(P_{i-1} + 1)/P_i$ für $i = 2, 3, \dots, \Omega_s$ bleibt gleich
 - Hohen logischen Prioritäten werden mehr Prioritätsebenen reserviert
- Bessere Feinabstufung höher priorisierter Aufgaben





Prioritätsraster **ungleichmäßig** auf logischer Prioritäten legen:

- Methode des *constant ratio mapping* [8]
- Ziel: Verhältnis $(P_{i-1} + 1)/P_i$ für $i = 2, 3, \dots, \Omega_s$ bleibt gleich
- Hohen logischen Prioritäten werden mehr Prioritätsebenen reserviert
- Bessere Feinabstufung höher priorisierter Aufgaben

■ **Beispiel** (vgl. IV-2/11): $\Omega_n = 10, \Omega_s = 4$

- $[1, 1] \mapsto P_1 = 1$
- $[2, 3] \mapsto P_2 = 3$
- $[4, 6] \mapsto P_3 = 6$
- $[7, 10] \mapsto P_4 = 10$





Prioritätsraster **ungleichmäßig** auf logischer Prioritäten legen:

- Methode des *constant ratio mapping* [8]
- Ziel: Verhältnis $(P_{i-1} + 1)/P_i$ für $i = 2, 3, \dots, \Omega_s$ bleibt gleich
- Hohen logischen Prioritäten werden mehr Prioritätsebenen reserviert
- Bessere Feinabstufung höher priorisierter Aufgaben

■ **Beispiel** (vgl. IV-2/11): $\Omega_n = 10, \Omega_s = 4$

- | | |
|------------------------------|-------------------------------|
| ■ $[1, 1] \mapsto P_1 = 1$ | |
| ■ $[2, 3] \mapsto P_2 = 3$ | ■ $(P_1 + 1)/P_2 = 2/3$ |
| ■ $[4, 6] \mapsto P_3 = 6$ | ■ $(P_2 + 1)/P_3 = 2/3$ |
| ■ $[7, 10] \mapsto P_4 = 10$ | ■ $(P_3 + 1)/P_4 \approx 2/3$ |





Prioritätsraster **ungleichmäßig** auf logischer Prioritäten legen:

- Methode des *constant ratio mapping* [8]
- Ziel: Verhältnis $(P_{i-1} + 1)/P_i$ für $i = 2, 3, \dots, \Omega_s$ bleibt gleich
- Hohen logischen Prioritäten werden mehr Prioritätsebenen reserviert
- Bessere Feinabstufung höher priorisierter Aufgaben

■ **Beispiel** (vgl. IV-2/11): $\Omega_n = 10, \Omega_s = 4$

- | | | |
|------------------------------|-------------------------------|--------------------------------|
| ■ $[1, 1] \mapsto P_1 = 1$ | | ■ $1:1 \mapsto \text{Ebene}_1$ |
| ■ $[2, 3] \mapsto P_2 = 3$ | ■ $(P_1 + 1)/P_2 = 2/3$ | ■ $2:1 \mapsto \text{Ebene}_2$ |
| ■ $[4, 6] \mapsto P_3 = 6$ | ■ $(P_2 + 1)/P_3 = 2/3$ | ■ $3:1 \mapsto \text{Ebene}_3$ |
| ■ $[7, 10] \mapsto P_4 = 10$ | ■ $(P_3 + 1)/P_4 \approx 2/3$ | ■ $4:1 \mapsto \text{Ebene}_4$ |



Einplanung gemäß absolutem Termin

Ordnet Arbeitsaufträge nach ihrem **absoluten Termin d**

- Je näher der absolute Termin, umso höher die Priorität
- Verschiedene Aufträge derselben Aufgabe mit unterschiedlicher Priorität



Einplanung gemäß absolutem Termin

Ordnet Arbeitsaufträge nach ihrem **absoluten Termin** d

- Je näher der absolute Termin, umso höher die Priorität
- Verschiedene Aufträge derselben Aufgabe mit unterschiedlicher Priorität

- **Beispiel:** $T_1 = (4, 2)$, $T_2 = (5, 1, 3)$, $T_3 = (20, 5)$
 - Perioden $p_i = \{4, 5, 20\}$, Ausführungszeiten $e_i = \{2, 1, 5\}$
 - Relative Termine $D_i = \{4, 3, 20\}$

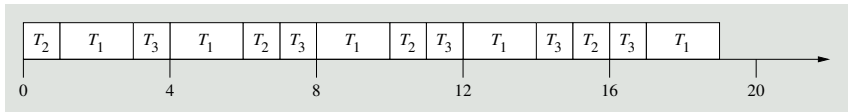


Einplanung gemäß absolutem Termin

Ordnet Arbeitsaufträge nach ihrem **absoluten Termin d**

- Je näher der absolute Termin, umso höher die Priorität
- Verschiedene Aufträge derselben Aufgabe mit unterschiedlicher Priorität

- **Beispiel:** $T_1 = (4, 2)$, $T_2 = (5, 1, 3)$, $T_3 = (20, 5)$
 - Perioden $p_i = \{4, 5, 20\}$, Ausführungszeiten $e_i = \{2, 1, 5\}$
 - Relative Termine $D_i = \{4, 3, 20\}$
- **Ablaufplan:**

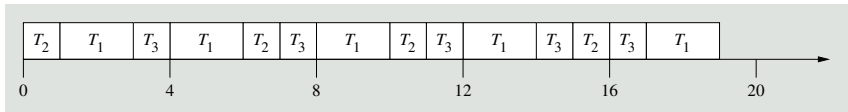


Einplanung gemäß absolutem Termin

Ordnet Arbeitsaufträge nach ihrem **absoluten Termin d**

- Je näher der absolute Termin, umso höher die Priorität
- Verschiedene Aufträge derselben Aufgabe mit unterschiedlicher Priorität

- **Beispiel:** $T_1 = (4, 2)$, $T_2 = (5, 1, 3)$, $T_3 = (20, 5)$
 - Perioden $p_i = \{4, 5, 20\}$, Ausführungszeiten $e_i = \{2, 1, 5\}$
 - Relative Termine $D_i = \{4, 3, 20\}$

■ **Ablaufplan:**

Arbeitsaufträge werden möglichst auslösezeitnah gestartet

- Lässt den Prozessor bei ausführfbereiten Aufträgen nicht untätig





EDF – Frühester Termin zuerst (Forts.)

Beispiel: $T_1 = (4, 2)$, $T_2 = (5, 1, 3)$, $T_3 = (20, 5)$



$$T_1 = (4, 2)$$

t_0 Auslösung, $d_1 = 4$

$$T_2 = (5, 1, 3)$$

t_0 Auslösung, $d_2 = 3$

$$T_3 = (20, 5)$$

t_0 Auslösung, $d_3 = 20$





EDF – Frühester Termin zuerst (Forts.)

Beispiel: $T_1 = (4, 2)$, $T_2 = (5, 1, 3)$, $T_3 = (20, 5)$



$T_1 = (4, 2)$

t_0 Auslösung, $d_1 = 4$

t_1 Start – t_3 Ende

$T_2 = (5, 1, 3)$

t_0 Auslösung, $d_2 = 3$, Start

t_1 Ende

$T_3 = (20, 5)$

t_0 Auslösung, $d_3 = 20$

t_3 Start





EDF – Frühester Termin zuerst (Forts.)

Beispiel: $T_1 = (4, 2)$, $T_2 = (5, 1, 3)$, $T_3 = (20, 5)$



$T_1 = (4, 2)$

t_0 Auslösung, $d_1 = 4$

t_1 Start – t_3 Ende

t_4 Auslösung, $d_1 = 8$

$T_2 = (5, 1, 3)$

t_0 Auslösung, $d_2 = 3$, Start

t_1 Ende

t_5 Auslösung, $d_2 = 8$

$T_3 = (20, 5)$

t_0 Auslösung, $d_3 = 20$

t_3 Start





EDF – Frühester Termin zuerst (Forts.)

Beispiel: $T_1 = (4, 2)$, $T_2 = (5, 1, 3)$, $T_3 = (20, 5)$



$T_1 = (4, 2)$

t_0 Auslösung, $d_1 = 4$

t_1 Start – t_3 Ende

t_4 Auslösung, $d_1 = 8$, Start

t_6 Ende

$T_2 = (5, 1, 3)$

t_0 Auslösung, $d_2 = 3$, Start

t_1 Ende

t_5 Auslösung, $d_2 = 8$

t_6 Start – t_7 Ende

$T_3 = (20, 5)$

t_0 Auslösung, $d_3 = 20$

t_3 Start – t_4 Verdrängung

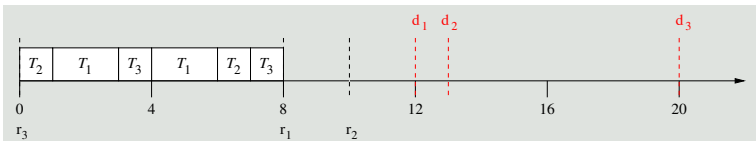
t_7 Fortsetzung





EDF – Frühester Termin zuerst (Forts.)

Beispiel: $T_1 = (4, 2)$, $T_2 = (5, 1, 3)$, $T_3 = (20, 5)$



$T_1 = (4, 2)$

- t_0 Auslösung, $d_1 = 4$
- t_1 Start – t_3 Ende
- t_4 Auslösung, $d_1 = 8$, Start
- t_6 Ende
- t_8 Auslösung, $d_1 = 12$

$T_2 = (5, 1, 3)$

- t_0 Auslösung, $d_2 = 3$, Start
- t_1 Ende
- t_5 Auslösung, $d_2 = 8$
- t_6 Start – t_7 Ende
- t_{10} Auslösung, $d_2 = 13$

$T_3 = (20, 5)$

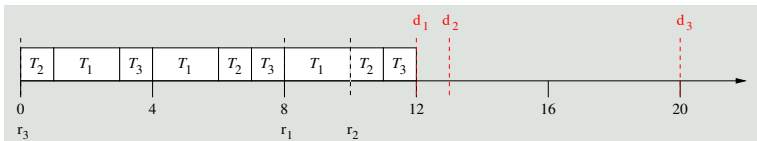
- t_0 Auslösung, $d_3 = 20$
- t_3 Start – t_4 Verdrängung
- t_7 Fortsetzung





EDF – Frühester Termin zuerst (Forts.)

Beispiel: $T_1 = (4, 2)$, $T_2 = (5, 1, 3)$, $T_3 = (20, 5)$



$T_1 = (4, 2)$

- t_0 Auslösung, $d_1 = 4$
- t_1 Start – t_3 Ende
- t_4 Auslösung, $d_1 = 8$, Start
- t_6 Ende
- t_8 Auslösung, $d_1 = 12$, Start
- t_{10} Ende

$T_2 = (5, 1, 3)$

- t_0 Auslösung, $d_2 = 3$, Start
- t_1 Ende
- t_5 Auslösung, $d_2 = 8$
- t_6 Start – t_7 Ende
- t_{10} Auslösung, $d_2 = 13$, Start
- t_{11} Ende

$T_3 = (20, 5)$

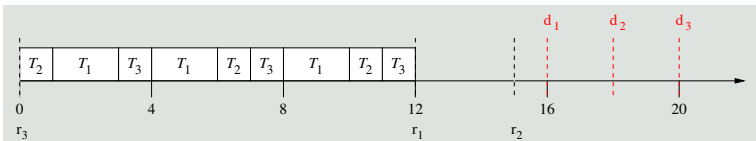
- t_0 Auslösung, $d_3 = 20$
- t_3 Start – t_4 Verdrängung
- t_7 Fortsetzung
- t_8 Verdrängung
- t_{11} Fortsetzung





EDF – Frühester Termin zuerst (Forts.)

Beispiel: $T_1 = (4, 2)$, $T_2 = (5, 1, 3)$, $T_3 = (20, 5)$



$T_1 = (4, 2)$

- t_0 Auslösung, $d_1 = 4$
- t_1 Start – t_3 Ende
- t_4 Auslösung, $d_1 = 8$, Start
- t_6 Ende
- t_8 Auslösung, $d_1 = 12$, Start
- t_{10} Ende
- t_{12} Auslösung, $d_1 = 16$

$T_2 = (5, 1, 3)$

- t_0 Auslösung, $d_2 = 3$, Start
- t_1 Ende
- t_5 Auslösung, $d_2 = 8$
- t_6 Start – t_7 Ende
- t_{10} Auslösung, $d_2 = 13$, Start
- t_{11} Ende
- t_{15} Auslösung, $d_2 = 18$

$T_3 = (20, 5)$

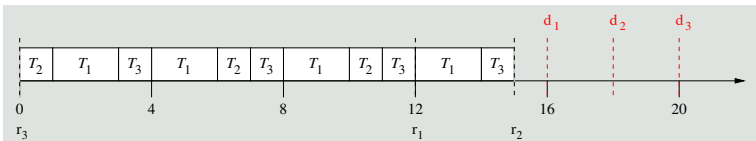
- t_0 Auslösung, $d_3 = 20$
- t_3 Start – t_4 Verdrängung
- t_7 Fortsetzung
- t_8 Verdrängung
- t_{11} Fortsetzung





EDF – Frühester Termin zuerst (Forts.)

Beispiel: $T_1 = (4, 2)$, $T_2 = (5, 1, 3)$, $T_3 = (20, 5)$



$T_1 = (4, 2)$

- t_0 Auslösung, $d_1 = 4$
- t_1 Start – t_3 Ende
- t_4 Auslösung, $d_1 = 8$, Start
- t_6 Ende
- t_8 Auslösung, $d_1 = 12$, Start
- t_{10} Ende
- t_{12} Auslösung, $d_1 = 16$, Start
- t_{14} Ende

$T_2 = (5, 1, 3)$

- t_0 Auslösung, $d_2 = 3$, Start
- t_1 Ende
- t_5 Auslösung, $d_2 = 8$
- t_6 Start – t_7 Ende
- t_{10} Auslösung, $d_2 = 13$, Start
- t_{11} Ende
- t_{15} Auslösung, $d_2 = 18$

$T_3 = (20, 5)$

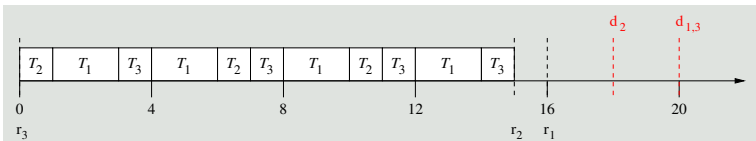
- t_0 Auslösung, $d_3 = 20$
- t_3 Start – t_4 Verdrängung
- t_7 Fortsetzung
- t_8 Verdrängung
- t_{11} Fortsetzung
- t_{12} Verdrängung
- t_{14} Fortsetzung





EDF – Frühester Termin zuerst (Forts.)

Beispiel: $T_1 = (4, 2)$, $T_2 = (5, 1, 3)$, $T_3 = (20, 5)$



$T_1 = (4, 2)$

- t_0 Auslösung, $d_1 = 4$
- t_1 Start – t_3 Ende
- t_4 Auslösung, $d_1 = 8$, Start
- t_6 Ende
- t_8 Auslösung, $d_1 = 12$, Start
- t_{10} Ende
- t_{12} Auslösung, $d_1 = 16$, Start
- t_{14} Ende
- t_{16} Auslösung, $d_1 = 20$

$T_2 = (5, 1, 3)$

- t_0 Auslösung, $d_2 = 3$, Start
- t_1 Ende
- t_5 Auslösung, $d_2 = 8$
- t_6 Start – t_7 Ende
- t_{10} Auslösung, $d_2 = 13$, Start
- t_{11} Ende
- t_{15} Auslösung, $d_2 = 18$, Start

$T_3 = (20, 5)$

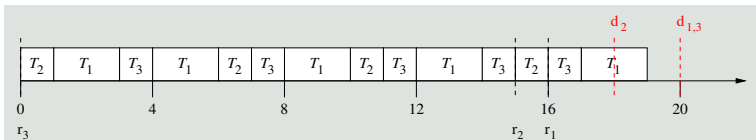
- t_0 Auslösung, $d_3 = 20$
- t_3 Start – t_4 Verdrängung
- t_7 Fortsetzung
- t_8 Verdrängung
- t_{11} Fortsetzung
- t_{12} Verdrängung
- t_{14} Fortsetzung





EDF – Frühester Termin zuerst (Forts.)

Beispiel: $T_1 = (4, 2)$, $T_2 = (5, 1, 3)$, $T_3 = (20, 5)$



$T_1 = (4, 2)$

- t_0 Auslösung, $d_1 = 4$
- t_1 Start – t_3 Ende
- t_4 Auslösung, $d_1 = 8$, Start
- t_6 Ende
- t_8 Auslösung, $d_1 = 12$, Start
- t_{10} Ende
- t_{12} Auslösung, $d_1 = 16$, Start
- t_{14} Ende
- t_{16} Auslösung, $d_1 = 20$
- t_{17} Start – t_{19} Ende

$T_2 = (5, 1, 3)$

- t_0 Auslösung, $d_2 = 3$, Start
- t_1 Ende
- t_5 Auslösung, $d_2 = 8$
- t_6 Start – t_7 Ende
- t_{10} Auslösung, $d_2 = 13$, Start
- t_{11} Ende
- t_{15} Auslösung, $d_2 = 18$, Start
- t_{16} Ende

$T_3 = (20, 5)$

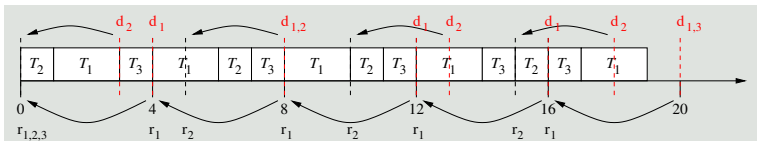
- t_0 Auslösung, $d_3 = 20$
- t_3 Start – t_4 Verdrängung
- t_7 Fortsetzung
- t_8 Verdrängung
- t_{11} Fortsetzung
- t_{12} Verdrängung
- t_{14} Fortsetzung
- t_{15} Verdrängung
- t_{16} Fortsetzung
- t_{17} Ende





EDF – Frühester Termin zuerst (Forts.)

Beispiel: $T_1 = (4, 2)$, $T_2 = (5, 1, 3)$, $T_3 = (20, 5)$



$T_1 = (4, 2)$

- t_0 Auslösung, $d_1 = 4$
- t_1 Start – t_3 Ende
- t_4 Auslösung, $d_1 = 8$, Start
- t_6 Ende
- t_8 Auslösung, $d_1 = 12$, Start
- t_{10} Ende
- t_{12} Auslösung, $d_1 = 16$, Start
- t_{14} Ende
- t_{16} Auslösung, $d_1 = 20$
- t_{17} Start – t_{19} Ende

$T_2 = (5, 1, 3)$

- t_0 Auslösung, $d_2 = 3$, Start
- t_1 Ende
- t_5 Auslösung, $d_2 = 8$
- t_6 Start – t_7 Ende
- t_{10} Auslösung, $d_2 = 13$, Start
- t_{11} Ende
- t_{15} Auslösung, $d_2 = 18$, Start
- t_{16} Ende

$T_3 = (20, 5)$

- t_0 Auslösung, $d_3 = 20$
- t_3 Start – t_4 Verdrängung
- t_7 Fortsetzung
- t_8 Verdrängung
- t_{11} Fortsetzung
- t_{12} Verdrängung
- t_{14} Fortsetzung
- t_{15} Verdrängung
- t_{16} Fortsetzung
- t_{17} Ende



1 Einplanung

- Gebräuchliche Verfahren
- Statische Prioritäten
- Prioritätsabbildung
- Dynamische Prioritäten

2 Optimalität

- RM, DM & EDF
- Ereignisgesteuerte Ablaufplanung

3 Planbarkeitsanalyse

- CPU-Auslastung
- Antwortzeitanalyse
- Prioritätsabbildung

4 Zusammenfassung



Rahmenbedingungen

Der RM-Algorithmus ist **optimal** für Systeme unter den Bedingungen:

- Voraussetzungen **A1** - **A7** sind erfüllt (siehe Folie IV-1/9 bzw. 44)
- Aufgaben sind in **Phase** (engl. *synchron*) (d.h. $\phi_i = 0$)
- Alle Perioden sind harmonisch \mapsto **Einfach periodisches** (engl. *simple periodic*) Aufgabensystem (d.h. $p_i = k \cdot p_1$)



Rahmenbedingungen

Der RM-Algorithmus ist **optimal** für Systeme unter den Bedingungen:

- Voraussetzungen **A1** - **A7** sind erfüllt (siehe Folie IV-1/9 bzw. 44)
- Aufgaben sind in **Phase** (engl. *synchron*) (d.h. $\phi_i = 0$)
- Alle Perioden sind harmonisch \mapsto **Einfach periodisches** (engl. *simple periodic*) Aufgabensystem (d.h. $p_i = k \cdot p_1$)



Beweisidee (Baruah [1])

- Gegeben sei ein System mit den Aufgaben $\{T_1, T_2, T_3, \dots, T_n\}$
- Prioritäten $T_1 \succ T_2 \succ \dots \succ T_n$ (nicht RM-konform)
- Erzeuge einen zulässigen Ablaufplan
- Prioritäten können hinsichtlich RM umgeformt werden¹ ohne die Zulässigkeit des Ablaufplans zu zerstören

¹Die Prioritäten zweier Aufgaben T_1 und T_2 , die das RM-Schema verletzen (für die also $T_1 \succ T_2$ gilt, obwohl $p_1 > p_2$), lassen sich tauschen ohne dabei die Zulässigkeit des Systems zu zerstören.



Rahmenbedingungen

Der RM-Algorithmus ist nicht optimal unter den Bedingungen:

- Voraussetzungen A1 - A7 sind erfüllt (siehe Folie IV-1/9 bzw. 44)
- Aufgaben sind phasenversetzt (engl. *asynchron*) (d.h. $\exists \phi_i > 0$)



Rahmenbedingungen

Der RM-Algorithmus ist nicht optimal unter den Bedingungen:

- Voraussetzungen A1 - A7 sind erfüllt (siehe Folie IV-1/9 bzw. 44)
- Aufgaben sind phasenversetzt (engl. *asynchron*) (d.h. $\exists \phi_i > 0$)

■ Beweis (Baruah [1])

- Betrachte $T_1 = (10, 7, 10, 0)$, $T_2 = (15, 3, 15, 4)$, $T_3 = (16, 1, 16, 0)$
- RM: $T_1 \succ T_2 \succ T_3$



Nichtoptimalität des RM-Algorithmus

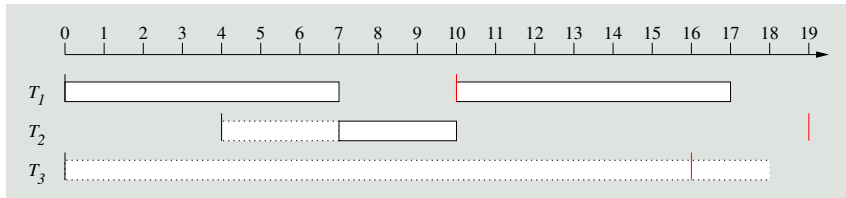
Rahmenbedingungen

Der RM-Algorithmus ist nicht optimal unter den Bedingungen:

- Voraussetzungen A1 - A7 sind erfüllt (siehe Folie IV-1/9 bzw. 44)
- Aufgaben sind phasenversetzt (engl. *asynchron*) (d.h. $\exists \phi_i > 0$)


Beweis (Baruah [1])

- Betrachte $T_1 = (10, 7, 10, 0)$, $T_2 = (15, 3, 15, 4)$, $T_3 = (16, 1, 16, 0)$
- RM: $T_1 \succ T_2 \succ T_3$



- T_3 verpasst bei t_{16} seinen Termin
- $T_1 \succ T_3 \succ T_2$ würde funktionieren



 **Beispiel:** Betrachte $T_1 = (2, 1)$ und $T_2 = (5, 2.5)$

→ Sei $T_1 \succ T_2$ (RM-konform)

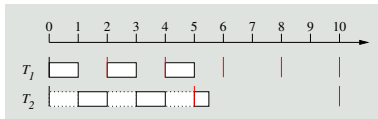


Nichtoptimalität statischer Prioritäten



Beispiel: Betrachte $T_1 = (2, 1)$ und $T_2 = (5, 2.5)$

→ Sei $T_1 \succ T_2$ (RM-konform)



t_5 T_2 verpasst Termin

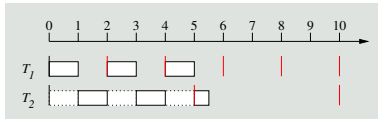


Nichtoptimalität statischer Prioritäten

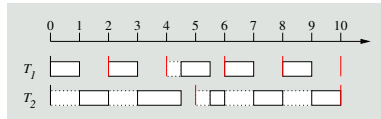


Beispiel: Betrachte $T_1 = (2, 1)$ und $T_2 = (5, 2.5)$

→ Sei $T_1 \succ T_2$ (RM-konform)



t_5 T_2 verpasst Termin



t_4 $T_2 \succ T_1$

t_{10} Hyperperiode

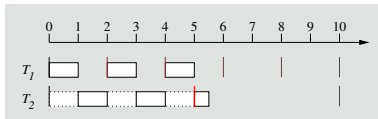


Nichtoptimalität statischer Prioritäten

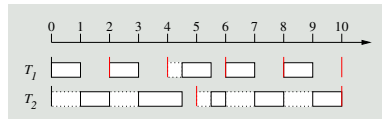


Beispiel: Betrachte $T_1 = (2, 1)$ und $T_2 = (5, 2.5)$

→ Sei $T_1 \succ T_2$ (RM-konform)



t_5 T_2 verpasst Termin



t_4 $T_2 \succ T_1$

t_{10} Hyperperiode

- Vor dem Zeitpunkt t_4 müsste gelten $T_1 \succ T_2$
- Zum Zeitpunkt t_4 müsste gelten $T_2 \succ T_1$



Widerspruch zur statischen Vergabe von Prioritäten



Rahmenbedingungen

Der EDF-Algorithmus ist **optimal** unter den Bedingungen:

- Aufgaben haben beliebige Auslösezeiten
 - Sporadisch/periodisch
 - Synchron/asynchron
- Aufgaben besitzen beliebige Termine
 - Länger oder kürzer als die entsprechende Periode
- Voraussetzungen A2 und A4 - A7 sind erfüllt (siehe Folie IV-1/9 bzw. 44)



Rahmenbedingungen

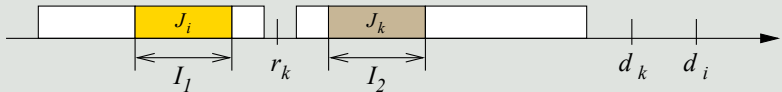
Der EDF-Algorithmus ist **optimal** unter den Bedingungen:

- Aufgaben haben beliebige Auslösezeiten
 - Sporadisch/periodisch
 - Synchron/asynchron
- Aufgaben besitzen beliebige Termine
 - Länger oder kürzer als die entsprechende Periode
- Voraussetzungen A2 und A4 - A7 sind erfüllt (siehe Folie IV-1/9 bzw. 44)

■ **Beweis** siehe Liu [10, S.67 f]:

→ Jeder **zulässige** Ablaufplan für solche Systeme lässt sich in einen EDF-Ablaufplan umformen

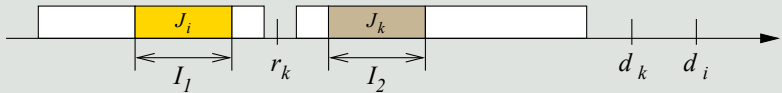




Beispiel einer Umformung eines Ablaufplans

- Betrachte alle Paare von Arbeitsaufträgen J_i und J_k
- Arbeitsauftrag J_i wird im Intervall I_1 , J_k im Intervall I_2 eingeplant
- Der Termin von J_k sei vor dem Termin von J_i : $d_k < d_i$
- Das Intervall I_1 liegt komplett vor I_2 : $I_1 < I_2$





Beispiel einer Umformung eines Ablaufplans

- Betrachte alle Paare von Arbeitsaufträgen J_i und J_k
- Arbeitsauftrag J_i wird im Intervall I_1 , J_k im Intervall I_2 eingeplant
- Der Termin von J_k sei vor dem Termin von J_i : $d_k < d_i$
- Das Intervall I_1 liegt komplett vor I_2 : $I_1 < I_2$

Fall 1: $r_k \geq \text{Ende}(I_1)$

- J_k kann nicht in I_1 eingeplant werden



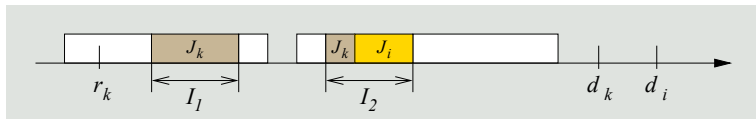
Der Ablaufplan hat bereits EDF-Form



Fall 2: $r_k < \text{Ende}(I_1)$, ohne Beschränkung der Allgemeinheit

1 Tausche J_i und J_k

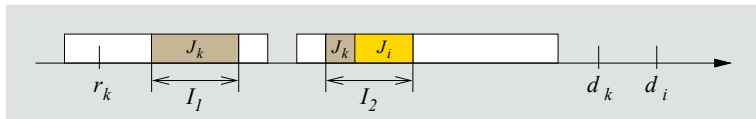
Fall 2a: $l_1 < l_2$ J_k passend stückeln (Verdrängung!), $l_1 > l_2$ analog



Fall 2: $r_k < \text{Ende}(I_1)$, ohne Beschränkung der Allgemeinheit

1 Tausche J_i und J_k

Fall 2a: $l_1 < l_2$ J_k passend stückeln (Verdrängung!), $l_1 > l_2$ analog

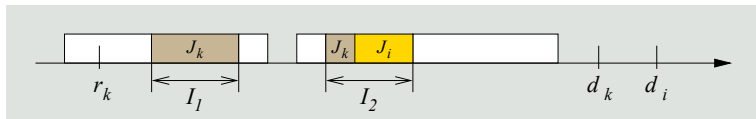


Fall 2b: $l_1 = l_2$ trivial

Fall 2: $r_k < \text{Ende}(I_1)$, ohne Beschränkung der Allgemeinheit

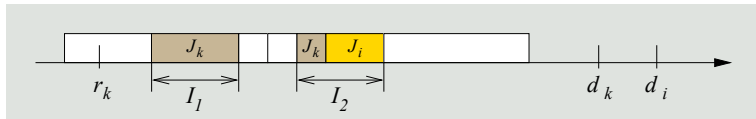
1 Tausche J_i und J_k

Fall 2a: $l_1 < l_2$ J_k passend stückeln (Verdrängung!), $l_1 > l_2$ analog



Fall 2b: $l_1 = l_2$ trivial

2 Verbliebene Ruheintervalle durch Verschiebung auffüllen

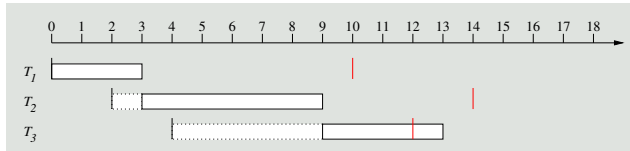


- Beispiel: $T_1 = (10, 3, 10, 0)$, $T_2 = (14, 6, 12, 2)$, $T_3 = (12, 4, 8, 4)$

²Dies ist nicht abwegig, da beispielsweise in Mehrkernsystemen die Verdrängbarkeit von Tasks auf unterschiedlichen Kernen i.A. nicht gegeben ist!



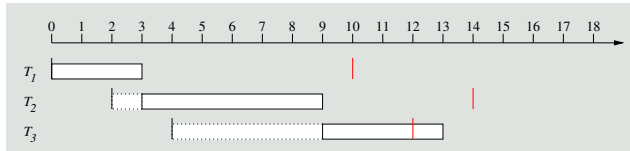
- Beispiel: $T_1 = (10, 3, 10, 0)$, $T_2 = (14, 6, 12, 2)$, $T_3 = (12, 4, 8, 4)$



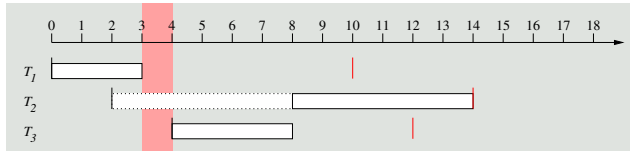
⚠ EDF versagt bei diesem System (Achtung: A7 außer Kraft²)

²Dies ist nicht abwegig, da beispielsweise in Mehrkernsystemen die Verdrängbarkeit von Tasks auf unterschiedlichen Kernen i.A. nicht gegeben ist!

- Beispiel: $T_1 = (10, 3, 10, 0)$, $T_2 = (14, 6, 12, 2)$, $T_3 = (12, 4, 8, 4)$



⚠ EDF versagt bei diesem System (Achtung: A7 außer Kraft²)

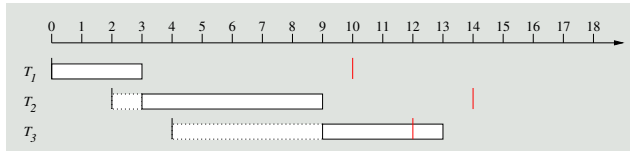


Obwohl ein zulässiger Ablaufplan existiert

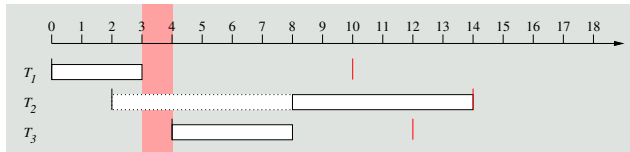
²Dies ist nicht abwegig, da beispielsweise in Mehrkernsystemen die Verdrängbarkeit von Tasks auf unterschiedlichen Kernen i.A. nicht gegeben ist!



- Beispiel: $T_1 = (10, 3, 10, 0)$, $T_2 = (14, 6, 12, 2)$, $T_3 = (12, 4, 8, 4)$



⚠ EDF versagt bei diesem System (Achtung: A7 außer Kraft²)



Obwohl ein zulässiger Ablaufplan existiert

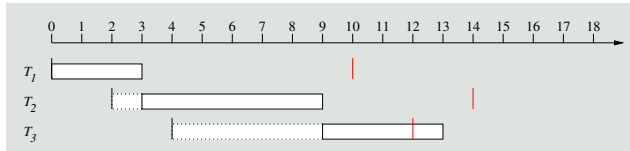
→ Dieser lässt allerdings den Prozessor kurz untätig

²Dies ist nicht abwegig, da beispielsweise in Mehrkernsystemen die Verdrängbarkeit von Tasks auf unterschiedlichen Kernen i.A. nicht gegeben ist!

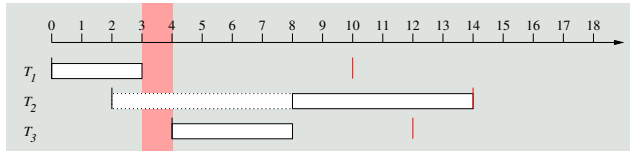


Beliebige (in diesem Fall nicht-verdrängbare) Aufgaben

- Beispiel: $T_1 = (10, 3, 10, 0)$, $T_2 = (14, 6, 12, 2)$, $T_3 = (12, 4, 8, 4)$



⚠ EDF versagt bei diesem System (Achtung: A7 außer Kraft²)



Obwohl ein zulässiger Ablaufplan existiert

→ Dieser lässt allerdings den Prozessor kurz untätig



Vorranggesteuerte Algorithmen sind stets gefräßig (engl. *greedy*)!

²Dies ist nicht abwegig, da beispielsweise in Mehrkernsystemen die Verdrängbarkeit von Tasks auf unterschiedlichen Kernen i.A. nicht gegeben ist!



1 Einplanung

- Gebräuchliche Verfahren
- Statische Prioritäten
- Prioritätsabbildung
- Dynamische Prioritäten

2 Optimalität

- RM, DM & EDF
- Ereignisgesteuerte Ablaufplanung

3 Planbarkeitsanalyse

- CPU-Auslastung
- Antwortzeitanalyse
- Prioritätsabbildung

4 Zusammenfassung



- Gegeben sei eine Menge periodischer Aufgaben $T_i = (p_i, e_i, D_i, \phi_i)$ mit

p_i der Periode

e_i der maximalen Ausführungszeit

D_i dem relativen Termin

ϕ_i der Phase

der jeweiligen Aufgabe.



- Gegeben sei eine Menge periodischer Aufgaben $T_i = (p_i, e_i, D_i, \phi_i)$ mit

p_i der Periode

e_i der maximalen Ausführungszeit

D_i dem relativen Termin

ϕ_i der Phase

der jeweiligen Aufgabe.

Fragestellung:

Ist diese Menge von Aufgaben **zulässig**?



- CPU-Auslastung (engl. *loading factor*)
 - Zu welchem Prozentsatz wird der Prozessor **maximal** beansprucht?
 - Bevorzugte Methode für **dynamische Prioritäten**



- CPU-Auslastung (engl. *loading factor*)
 - Zu welchem Prozentsatz wird der Prozessor **maximal** beansprucht?
 - Bevorzugte Methode für **dynamische Prioritäten**

- Antwortzeitanalyse (engl. *response time analysis*)
 - Wie lange benötigt eine Aufgabe **maximal** bis zur Fertigstellung?
 - Präzise Methode für **statische Prioritäten**



- CPU-Auslastung (engl. *loading factor*)
 - Zu welchem Prozentsatz wird der Prozessor **maximal** beansprucht?
 - Bevorzugte Methode für **dynamische Prioritäten**
- Zeitbedarfsanalyse (engl. *processor demand*) \leadsto **Eigenstudium** 🏠
 - Wieviel Rechenzeit wird innerhalb eines Zeitintervalls benötigt?
 - Neuere Methode für **dynamische Prioritäten**
- Antwortzeitanalyse (engl. *response time analysis*)
 - Wie lange benötigt eine Aufgabe **maximal** bis zur Fertigstellung?
 - Präzise Methode für **statische Prioritäten**



- CPU-Auslastung (engl. *loading factor*)
 - Zu welchem Prozentsatz wird der Prozessor **maximal** beansprucht?
 - Bevorzugte Methode für **dynamische Prioritäten**

- Zeitbedarfsanalyse (engl. *processor demand*) ∼ **Eigenstudium** 🏠
 - Wieviel Rechenzeit wird innerhalb eines Zeitintervalls benötigt?
 - Neuere Methode für **dynamische Prioritäten**

- Antwortzeitanalyse (engl. *response time analysis*)
 - Wie lange benötigt eine Aufgabe **maximal** bis zur Fertigstellung?
 - Präzise Methode für **statische Prioritäten**

- Simulation (engl. *simulation*) ∼ **Eigenstudium** 🏠
 - Wird in einem bestimmten Intervall eine Deadline verfehlt?
 - Bevorzugte Methode für **statische Prioritäten**



Bestimmung der CPU-Auslastung

Die CPU-Auslastung $u_{[t_1, t_2[}$ einer Menge von Arbeitsaufträgen während eines Intervalls $[t_1, t_2[$, ist der Anteil des Rechenzeitbedarfs $h_{[t_1, t_2[}$, der nötig ist, um diese Arbeitsaufträge auszuführen:

$$u_{[t_1, t_2[} = \frac{h_{[t_1, t_2[}}{t_2 - t_1}$$



CPU-Auslastung (engl. utilisation)

Bestimmung der CPU-Auslastung

Die CPU-Auslastung $u_{[t_1, t_2[}$ einer Menge von Arbeitsaufträgen während eines Intervalls $[t_1, t_2[$, ist der Anteil des Rechenzeitbedarfs $h_{[t_1, t_2[}$, der nötig ist, um diese Arbeitsaufträge auszuführen:

$$u_{[t_1, t_2[} = \frac{h_{[t_1, t_2[}}{t_2 - t_1}$$



Für die Zulässigkeit einer Menge von Aufgaben T ist die maximale CPU-Auslastung (engl. *maximum utilisation*) entscheidend

→ Maximale CPU-Auslastung über alle Intervalle $[t_1, t_2[$

Maximale CPU-Auslastung

$$u = \max_{0 \leq t_1 < t_2} u_{[t_1, t_2[}$$





Rechenzeitbedarf einer Aufgabenmenge T im Zeitintervall $[t_1, t_2[$:

Bestimmung des Rechenzeitbedarfs

$$h_{[t_1, t_2[} = \sum_{t_1 \leq r_k, D_k \leq t_2} e_k$$

- Maximale Ausführungszeit aller Arbeitsaufträge, deren
 - Auslösezeitpunkt und
 - absoluter Termininnerhalb dieses Intervalls liegt.



Zulässigkeitstest von Liu und Layland [9]

Für jede Menge von n synchronen, periodischen Aufgaben, die den Kriterien A1 - A7 (siehe IV-1/9 bzw. 44) entsprechen, findet der EDF Algorithmus einen zulässigen Ablaufplan, **gdw** für die CPU-Auslastung gilt:

$$U = \sum_{i=1}^n u_i = \sum_{i=1}^n \frac{e_i}{p_i} \leq 1$$

- Dies gilt auch für asynchrone Aufgaben (entkräftet A2) [5]
- EDF-Algorithmus ist **optimal** [13] unter folgenden Bedingungen:
 - Aufgaben wie oben
 - Synchron oder asynchron
 - Kriterium: $U \leq 1$



Analoge Tests existieren auch für RMA und DMA [10, S. 146]





Systeme, die den Bedingungen **A1** - **A7** genügen, sind mit **polynomiell**em Aufwand analysierbar.





Systeme, die den Bedingungen A1 - A7 genügen, sind mit **polynomiell** Aufwand analysierbar.



Starke Konsequenzen bei Lockerung dieser Einschränkungen:

- Verzicht auf A3 \leadsto **stark NP-hart** (Baruah [2])
 - Termine sind **kürzer** als die Perioden der Aufgaben.
- Verzicht auf A4 \leadsto **stark NP-hart** (Richard [12])
 - Aufgaben **legen sich schlafen** (engl. *self-suspension*).
- Verzicht auf A5 \leadsto **stark NP-hart** (Mok [11])
 - Der **gegenseitige Ausschluss** wird durch Semaphore gesichert.
- Verzicht auf A7 \leadsto **stark NP-hart** (Cai [4])
 - Harmonische, periodische Aufgaben sind **nicht verdrängbar**.





Systeme, die den Bedingungen A1 - A7 genügen, sind mit **polynomiell** Aufwand analysierbar.



Starke Konsequenzen bei Lockerung dieser Einschränkungen:

- Verzicht auf A3 \leadsto **stark NP-hart** (Baruah [2])
 - Termine sind **kürzer** als die Perioden der Aufgaben.
- Verzicht auf A4 \leadsto **stark NP-hart** (Richard [12])
 - Aufgaben **legen sich schlafen** (engl. *self-suspension*).
- Verzicht auf A5 \leadsto **stark NP-hart** (Mok [11])
 - Der **gegenseitige Ausschluss** wird durch Semaphore gesichert.
- Verzicht auf A7 \leadsto **stark NP-hart** (Cai [4])
 - Harmonische, periodische Aufgaben sind **nicht verdrängbar**.



Dies hat auch Auswirkungen auf die Zulässigkeitstests!



- $D_i \geq p_i$: Periodische Aufgaben mit großen Terminen
 - Kriterien von Layland/Liu und Coffman gelten nach wie vor [3]
 - Diese Kriterien sind **notwendig** und **hinreichend**



- $D_i \geq p_i$: Periodische Aufgaben mit großen Terminen
 - Kriterien von Layland/Liu und Coffman gelten nach wie vor [3]
 - Diese Kriterien sind **notwendig** und **hinreichend**
- $D_i < p_i$: Aperiodische Aufgaben sind möglich
 - **Hybride** Menge: periodische und aperiodische Aufgaben
 - Diese Kriterium ist **nur hinreichend**!

Rahmenbedingungen nach Baruah [3]

Für eine hybride Menge von n Aufgaben T , findet der EDF-Algorithmus einen zulässigen Ablaufplan, wenn gilt:

$$U = \sum_{i=1}^n \frac{e_i}{\min\{D_i, p_i\}} \leq 1$$



- **Beispiel:** $T_1 = (4, 3, 4, 0)$, $T_2 = (20, 2, 18, 0)$, $T_3 = (10, 1, 3, 0)$
 - $\sum_i \frac{e_i}{\min\{D_i, p_i\}} = \frac{3}{4} + \frac{2}{18} + \frac{1}{3} = \frac{43}{36} > 1$



■ **Beispiel:** $T_1 = (4, 3, 4, 0)$, $T_2 = (20, 2, 18, 0)$, $T_3 = (10, 1, 3, 0)$

■
$$\sum_i \frac{e_i}{\min\{D_i, p_i\}} = \frac{3}{4} + \frac{2}{18} + \frac{1}{3} = \frac{43}{36} > 1$$

⚠ System ist laut des Tests (siehe Folie IV-2/30) **nicht zulässig!**

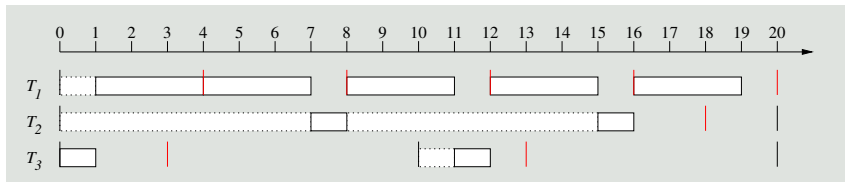
Dieser Test ist pessimistisch ...

■ **Beispiel:** $T_1 = (4, 3, 4, 0)$, $T_2 = (20, 2, 18, 0)$, $T_3 = (10, 1, 3, 0)$

■ $\sum_i \frac{e_i}{\min\{D_i, p_i\}} = \frac{3}{4} + \frac{2}{18} + \frac{1}{3} = \frac{43}{36} > 1$

⚠ System ist laut des Tests (siehe Folie IV-2/30) **nicht zulässig!**

☞ EDF findet jedoch einen zulässigen Ablaufplan:



■ Antwortzeit ω_i

- Zeitdauer zwischen Auslösezeit und Terminationszeitpunkt (siehe III-2/26)

■ Idee: Antwortzeitanalyse

- Terminationszeitpunkt vor dem absoluten Termin d_i
- Antwortzeit ω_i kürzer als der relative Termin D_i

→ Für jeden Auftrag $J_{i,j}$ in der Aufgabe: $T_i : \omega_{i,j} \leq D_{i,j}$

■ Voraussetzungen

- Bedingungen A1 - A7 müssen eingehalten werden
- Konzept ist jedoch erweiterbar



■ Antwortzeit ω_i

- Zeitdauer zwischen Auslösezeit und Terminationszeitpunkt (siehe III-2/26)

■ Idee: Antwortzeitanalyse

- Terminationszeitpunkt vor dem absoluten Termin d_i
- Antwortzeit ω_i kürzer als der relative Termin D_i

→ Für jeden Auftrag $J_{i,j}$ in der Aufgabe: $T_i : \omega_{i,j} \leq D_{i,j}$

■ Voraussetzungen

- Bedingungen A1 - A7 müssen eingehalten werden
- Konzept ist jedoch erweiterbar

Probleme

- Wie berechnet man die Antwortzeit?
- Wann wird die maximale Antwortzeit erreicht?



- Antwortzeit ω_i der Aufgabe T_i berechnet sich zu:

$$\omega_i(t) = e_i$$

- Aufgabe terminiert bevor das Ereignis (Periode) erneut eintritt
- Setzt sich zusammen aus:
 - WCET e_i von T_i



- Antwortzeit ω_i der Aufgabe T_i berechnet sich zu:

$$\omega_i(t) = e_i + \sum_{k=1}^{i-1} \left\lceil \frac{t}{p_k} \right\rceil e_k; 0 < t \leq p_i$$

- Aufgabe terminiert bevor das Ereignis (Periode) erneut eintritt
- Setzt sich zusammen aus:
 - WCET e_i von T_i
 - WCETs e_1, \dots, e_{i-1} der Aufgaben T_1, \dots, T_{i-1} höherer Priorität



- Antwortzeit ω_i der Aufgabe T_i berechnet sich zu:

$$\omega_i(t) = e_i + \sum_{k=1}^{i-1} \left\lceil \frac{t}{p_k} \right\rceil e_k; 0 < t \leq p_i$$

- Aufgabe terminiert bevor das Ereignis (Periode) erneut eintritt
- Setzt sich zusammen aus:
 - WCET e_i von T_i
 - WCETs e_1, \dots, e_{i-1} der Aufgaben T_1, \dots, T_{i-1} höherer Priorität
- Prüfung: $\omega_i(t) \leq t$
 - $t = jp_k; \quad k = 1, 2, \dots, i; \quad j = 1, 2, \dots, \lfloor \min(p_i, D_i)/p_k \rfloor$
 - Zeitbedarf erhöht sich nur bei Auslösung dringlicherer Aufgaben
 - Bis das Ereignis erneut eintritt/der Termin der Aufgabe erreicht ist



- Antwortzeit ω_i der Aufgabe T_i berechnet sich zu:

$$\omega_i(t) = e_i + \sum_{k=1}^{i-1} \left\lceil \frac{t}{p_k} \right\rceil e_k; 0 < t \leq p_i$$

- Aufgabe terminiert bevor das Ereignis (Periode) erneut eintritt
- Setzt sich zusammen aus:
 - WCET e_i von T_i
 - WCETs e_1, \dots, e_{i-1} der Aufgaben T_1, \dots, T_{i-1} höherer Priorität
- Prüfung: $\omega_i(t) \leq t$
 - $t = jp_k; \quad k = 1, 2, \dots, i; \quad j = 1, 2, \dots, \lfloor \min(p_i, D_i)/p_k \rfloor$
 - Zeitbedarf erhöht sich nur bei Auslösung dringlicherer Aufgaben
 - Bis das Ereignis erneut eintritt/der Termin der Aufgabe erreicht ist



Ist die Ungleichung für **einen** Zeitpunkt t erfüllt, ist T_i **zulässig**



Beispiel: Berechnung der maximalen Antwortzeit

Aufgaben: $T_1 = (3, 1, 3, \phi_1)$, $T_2 = (5, 1.5, 5, \phi_2)$, $T_3 = (7, 1.25, 7, \phi_3)$, $T_4 = (9, 0.5, 9, \phi_4)$

- Antwortzeit ω_1 von T_1
 - $\omega_1(3) = 1 \leq 3 \leadsto$ zulässig



Beispiel: Berechnung der maximalen Antwortzeit

Aufgaben: $T_1 = (3, 1, 3, \phi_1)$, $T_2 = (5, 1.5, 5, \phi_2)$, $T_3 = (7, 1.25, 7, \phi_3)$, $T_4 = (9, 0.5, 9, \phi_4)$

- Antwortzeit ω_1 von T_1
 - $\omega_1(3) = 1 \leq 3 \leadsto$ zulässig
- Antwortzeit ω_2 von T_2
 - $\omega_2(3) = 1.5 + \left\lceil \frac{3}{3} \right\rceil 1 = 2.5 \leq 3 \leadsto$ zulässig



Beispiel: Berechnung der maximalen Antwortzeit

Aufgaben: $T_1 = (3, 1, 3, \phi_1)$, $T_2 = (5, 1.5, 5, \phi_2)$, $T_3 = (7, 1.25, 7, \phi_3)$, $T_4 = (9, 0.5, 9, \phi_4)$

- Antwortzeit ω_1 von T_1
 - $\omega_1(3) = 1 \leq 3 \leadsto$ zulässig
- Antwortzeit ω_2 von T_2
 - $\omega_2(3) = 1.5 + \left\lceil \frac{3}{3} \right\rceil 1 = 2.5 \leq 3 \leadsto$ zulässig
- Antwortzeit ω_3 von T_3
 - $\omega_3(3) = 1.25 + \left\lceil \frac{3}{3} \right\rceil 1 + \left\lceil \frac{3}{5} \right\rceil 1.5 = 3.75 > 3$
 - $\omega_3(5) = 1.25 + \left\lceil \frac{5}{3} \right\rceil 1 + \left\lceil \frac{5}{5} \right\rceil 1.5 = 4.75 \leq 5 \leadsto$ zulässig



Beispiel: Berechnung der maximalen Antwortzeit

Aufgaben: $T_1 = (3, 1, 3, \phi_1)$, $T_2 = (5, 1.5, 5, \phi_2)$, $T_3 = (7, 1.25, 7, \phi_3)$, $T_4 = (9, 0.5, 9, \phi_4)$

■ Antwortzeit ω_1 von T_1

■ $\omega_1(3) = 1 \leq 3 \leadsto$ zulässig

■ Antwortzeit ω_2 von T_2

■ $\omega_2(3) = 1.5 + \left\lceil \frac{3}{3} \right\rceil 1 = 2.5 \leq 3 \leadsto$ zulässig

■ Antwortzeit ω_3 von T_3

■ $\omega_3(3) = 1.25 + \left\lceil \frac{3}{3} \right\rceil 1 + \left\lceil \frac{3}{5} \right\rceil 1.5 = 3.75 > 3$

■ $\omega_3(5) = 1.25 + \left\lceil \frac{5}{3} \right\rceil 1 + \left\lceil \frac{5}{5} \right\rceil 1.5 = 4.75 \leq 5 \leadsto$ zulässig

■ Antwortzeit ω_4 von T_4

■ $\omega_4(3) = 0.5 + \left\lceil \frac{3}{3} \right\rceil 1 + \left\lceil \frac{3}{5} \right\rceil 1.5 + \left\lceil \frac{3}{7} \right\rceil 1.25 = 4.25 > 3$

■ $\omega_4(5) = 0.5 + \left\lceil \frac{5}{3} \right\rceil 1 + \left\lceil \frac{5}{5} \right\rceil 1.5 + \left\lceil \frac{5}{7} \right\rceil 1.25 = 5.25 > 5$

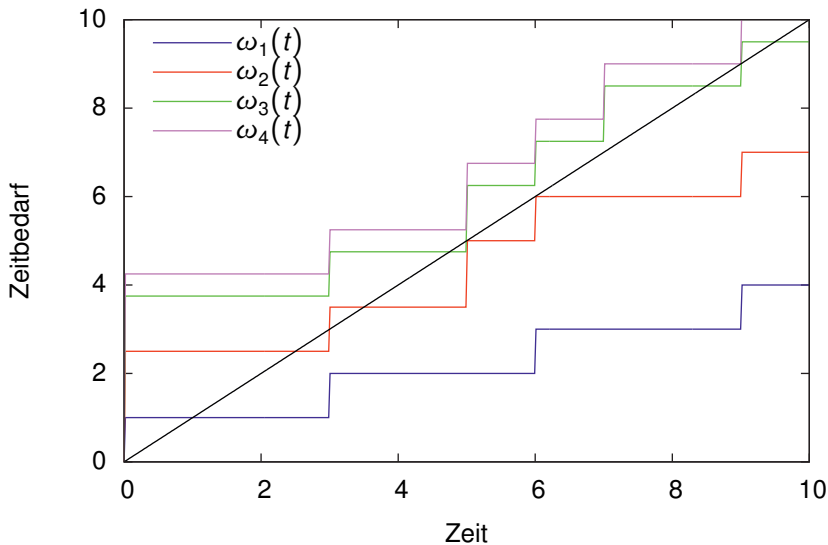
■ $\omega_4(6) = 0.5 + \left\lceil \frac{6}{3} \right\rceil 1 + \left\lceil \frac{6}{5} \right\rceil 1.5 + \left\lceil \frac{6}{7} \right\rceil 1.25 = 6.75 > 6$

■ $\omega_4(7) = 0.5 + \left\lceil \frac{7}{3} \right\rceil 1 + \left\lceil \frac{7}{5} \right\rceil 1.5 + \left\lceil \frac{7}{7} \right\rceil 1.25 = 7.75 > 7$

■ $\omega_4(9) = 0.5 + \left\lceil \frac{9}{3} \right\rceil 1 + \left\lceil \frac{9}{5} \right\rceil 1.5 + \left\lceil \frac{9}{7} \right\rceil 1.25 = 9.00 \leq 9 \leadsto$ zulässig



Zeitbedarfsfunktionen der Aufgaben T_1 , T_2 , T_3 und T_4





Kritischer Zeitpunkt (engl. *critical instant*) \mapsto **maximale Antwortzeit**

→ Auslösung eines Arbeitsauftrags an seinem kritischen Zeitpunkt





Kritischer Zeitpunkt (engl. *critical instant*) \mapsto **maximale Antwortzeit**

→ Auslösung eines Arbeitsauftrags an seinem kritischen Zeitpunkt

- An seinem kritischen Zeitpunkt ausgelöster Auftrag $J_{i,j}$ einer Aufgabe T_i :

→ Erfährt die **maximale Antwortzeit** aller Aufträge in T_i

- Falls alle Arbeitsaufträge ihre Termine einhalten

→ **Verpasst seinen Termin**

- Falls irgendein Arbeitsauftrag in T_i seinen Termin verpasst





Kritischer Zeitpunkt (engl. *critical instant*) \mapsto **maximale Antwortzeit**

→ Auslösung eines Arbeitsauftrags an seinem kritischen Zeitpunkt

■ An seinem kritischen Zeitpunkt ausgelöster Auftrag $J_{i,j}$ einer Aufgabe T_i :

→ Erfährt die **maximale Antwortzeit** aller Aufträge in T_i

– Falls alle Arbeitsaufträge ihre Termine einhalten

→ **Verpasst seinen Termin**

– Falls irgendein Arbeitsauftrag in T_i seinen Termin verpasst



Kritischer Zeitpunkt in Systemen mit **statischen Prioritäten** [9]

→ Falls **zusammen** mit einem Arbeitsauftrag der Aufgabe T_i Aufträge aller Aufgaben **höherer Priorität** T_1, \dots, T_{i-1} ausgelöst werden





Kritischer Zeitpunkt (engl. *critical instant*) \mapsto **maximale Antwortzeit**

→ Auslösung eines Arbeitsauftrags an seinem kritischen Zeitpunkt



An seinem kritischen Zeitpunkt ausgelöster Auftrag $J_{i,j}$ einer Aufgabe T_i :

→ Erfährt die **maximale Antwortzeit** aller Aufträge in T_i

- Falls alle Arbeitsaufträge ihre Termine einhalten

→ **Verpasst seinen Termin**

- Falls irgendein Arbeitsauftrag in T_i seinen Termin verpasst



Kritischer Zeitpunkt in Systemen mit **statischen Prioritäten** [9]

→ Falls **zusammen** mit einem Arbeitsauftrag der Aufgabe T_i Aufträge aller Aufgaben **höherer Priorität** T_1, \dots, T_{i-1} ausgelöst werden



Kritischer Zeitpunkt in Systemen mit **dynamischen Prioritäten**

■ Lässt sich ein solcher kritischer Zeitpunkt **nicht** identifizieren

→ Antwortzeitanalyse ist hier **ungeeignet**





Verschlechterung der Planbarkeit bei wenigen verfügbaren Systemprioritäten
($\Omega_n \gg \Omega_s$) zu erwarten





Verschlechterung der Planbarkeit bei wenigen verfügbaren Systemprioritäten ($\Omega_n \gg \Omega_s$) zu erwarten

- Sei g das Minimum von Verhältniswerten des Prioritätsrasters (s. IV-2/12)





Verschlechterung der Planbarkeit bei wenigen verfügbaren Systemprioritäten ($\Omega_n \gg \Omega_s$) zu erwarten

- Sei g das Minimum von Verhältniswerten des Prioritätsrasters (s. IV-2/12)
- Für RM für große n und $D_i = p_i$ für alle i wurde gezeigt [8], dass für die **planbare Auslastung** (engl. *schedulable utilization*) gilt:

$$\begin{aligned} \ln(2g) + 1 - g & \text{ falls } g > 1/2 \\ g & \text{ falls } g \leq 1/2 \end{aligned}$$





Verschlechterung der Planbarkeit bei wenigen verfügbaren Systemprioritäten ($\Omega_n \gg \Omega_s$) zu erwarten

- Sei g das Minimum von Verhältniswerten des Prioritätsrasters (s. IV-2/12)
- Für RM für große n und $D_i = p_i$ für alle i wurde gezeigt [8], dass für die **planbare Auslastung** (engl. *schedulable utilization*) gilt:
$$\ln(2g) + 1 - g \quad \text{falls } g > 1/2$$
$$g \quad \text{falls } g \leq 1/2$$
- Das Verhältnis dieser Auslastung zu $\ln(2)$ ist ein Maß für die **relative Planbarkeit** des gegebenen Systems





Verschlechterung der Planbarkeit bei wenigen verfügbaren Systemprioritäten ($\Omega_n \gg \Omega_s$) zu erwarten

- Sei g das Minimum von Verhältniswerten des Prioritätsrasters (s. IV-2/12)
 - Für RM für große n und $D_i = p_i$ für alle i wurde gezeigt [8], dass für die **planbare Auslastung** (engl. *schedulable utilization*) gilt:
$$\ln(2g) + 1 - g \quad \text{falls } g > 1/2$$
$$g \quad \text{falls } g \leq 1/2$$
 - Das Verhältnis dieser Auslastung zu $\ln(2)$ ist ein Maß für die **relative Planbarkeit** des gegebenen Systems
- **Beispiel:** 100 000 Aufgaben (evtl. noch vielmehr Aufträge), d.h., $\Omega_n = 100\,000$
- Die relative Planbarkeit bei $\Omega_s = 256$ ist gleich 0.9986



Relative Planbarkeit – Prioritätsabbildung

Einfluss der Anzahl von Systemprioritäten auf die Planbarkeit eines Systems



Verschlechterung der Planbarkeit bei wenigen verfügbaren Systemprioritäten ($\Omega_n \gg \Omega_s$) zu erwarten

- Sei g das Minimum von Verhältniswerten des Prioritätsrasters (s. IV-2/12)
- Für RM für große n und $D_i = p_i$ für alle i wurde gezeigt [8], dass für die **planbare Auslastung** (engl. *schedulable utilization*) gilt:
$$\ln(2g) + 1 - g \quad \text{falls } g > 1/2$$
$$g \quad \text{falls } g \leq 1/2$$
- Das Verhältnis dieser Auslastung zu $\ln(2)$ ist ein Maß für die **relative Planbarkeit** des gegebenen Systems

- **Beispiel:** 100 000 Aufgaben (evtl. noch vielmehr Aufträge), d.h., $\Omega_n = 100\,000$
 - Die relative Planbarkeit bei $\Omega_s = 256$ ist gleich 0.9986



RM: Für komplexeste Taskssysteme reichen schon **256 Prioritätsebenen**



1 Einplanung

- Gebräuchliche Verfahren
- Statische Prioritäten
- Prioritätsabbildung
- Dynamische Prioritäten

2 Optimalität

- RM, DM & EDF
- Ereignisgesteuerte Ablaufplanung

3 Planbarkeitsanalyse

- CPU-Auslastung
- Antwortzeitanalyse
- Prioritätsabbildung

4 Zusammenfassung





Ablaufplanung gebräuchliche, ereignisgesteuerte Verfahren

- statische Prioritäten \leadsto RM, DM
 - Prioritätsabbildung im Falle nicht ausreichender Systemprioritäten
- dynamische Prioritäten \leadsto EDF

Ablaufplanung gebräuchliche, ereignisgesteuerte Verfahren

- **statische Prioritäten** \leadsto RM, DM
 - Prioritätsabbildung im Falle nicht ausreichender Systemprioritäten
- **dynamische Prioritäten** \leadsto EDF

Optimalität und Nichtoptimalität von RM, DM und EDF

- Hängt von den Eigenschaften der betrachteten Aufgaben ab
- Nichtoptimalität von statischen Prioritäten und Ereignissteuerung

Ablaufplanung gebräuchliche, ereignisgesteuerte Verfahren

- **statische Prioritäten** \leadsto RM, DM
 - Prioritätsabbildung im Falle nicht ausreichender Systemprioritäten
- **dynamische Prioritäten** \leadsto EDF

Optimalität und Nichtoptimalität von RM, DM und EDF

- Hängt von den Eigenschaften der betrachteten Aufgaben ab
- Nichtoptimalität von statischen Prioritäten und Ereignissteuerung

Planbarkeitsanalyse ereignisgesteuerter Ablaufplanungsverfahren

- maximalen, kumulativen CPU-Auslastung und Antwortzeitanalyse
- relative Planbarkeit im Falle nicht ausreichender Systemprioritäten



[1] *Kapitel 28.*

In: Baruah, S. ; Goossens, J. :

Scheduling Real-time Tasks: Algorithms and Complexity.

Chapman & Hall/CRC, 2004 (Computer and Information Science series)

[2] Baruah, S. K. ; Rosier, L. E. ; Howell, R. R.:

Algorithms and complexity concerning the preemptive scheduling of periodic, real-time tasks on one processor.

In: *Real-Time Systems Journal* 2 (1990), Nr. 4, S. 301–324.

<http://dx.doi.org/10.1007/BF01995675>. –

DOI 10.1007/BF01995675. –

ISSN 0922–6443

[3] Baruah, S. ; Mok, A. ; Rosier, L. :

Preemptively scheduling hard-real-time sporadic tasks on one processor.

(1990), Dez., S. 182–190.

<http://dx.doi.org/10.1109/REAL.1990.128746>. –

DOI 10.1109/REAL.1990.128746



- [4] Cai, Y. ; Kong, M. C.:
Nonpreemptive Scheduling of Periodic Tasks in Uni- and Multiprocessor Systems.
In: *Algorithmica* 15 (1996), Nr. 6, S. 572–599.
<http://dx.doi.org/10.1007/BF01940882>. –
DOI 10.1007/BF01940882. –
ISSN 0178–4617
- [5] Coffman, E. G.:
Computer and Job-shop Scheduling Theory.
John Wiley & Sons Inc, 1976. –
ISBN 978–0471163190
- [6] Hildebrand, D. :
An Architectural Overview of QNX.
In: *Proceedings of the USENIX Workshop on Microkernels and Other Kernel Architectures*.
Seattle, WA, USA, Apr. 27–28, 1992, S. 113–126
- [7] IEEE Standard 802.5:
Token Ring Access Method and Physical Layer Specification.
IEEE, New York, 1989
- [8] Lehoczky, J. P. ; Sha, L. :
Performance of Real-Time Bus Scheduling Algorithms.
In: *ACM Performance Evaluation Review* 14 (1986), Mai, Nr. 1, S. 44–55



- [9] Liu, C. L. ; Layland, J. W.:
Scheduling Algorithms for Multiprogramming in a Hard-Real-Time Environment.
In: *Journal of the ACM* 20 (1973), Nr. 1, S. 46–61.
<http://dx.doi.org/http://doi.acm.org/10.1145/321738.321743>. –
DOI <http://doi.acm.org/10.1145/321738.321743>. –
ISSN 0004–5411
- [10] Liu, J. W. S.:
Real-Time Systems.
Englewood Cliffs, NJ, USA : Prentice Hall PTR, 2000. –
ISBN 0–13–099651–3
- [11] Mok, A. K.:
Fundamental design problems of distributed systems for the hard real-time environment, MIT,
Diss., 1983
- [12] Richard, P. :
On the complexity of scheduling real-time tasks with self-suspensions on one processor.
In: *Proceedings. 15th Euromicro Conference on Real-Time Systems (ECRTS 2003)* (2003), Jul.,
S. 187–194
- [13] Spuri, M. :
Earliest Deadline Scheduling in Real-Time Systems, Scuola Superiore S. Anna, Pisa,
Dissertation, 1996



- [14] Wind River Systems, Inc.:
Wind River Homepage.
<http://www.windriver.com>,





Mathematische Ansätze zur zeitlichen Analyse periodischer Echtzeitsysteme bedingen häufig starke Einschränkungen:

- A1** Alle Aufgaben sind periodisch
- A2** Alle Arbeitsaufträge können an ihren Auslösezeitpunkten eingeplant und ausgeführt werden
- A3** Termine und Perioden sind identisch
- A4** Kein Arbeitsauftrag gibt die Kontrolle über den Prozessor ab
- A5** Alle Aufgaben sind unabhängig³
- A6** Die Kosten durch Unterbrechungen, Ablaufplanung und Verdrängung sind vernachlässigbar
- A7** Alle Aufgaben verhalten sich voll-präemptiv

³D.h. die einzige gemeinsame Ressource ist die CPU und es existieren keine Einschränkungen hinsichtlich der Auslösezeiten der Arbeitsaufträge voneinander.



Typographische Konvention

Der erste Index gibt die Aufgabe an (z.B. D_i), der Zweite (optional) bezieht sich auf den Arbeitsauftrag (z.B. $d_{i,j}$). Exponenten zeigen verschiedene Varianten einer Eigenschaft an (z.B. T^{HI}, T^{MED}, T^{LO}). Funktionen beschreiben zeitlich variierende Eigenschaften (z.B. $P(t)$).

Eigenschaften

- t (Real-)Zeit
- d Zeitverzögerung (engl. delay)

Strukturelemente

- E_i Ereignis (engl. event)
- R_i Ergebnis (engl. result)
- T_i Aufgabe (engl. task)
- $J_{i,j}$ Arbeitsauftrag (engl. job) der Aufgabe T_i

Temporale Eigenschaften

Allgemein

- r_i Auslösezeitpunkt (engl. release time)
- e_i Maximale Ausführungszeit (WCET)
- D_i Relativer Termin (engl. deadline)
- d_i Absoluter Termin
- ω_i Antwortzeit (engl. response time)
- σ_i Schlupf (engl. slack)

Periodische Aufgaben

- p_i Periode (engl. period)
- ϕ_i Phase (engl. phase)

Aufgaben – Tupel

$T_p = (p, e, D, \phi)$ Periodische Aufgabe ohne Priorität (zeitgesteuert oder dynamische Taskpriorität), $D = p$ und $\phi = 0$ sind der Reihe nach optional

Ablaufplanung

- P_i Priorität (engl. priority) der Aufgabe T_i
- Ω_i Prioritätsebenen (engl. number of priorities)
- h_{Δ_i} Rechenzeitbedarf (engl. demand)
- u_{Δ_i} CPU-Auslastung (engl. utilisation)
- U Absolute CPU-Auslastung

